ProfCollege

Une aide pour utiliser LaTeX au collège

Christophe Poulain
chr poulain @ gmail . com

Version 0.90 - Janvier 2021

Résumé

Cet ensemble de commandes devrait servir à faciliter l'utilisation de LaTeX pour les enseignants de mathématiques en collège. Il ne concerne que la partie mathématique du travail d'enseignant.

Table des matières

1 Les tables de multiplication 6

2 Les tableaux de conversion des unités classiques et autres 8

3 Questions - réponses à relier 14

4 Les questionnaires à choix multiples 17

5 Les questions « flash » 21

6 Les formules de périmètre, d'aire, de volume 25

7 Le théorème de Pythagore 26

8 La somme des angles d'un triangle 35

9 Le théorème de Thalès 37

10 La trigonométrie 45

11 Position relative de deux droites 48

12 Le repérage 50

13 Nombre premier 57

14 La représentation graphique de fraction 60

15 Simplification d'écritures fractionnaires 63

16 Les puissances 64

17 La proportionnalité 65

18 Application : les pourcentages 68

19 Les ratio 71

20 Les statistiques 74

21 Les probabilités 83

22 Les fonctions affines 86

23 Les fonctions ? 90

24 La distributivité 92

25 La résolution d'équation du premier degré 102

26 Bulles et cartes mentales 112

27 Calculatrice ? 115

28 Labyrinthe 117

29 Professeur principal ? 119

30 Quelques éléments pratiques... 123

31 Exemples 124

32 Complément : compilation en shell-escape 131

33 Complément : METAPOST– couleurs du package Pfc-svgnames.mp 132

34 Complément : Personnalisation de la fonte utilisée dans les figures METAPOST 133

35 Complément : un peu de géométrie avec ProfCollege 134

36 Problèmes connus 139

37 Historique 140

Avant-Propos

L'idée de ce « package » est venue naturellement après plusieurs années d'utilisation de LaTeX en collège et surtout, après un stage animé en Janvier 2020. Rassembler les commandes déjà écrites, en améliorer d'autres, en créer de nouvelles… sont les besoins ressentis après cette animation. Le confinement, malheureusement, m'a permis de mettre en œuvre ce projet.

Il a pris corps au fil des idées, des découvertes de programmation, des échanges avec Thomas Dehon [1]. Il se veut *pratico-pratique*, sans prétention aucune concernant la programmation *latexienne*. Néanmoins, les facilités qu'il apporte devraient grandement aider les collègues souhaitant sauter le pas et utiliser LaTeX en collège.

Pour la partie technique, différents packages [2] sont automatiquement chargés :
- les classiques `mathtools`, `amssymb`, `siunitx`, `multicol`, `xcolor` ;
- les calculatoires `xlop`, `xfp`, `modulus` ;
- les « gestionnaires » `simplekv`, `ifthen`, `xstring`, `xinttools` ;
- les graphiques `gmp`, `tikz` et certaines de ses librairies ;
- quelques autres plus particuliers : `hhline`, `environ`, `datatool`, `iftex`.

En complément, cinq packages [3] METAPOST sont nécessaires :
- `PfC-Constantes.mp` pour définir quelques constantes ;
- `PfC-Calculatrice.mp` pour les touches et écran d'une calculatrice ;
- `PfC-LaTeX.mp` pour l'écriture de certaines étiquettes ;
- `PfC-Geometrie.mp` pour les tracés géométriques ;
- et `PfC-Svgnames.mp` pour avoir accès à certaines couleurs prédéfinies.

Installation

Le package `ProfCollege` étant disponible sur `ctan.org`, il est contenu dans les distributions TeX Live et MikTeX récentes.
Cependant, si vous utilisez une ancienne version de ces distributions (ou d'autres), il faudra certainement installer manuellement `ProfCollege` ainsi que les packages nécessaires à son utilisation. Dans ce cas, l'installation de `ProfCollege` se fera dans un répertoire local [4, 5].

Utiliser `ProfCollege`

Comme tous les autres packages (All)LaTeX, il faudra utiliser la commande `\usepackage{ProfCollege}` [6].

1. Un ancien élève, devenu collègue. Je le remercie pour tous les tests effectués, permettant ainsi des échanges très fructueux et une nette amélioration du package.
2. Tous sont disponibles dans les distributions TeXLive ou MikTeX.
3. Ils sont tous joints au package.
4. Pour les fichiers `tex` :
   - Sous Linux : `▸home▸⟨utilisateur⟩▸texmf▸tex▸latex▸`
   - Sous Mac : `▸Users▸⟨utilisateur⟩▸Library▸texmf▸tex▸latex▸`
   - Sous windows : `C:▸Users▸⟨utilisateur⟩▸texmf▸tex▸latex▸`

   Pour les fichiers METAPOST :
   - Sous Linux : `▸home▸⟨utilisateur⟩▸texmf▸metapost▸`
   - Sous Mac : `▸Users▸⟨utilisateur⟩▸Library▸texmf▸metapost▸`
   - Sous windows : `C:▸Users▸⟨utilisateur⟩▸texmf▸metapost▸`
5. À noter que sous windows, avec la distribution MikTeX, il faudra *en plus* :
   - ouvrir la console MikTeX et la page des préférences ;
   - prendre l'onglet « Directories » (ou répertoires) ;
   - cliquer sur « Add » (ou Ajouter) et chercher le dossier `C:▸Users▸⟨utilisateur⟩▸texmf▸tex▸latex▸`
6. On se réfèrera à la page 139 pour les cas particuliers.

```
\documentclass{article}
\usepackage{ProfCollege}
\begin{document}
  \Pythagore[Entier,Exact]{ABC}{3}{4}{}
\end{document}
```

ProfCollege est utilisable en pdfLaTeX, XeLaTeX *et* LuaLaTeX [7] :

```
pdflatex nomfichier

xelatex nomfichier

lualatex nomfichier
```

pour obtenir (avec pdfLaTeX) le résultat suivant :

Dans le triangle ABC rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} AC^2 &= AB^2 + BC^2 \\ AC^2 &= 3^2 + 4^2 \\ AC^2 &= 9 + 16 \\ AC^2 &= 25 \\ AC &= 5 \text{ cm} \end{aligned}$$

ProfCollege ne gère ni les fontes, ni le format de page… Voici un exemple un peu plus complet :

```
\documentclass[12pt,a4paper]{article}
\usepackage{ProfCollege}
\usepackage{fourier}
\usepackage[margin=1cm,noheadfoot]{geometry}
\begin{document}
  \ResolEquation[Lettre=t,Entier,Simplification,Solution]{6}{-3}{1}{2}
\end{document}
```

$$\begin{aligned} 6t - 3 &= t + 2 \\ 5t - 3 &= 2 \\ 5t &= 5 \\ t &= \frac{5}{5} \\ t &= 1 \end{aligned}$$

L'équation $6t - 3 = t + 2$ a une unique solution : $t = 1$.

7. Suite à une proposition de Maxime Chupin.

1 Les tables de multiplication

Pour pouvoir rappeler les tables de multiplication [8], on utilisera la commande :

```
\Tables[⟨clés⟩]{a}
```

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande.
— a est le nombre dont on veut afficher « la » table de multiplication.

```
\Tables{}
```

×	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
3	0	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
4	0	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
5	0	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
6	0	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60
7	0	7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
8	0	8	16	24	32	40	48	56	64	72	80
9	0	9	18	27	36	45	54	63	72	81	90
10	0	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100

Par défaut, il s'agit d'une table complète de multiplication. On peut éventuellement la colorer pour faire apparaître la symétrie des tables.

La clé ⟨Couleur⟩ valeur par défaut : white

```
\Tables[Couleur=Crimson]{}
```

×	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
3	0	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
4	0	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
5	0	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
6	0	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60
7	0	7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
8	0	8	16	24	32	40	48	56	64	72	80
9	0	9	18	27	36	45	54	63	72	81	90
10	0	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100

Mais on peut choisir « la plage » de la table… ou focaliser sur une table particulière :

La clé ⟨Debut⟩ valeur par défaut : 0

```
\footnotesize
\Tables[Debut=6,Fin=9]{}
```

×	6	7	8	9
0	0	0	0	0
1	6	7	8	9
2	12	14	16	18
3	18	21	24	27
4	24	28	32	36
5	30	35	40	45
6	36	42	48	54
7	42	49	56	63
8	48	56	64	72
9	54	63	72	81
10	60	70	80	90

La clé ⟨Fin⟩ valeur par défaut : 10

8. Uniquement ?

La clé ⟨Seul⟩ valeur par défaut : false

```
\Tables[Seul]{7}
```

0	×	7	=	0
1	×	7	=	7
2	×	7	=	14
3	×	7	=	21
4	×	7	=	28
5	×	7	=	35
6	×	7	=	42
7	×	7	=	49
8	×	7	=	56
9	×	7	=	63
10	×	7	=	70

On peut donc construire un ensemble *nostalgique* de tables de multiplication…

0 × 1 = 0	0 × 2 = 0	0 × 3 = 0	0 × 4 = 0	0 × 5 = 0	0 × 6 = 0	0 × 7 = 0	0 × 8 = 0	0 × 9 = 0	0 × 10 = 0
1 × 1 = 1	1 × 2 = 2	1 × 3 = 3	1 × 4 = 4	1 × 5 = 5	1 × 6 = 6	1 × 7 = 7	1 × 8 = 8	1 × 9 = 9	1 × 10 = 10
2 × 1 = 2	2 × 2 = 4	2 × 3 = 6	2 × 4 = 8	2 × 5 = 10	2 × 6 = 12	2 × 7 = 14	2 × 8 = 16	2 × 9 = 18	2 × 10 = 20
3 × 1 = 3	3 × 2 = 6	3 × 3 = 9	3 × 4 = 12	3 × 5 = 15	3 × 6 = 18	3 × 7 = 21	3 × 8 = 24	3 × 9 = 27	3 × 10 = 30
4 × 1 = 4	4 × 2 = 8	4 × 3 = 12	4 × 4 = 16	4 × 5 = 20	4 × 6 = 24	4 × 7 = 28	4 × 8 = 32	4 × 9 = 36	4 × 10 = 40
5 × 1 = 5	5 × 2 = 10	5 × 3 = 15	5 × 4 = 20	5 × 5 = 25	5 × 6 = 30	5 × 7 = 35	5 × 8 = 40	5 × 9 = 45	5 × 10 = 50
6 × 1 = 6	6 × 2 = 12	6 × 3 = 18	6 × 4 = 24	6 × 5 = 30	6 × 6 = 36	6 × 7 = 42	6 × 8 = 48	6 × 9 = 54	6 × 10 = 60
7 × 1 = 7	7 × 2 = 14	7 × 3 = 21	7 × 4 = 28	7 × 5 = 35	7 × 6 = 42	7 × 7 = 49	7 × 8 = 56	7 × 9 = 63	7 × 10 = 70
8 × 1 = 8	8 × 2 = 16	8 × 3 = 24	8 × 4 = 32	8 × 5 = 40	8 × 6 = 48	8 × 7 = 56	8 × 8 = 64	8 × 9 = 72	8 × 10 = 80
9 × 1 = 9	9 × 2 = 18	9 × 3 = 27	9 × 4 = 36	9 × 5 = 45	9 × 6 = 54	9 × 7 = 63	9 × 8 = 72	9 × 9 = 81	9 × 10 = 90
10 × 1 = 10	10 × 2 = 20	10 × 3 = 30	10 × 4 = 40	10 × 5 = 50	10 × 6 = 60	10 × 7 = 70	10 × 8 = 80	10 × 9 = 90	10 × 10 = 100

```
\multido{\i=1+1}{10}{%
\fbox{\tiny\setlength{\arraycolsep}{0.25\arraycolsep}\Tables[Seul]{\i}\setlength{
    \arraycolsep}{4\arraycolsep}}%
}
```

Même si elles sont moins utiles aux enseignants de collège que les tables de multiplication, faire une table d'addition est également possible.

La clé ⟨Addition⟩ valeur par défaut : false

```
\Tables[Addition]{}
```

+	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
2	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
3	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
4	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
5	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
6	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
7	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
8	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
9	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
10	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20

Les clés ⟨Debut⟩, ⟨Fin⟩ et ⟨Seul⟩ sont aussi disponibles pour ces tables d'addition.

2 Les tableaux de conversion des unités classiques et autres

Il peut être utile de pouvoir afficher rapidement certains tableaux, notamment ceux de conversion. C'est ce que permet la commande :

```
\Tableau[⟨clés⟩]
```

où ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (au moins un paramètre obligatoire).

```
\Tableau
```

Les tableaux seront centrés, hors texte. La commande seule n'affiche rien. Les clés sont les suivantes :

La clé ⟨Metre⟩ valeur par défaut : false

```
\Tableau[Metre]
```

km	hm	dam	m	dm	cm	mm

La clé ⟨Carre⟩ valeur par défaut : false

```
\Tableau[Carre]
```

km^2	hm^2	dam^2	m^2	dm^2	cm^2	mm^2

La clé ⟨Cube⟩ valeur par défaut : false

```
\Tableau[Cube]
```

km^3	hm^3	dam^3	m^3	dm^3	cm^3	mm^3

Pour ces deux précédents tableaux, on peut faire apparaître les colonnes intermédiaires :

La clé ⟨Colonnes⟩ valeur par défaut : false

```
\Tableau[Carre,Colonnes]
```

km^2	hm^2	dam^2	m^2	dm^2	cm^2	mm^2

```
\Tableau[Cube,Colonnes]
```

km^3	hm^3	dam^3	m^3	dm^3	cm^3	mm^3

La clé ⟨Litre⟩ valeur par défaut : false

```
\Tableau[Litre]
```

kL	hL	daL	L	dL	cL	mL

La clé ⟨Gramme⟩ valeur par défaut : false

```
\Tableau[Gramme]
```

kg	hg	dag	g	dg	cg	mg

On peut associer à chaque tableau des flèches de conversion en utilisant :

La clé ⟨Fleches⟩ valeur par défaut : false

```
\Tableau[Cube,Fleches]
```

×1 000 ×1 000 ×1 000 ×1 000 ×1 000 ×1 000

km^3	hm^3	dam^3	m^3	dm^3	cm^3	mm^3

÷1 000 ÷1 000 ÷1 000 ÷1 000 ÷1 000 ÷1 000

Pour chaque tableau, les repères des flèches sont repérés, de gauche à droite, par :

— les lettres de A à F pour ceux du haut du tableau ;

— les « lettres » de A1 à F1 pour ceux du bas du tableau.

Ainsi, on peut réaliser l'affichage suivant :

```
\vspace{2em}
\Tableau[Carre]
\begin{tikzpicture}[remember picture,overlay]
  \draw[-stealth,out=30,in=150] (C) to node[above,midway]{\tiny$\times100$}(D);
  \draw[-stealth,out=30,in=150] (D) to node[above,midway]{\tiny$\times100$}(E);
  \draw[-stealth,out=70,in=110] (C) to node[above,midway]{$\times\num{10000}$}(E);
\end{tikzpicture}
```

×10 000

×100 ×100

km^2	hm^2	dam^2	m^2	dm^2	cm^2	mm^2

À côté de ces tableaux, ProfCollege fournit plusieurs commandes pour écrire des grandeurs. Utilisant le package siunitx, ces commandes permettent de séparer le fond de la forme (notamment sur l'écriture correcte des nombres) et la gestion des espaces est automatique.

— \Lg pour écrire des longueurs [9] :

```
\Lg{7} \Lg[km]{2.19} \Lg[hm]{4} \Lg[dam]{17} \Lg[dm]{29} \Lg[cm]{3.1} \Lg[mm]{312}
```

7 cm 2,19 km 4 hm 17 dam 29 dm 3,1 cm 312 mm

— \Aire pour écrire des aires :

```
\Aire{2} \Aire[km]{2.29} \Aire[hm]{2.023} \Aire[dam]{12} \Aire[dm]{4}
\Aire[cm]{6} \Aire[mm]{7.1}
```

2 cm^2 2,29 km^2 2,023 hm^2 12 dam^2 4 dm^2 6 cm^2 7,1 mm^2

— \Vol pour écrire des volumes :

```
\Vol{7} \Vol[km]{2.59} \Vol[hm]{2.98} \Vol[dam]{28} \Vol[dm]{37}
\Vol[cm]{25} \Vol[mm]{0.3543}
```

7 cm^3 2,59 km^3 2,98 hm^3 28 dam^3 37 dm^3 25 cm^3 0,354 3 mm^3

— \Masse pour écrire des masses :

```
\Masse{2.26} \Masse[kg]{4} \Masse[hg]{425} \Masse[dag]{17}
\Masse[dg]{31254} \Masse[cg]{3256} \Masse[mg]{47}
```

2,26 g 4 kg 425 hg 17 dag 31 254 dg 3 256 cg 47 mg

— \Capa pour écrire des capacités :

```
\Capa{2.26} \Capa[kL]{4} \Capa[hL]{425} \Capa[daL]{17} \Capa[dL]{31254}
\Capa[cL]{3256} \Capa[mL]{47}
```

2,26 L 4 kL 425 hL 17 daL 31 254 dL 3 256 cL 47 mL

— \MasseVol pour écrire des masses volumiques :

```
\MasseVol{18} \MasseVol[kgm]{7.96}
```

18 g/cm^3 7,96 kg/m^3

— \Vitesse pour écrire des vitesses :

```
\Vitesse{31} \Vitesse[ms]{0.98}
```

31 km/h 0,98 m/s

9. Cette commande (et les suivantes) a été suggérée par Denis Bitouzé. Les unités de référence ne sont pas toujours celles du système international mais celles qui sont le plus adaptées au collège

Tableau de numération À côté de ces tableaux de conversion, il y en a un autre également très important : le tableau de numération. Il peut être limité aux nombres entiers :

La clé ⟨Entiers⟩ valeur par défaut : false

ou être utilisé pour les nombres décimaux :

La clé ⟨Decimaux⟩ valeur par défaut : false

D'autres clés sont disponibles (uniquement avec la clé ⟨Decimaux⟩ activée), on trouvera des exemples à la page 12 :

La clé ⟨Millions⟩ valeur par défaut : false

pour compléter le tableau avec la classe des millions ;

La clé ⟨Milliards⟩ valeur par défaut : false

pour compléter le tableau avec la classe des milliards ;

La clé ⟨Partie⟩ valeur par défaut : false

pour afficher « Partie entière - Partie décimale » dans le tableau ;

La clé ⟨Classes⟩ valeur par défaut : false

pour faire apparaître la répartition par classes des chiffres utilisés ;

La clé ⟨Nombres⟩ valeur par défaut : false

pour faire apparaître la puissance de 10 correspondante à chaque chiffre ;

Les clés ⟨CouleurG⟩, ⟨CouleurM⟩, ⟨Couleurm⟩, ⟨Couleuru⟩ valeur par défaut : gray !15

pour colorer les cellules indiquant les classes des chiffres utilisés.

```
\Tableau[Entiers]
```

centaines de milliards	dizaines de milliards	unités de milliards	centaines de millions	dizaines de millions	unités de millions	centaines de milliers	dizaines de milliers	unités de milliers	centaines	dizaines	unités

```
\Tableau[Decimaux]
```

centaines de milliers	dizaines de milliers	unités de milliers	centaines	dizaines	unités	,	dixièmes	centièmes	millièmes
						,			
						,			

```
\Tableau[Decimaux,Millions]
```

centaines de millions	dizaines de millions	unités de millions	centaines de milliers	dizaines de milliers	unités de milliers	centaines	dizaines	unités	,	dixièmes	centièmes	millièmes
									,			
									,			

```
\Tableau[Decimaux,Milliards]
```

centaines de milliards	dizaines de milliards	unités de milliards	centaines de millions	dizaines de millions	unités de millions	centaines de milliers	dizaines de milliers	unités de milliers	centaines	dizaines	unités	,	dixièmes	centièmes	millièmes
												,			
												,			

```
\Tableau[Decimaux,Partie]
```

Partie entière						,	Partie décimale		
centaines de milliers	dizaines de milliers	unités de milliers	centaines	dizaines	unités	,	dixièmes	centièmes	millièmes
						,			
						,			

```
\Tableau[Decimaux,Classes]
```

Classe des milliers			Classe des unités			,			
centaines de milliers	dizaines de milliers	unités de milliers	centaines	dizaines	unités	,	dixièmes	centièmes	millièmes
						,			

```
\Tableau[Decimaux,Partie,Classes]
```

Partie entière						,	Partie décimale		
Classe des milliers			Classe des unités			,			
centaines de milliers	dizaines de milliers	unités de milliers	centaines	dizaines	unités	,	dixièmes	centièmes	millièmes
						,			

```
\Tableau[Decimaux,Milliards,Partie,Classes,Nombres,CouleurG=blue!15,CouleurM=green!15,Couleurm=red!15,Couleuru=Cornsilk]
```

Partie entière												,	Partie décimale		
Classe des milliards			Classe des millions			Classe des milliers			Classe des unités			,			
centaines de milliards	dizaines de milliards	unités de milliards	centaines de millions	dizaines de millions	unités de millions	centaines de milliers	dizaines de milliers	unités de milliers	centaines	dizaines	unités	,	dixièmes	centièmes	millièmes
100 000 000 000	10 000 000 000	1 000 000 000	100 000 000	10 000 000	1 000 000	100 000	10 000	1 000	100	10	1	,	0,1 ou $\frac{1}{10}$	0,01 ou $\frac{1}{100}$	0,001 ou $\frac{1}{1000}$
												,			

3 Questions - réponses à relier

Parfois, on peut utiliser des exercices avec des questions et réponses à relier. C'est ce que permet la commande :

```
\Relie[⟨clés⟩]{⟨Liste des éléments par ligne⟩}
```

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande ;
— ⟨Liste des éléments par ligne⟩ donné sous la forme [10] `c1-l1 / c2-l1 / n1 , c2-l1 / c2-l2 / n2`....

```
\Relie{A/B/2,C/D/1}
```

A • • B
C • • D

À quoi servent les nombres `n1`, `n2`... ? Utilisons :

La clé ⟨Solution⟩ valeur par défaut : false

pour faire apparaître les solutions [11]. Pratique, non ?

```
% La première question (A) est associée à la proposition (B) et reliée à la deuxième réponse (2).
% La deuxième question (C) est associée à la proposition (D) et reliée à la première réponse (1).
\Relie[Solution]{A/B/2,C/D/1}
```

A • • B
C • • D

La commande étant basée sur un tableau, les commandes habituelles [12]. peuvent être utilisées.

D'autres clés permettent d'affiner la présentation :

La clé ⟨LargeurG⟩ valeur par défaut : 7 cm

pour la largeur de la colonne de gauche ;

La clé ⟨LargeurD⟩ valeur par défaut : 2 cm

pour la largeur de la colonne de droite qui est donc indépendante de la clé ⟨LargeurG⟩, car bien souvent les réponses sont moins longues que les questions ;

La clé ⟨Ecart⟩ valeur par défaut : 2 cm

pour gérer « la largeur » entre les puces. [13]

```
\Relie[LargeurG=2cm]{%
  $\dfrac35$/\num{0.8}/,
  $\dfrac45$/\num{0.6}/
}
```

$\frac{3}{5}$ • • 0,8
$\frac{4}{5}$ • • 0,6

```
\Relie[LargeurG=2cm,Ecart=1cm]{
  $\dfrac35$/\num{0.8}/,
  $\dfrac45$/\num{0.6}/
}
```

$\frac{3}{5}$ • • 0,8
$\frac{4}{5}$ • • 0,6

10. `c1` colonne 1 ; `l1` ligne 1 ; `n1` nombre 1...
11. Elle nécessite deux compilations...
12. Par exemple, `\tabcolsep`
13. *Attention*, il ne faut pas oublier que la commande `\tabcolsep` intervient.

La clé ⟨Stretch⟩ valeur par défaut : 1.5

pour « aérer » la présentation si besoin.

```
% L'exemple précédent doit être aéré.
\Relie[LargeurG=2cm,Ecart=1cm,Stretch=2.5]{$\dfrac35$
    /\num{0.8}/,$\dfrac45$/\num{0.6}/}
```

$\frac{3}{5}$ • • 0,8

$\frac{4}{5}$ • • 0,6

Par défaut, la commande ne centre pas le tableau sur la page…

```
\begin{center}
  \Relie[LargeurG=10cm,Ecart=1cm]{%
    L'aire d'un carré de côté \Lg{5}/\Lg{18}/5,
    Le périmètre d'un rectangle de longueur \Lg{5} et de largeur \Lg{4}/\Lg{20}/1,
    L'aire d'un triangle $ABC$ rectangle en $A$ tel que $AB=\Lg{6}$ et $AC=\Lg{5}$/\Aire{24}/4,
    Le périmètre d'un carré de côté \Lg{5}/\Aire{15}/2,
    L'aire d'un rectangle de longueur \Lg{6} et de largeur \Lg{4}/\Aire{25}/3
  }
\end{center}
```

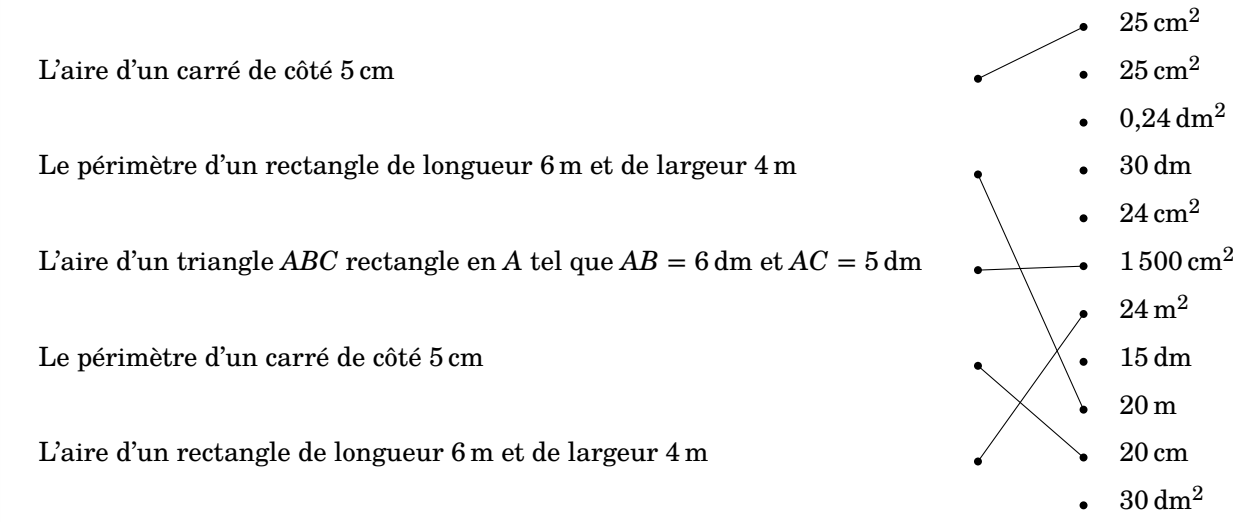
L'aire d'un carré de côté 5 cm	•	•	18 cm
Le périmètre d'un rectangle de longueur 5 cm et de largeur 4 cm	•	•	20 cm
L'aire d'un triangle ABC rectangle en A tel que $AB = 6$ cm et $AC = 5$ cm	•	•	24 cm^2
Le périmètre d'un carré de côté 5 cm	•	•	15 cm^2
L'aire d'un rectangle de longueur 6 cm et de largeur 4 cm	•	•	25 cm^2

```
\begin{center}
  \Relie[Solution,LargeurG=10cm,Ecart=1cm]{%
    L'aire d'un carré de côté \Lg{5}/\Lg{18}/5,
    Le périmètre d'un rectangle de longueur \Lg{5} et de largeur \Lg{4}/\Lg{20}/1,
    L'aire d'un triangle $ABC$ rectangle en $A$ tel que $AB=\Lg{6}$ et $AC=\Lg{5}$/\Aire{24}/4,
    Le périmètre d'un carré de côté \Lg{5}/\Aire{15}/2,
    L'aire d'un rectangle de longueur \Lg{6} et de largeur \Lg{4}/\Aire{25}/3
  }
\end{center}
```

L'aire d'un carré de côté 5 cm	•	•	18 cm
Le périmètre d'un rectangle de longueur 5 cm et de largeur 4 cm	•	•	20 cm
L'aire d'un triangle ABC rectangle en A tel que $AB = 6$ cm et $AC = 5$ cm	•	•	24 cm^2
Le périmètre d'un carré de côté 5 cm	•	•	15 cm^2
L'aire d'un rectangle de longueur 6 cm et de largeur 4 cm	•	•	25 cm^2

On peut vouloir proposer davantage de réponses que de questions. Pour cela, il suffit de laisser les éléments des première et dernière colonnes vides.

```
\begin{center}
  \Relie[Solution,LargeurG=12cm,Ecart=0.5cm]{%
    /\Aire{25}/,
    L'aire d'un carré de côté \Lg{5}/\Aire{25}/1,
    /\Aire[dm]{0.24}/,
    Le périmètre d'un rectangle de longueur \Lg[m]{6} et de largeur \Lg[m]{4}/\Lg[dm]{30}/9,
    /\Aire{24}/,
    L'aire d'un triangle $ABC$ rectangle en $A$ tel que $AB=\Lg[dm]{6}$ et $AC=\Lg[dm]{5}$/\Aire{
        1500}/6,
    /\Aire[m]{24}/,
    Le périmètre d'un carré de côté \Lg{5}/\Lg[dm]{15}/10,
    /\Lg[m]{20}/,
    L'aire d'un rectangle de longueur \Lg[m]{6} et de largeur \Lg[m]{4}/\Lg{20}/7,
    /\Aire[dm]{30}/
  }
\end{center}
```



4 Les questionnaires à choix multiples

C'est un outil présent de plus en plus dans les évaluations. La commande est de la forme :

```
\QCM[⟨clés⟩]{⟨Question 1⟩&a1&b1&...&nb1,⟨Question 2⟩&a2&b2&...&nb2,…
```

où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- Question1 est une question posée ;
- a1, b1… sont les réponses proposées en accord avec le nombre de réponses choisi ;
- et nb1 est le numéro de la bonne réponse.

```
\QCM{%
  $1+1=?$&2&$-2$&0&1,%
  $2\times3=$&2&4&6&3
}
```

1/ $1+1=?$	2	-2	0
2/ $2\times3=$	2	4	6

On peut vouloir :

- « aérer » le QCM :

  La clé ⟨Stretch⟩ valeur par défaut : 1

```
\QCM[Stretch=2]{%
  $1+1=?$&2&$-2$&0&1,%
  $2\times3=$&2&4&6&3
}
```

1/ $1+1=?$	2	-2	0
2/ $2\times3=$	2	4	6

- ajouter une proposition :

  La clé ⟨Reponses⟩ valeur par défaut : 3

```
\QCM[Stretch=2,Reponses=4]{%
  $1+1=?$&2&$-2$&0&4&1,%
  $2\times3=$&2&4&6&8&3
}
```

1/ $1+1=?$	2	-2	0	4
2/ $2\times3=$	2	4	6	8

— modifier la largeur des cases de propositions :

La clé ⟨Largeur⟩ valeur par défaut : 2 cm

```
\QCM[Stretch=2,Reponses=4,Largeur=1cm]{%
  $1+1=?$&2&$-2$&0&4&1,%
  $2\times3=$&2&4&6&8&3
}
```

1/ $1+1=?$	2	-2	0	4
2/ $2\times3=$	2	4	6	8

— nommer les colonnes des propositions :

La clé ⟨Titre⟩ valeur par défaut : false

La clé ⟨Nom⟩ valeur par défaut : Réponse

```
\QCM[Stretch=2,Reponses=4,Titre,Nom=Choix]{%
  $1+1=?$&2&$-2$&0&4&1,%
  $2\times3=$&2&4&6&8&3
}
```

	Choix 1	Choix 2	Choix 3	Choix 4
1/ $1+1=?$	2	-2	0	4
2/ $2\times3=$	2	4	6	8

— changer la forme du compteur de numérotation des questions :

La clé ⟨Alph⟩ valeur par défaut : false

```
\QCM[Stretch=2,Reponses=4,Alph]{%
  $1+1=?$&2&$-2$&0&4&1,%
  $2\times3=$&2&4&6&8&3
}
```

A/ $1+1=?$	2	-2	0	4
B/ $2\times3=$	2	4	6	8

Cette clé force l'utilisation d'une numérotation alphabétique qui empêchera la compilation si le nombre de questions est supérieur à 26.
Dans ce cas, on pourra utiliser le package `alphalph` sous la forme suivante :

```
\usepackage{alphalph}
\renewcommand*{\theQuestionQCM}{%
  \AlphAlph{\value{QuestionQCM}}%
}
```

Mais dans ce cas, il conviendra *de ne pas utiliser* la clé ⟨Alph⟩ de la commande `\QCM`.

Le problème du nombre de questions ne se pose pas lorsqu'on n'utilise pas la clé ⟨Alph⟩ mais il se peut que le QCM sorte physiquement de la page. Dans ce cas, on utilisera :

La clé ⟨Depart⟩ valeur par défaut : 1

```
\QCM[Stretch=2,Reponses=4]{%
  $1+1=?$&2&$-2$&0&4&1,%
  $2\times3=$&2&4&6&8&3
}
\QCM[Depart=314,Stretch=2,Reponses=4]{%
  $1+1=?$&2&$-2$&0&4&1,%
  $2\times3=$&2&4&6&8&3
}
```

1/ $1+1=?$	2	-2	0	4
2/ $2\times3=$	2	4	6	8
314/ $1+1=?$	2	-2	0	4
315/ $2\times3=$	2	4	6	8

— afficher la solution :

La clé ⟨Solution⟩ valeur par défaut : false

La clé ⟨Couleur⟩ valeur par défaut : gray !25

```
\QCM[Stretch=2,Reponses=4,Solution,Couleur=yellow!15]{%
  $1+1=?$&2&$-2$&0&4&1,%
  $2\times3=$&2&4&6&8&3
}
```

1/ $1+1=?$	2	-2	0	4
2/ $2\times3=$	2	4	6	8

Le cas des questionnaires « Vrai - Faux » est un peu particulier. Il est géré par :

La clé ⟨VF⟩ valeur par défaut : false

mais dans ce cas, il n'y aura que la question et le numéro de la réponse dans la déclaration du questionnaire (1 pour une réponse « Vrai », 2 pour une réponse « Faux »).

```
\QCM[VF]{$1+1=3$&2,$\sqrt{9}=3$&1}
```

	Vrai	Faux
1/ $1+1=3$	☐	☐
2/ $\sqrt{9}=3$	☐	☐

```
\QCM[VF,Solution]{$1+1=3$&2,$\sqrt{9}=3$&1}
```

	Vrai	Faux
1/ $1+1=3$	☐	☒
2/ $\sqrt{9}=3$	☒	☐

De plus, si les questions sont nombreuses et courtes, on pourra utiliser :

La clé ⟨Alterne⟩ valeur par défaut : false

```
\QCM[VF,Alterne,Stretch=2,Reponses=4]{%
  $1+1=2$&1,%
  $2\times3=7$&2,
  $1+4=5$&1,%
  $2\times5=10$&1,
}
```

	Vrai	Faux
1/ $1+1=2$	☐	☐
2/ $2\times3=7$	☐	☐
3/ $1+4=5$	☐	☐
4/ $2\times5=10$	☐	☐

5 Les questions « flash »

Cette commande n'est destinée qu'à la vidéo-projection et n'est donc à utiliser qu'avec la classe `beamer`. [14]

Comme indiqué dans la partie Problèmes connus (page 139), il ne faudra pas oublier d'ajouter :

```
\documentclass[xcolor={table,svgnames}]{beamer}
```

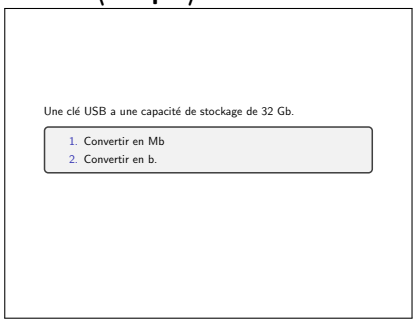
De plus en plus utilisées en début de séance, les questions « flash » peuvent être construites avec la commande :

```
\QFlash[⟨clés⟩]{⟨Question⟩/⟨Paramètre 1⟩/⟨Paramètre 2⟩...}
```

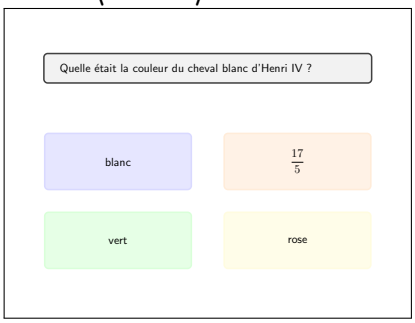
où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- ⟨Question⟩ est la question proposée ;
- ⟨Paramètre 1⟩... est série de paramètres associée au type de question « flash » choisi parmi les dix [15] types de questions « flash » implantés.

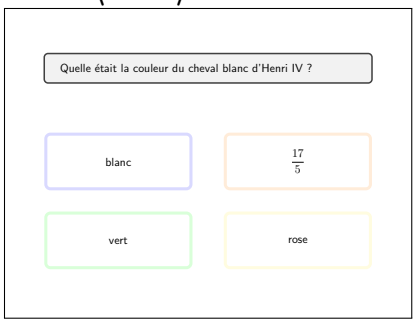
La clé ⟨Simple⟩



La clé ⟨Kahout⟩



La clé ⟨Intrus⟩

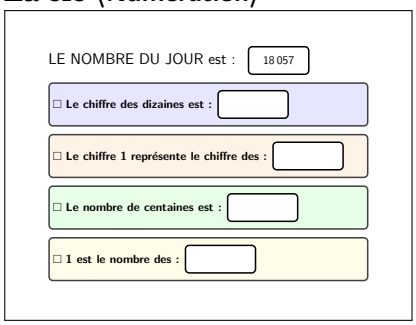



```
\QFlash[Simple]{Une clé USB a une capacité de stockage de 32 Gb./
  \begin{enumerate}
  \item Convertir en Mb
  \item Convertir en b.
  \end{enumerate}
}

\QFlash[Kahout]{Quelle était la couleur du cheval blanc d'Henri IV ?/blanc/$\dfrac{17}5$/vert/
    rose}

\QFlash[Intrus]{Quelle était la couleur du cheval blanc d'Henri IV ?/blanc/$\dfrac{17}5$/vert/
    rose}
```

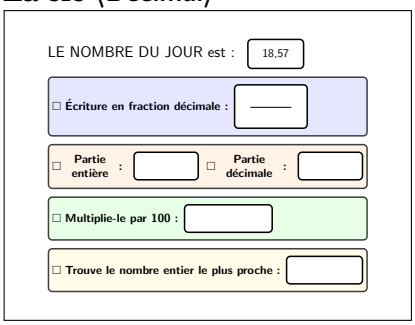
14. On pourra compléter, dans le préambule, avec les commandes `\usefonttheme[onlymath]{serif}` pour une meilleure écriture des mathématiques ; et/ou `\setbeamertemplate{navigation symbols}{}` pour supprimer les icones de navigation.

15. Le style 8 (`Daily`) provient d'une idée du « Daily Mail » :
https://www.dailymail.co.uk/news/article-500010/Day-Four-brilliant-new-brain-trainer-30-Second-Challenge.html

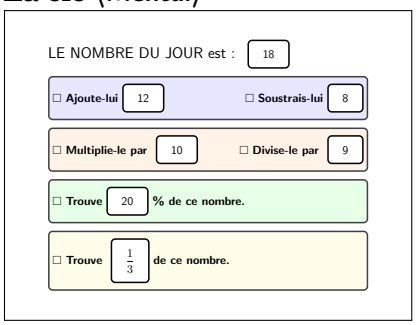
La clé ⟨Numeration⟩



La clé ⟨Decimal⟩

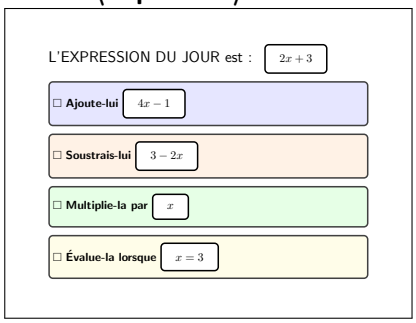


La clé ⟨Mental⟩

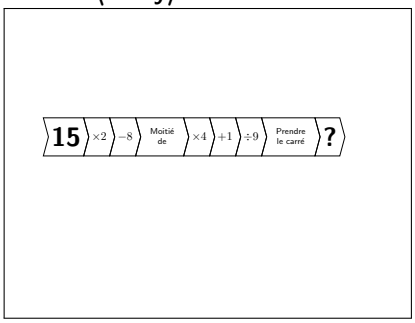



```
\QFlash[Numeration]{18057/dizaines/1/centaines/1}

\QFlash[Decimal]{18.57/100}

\QFlash[Mental]{\num{18}/\num{12}/\num{8}/\num{10}/\num{9}/\num{20}/$\dfrac13$}
```

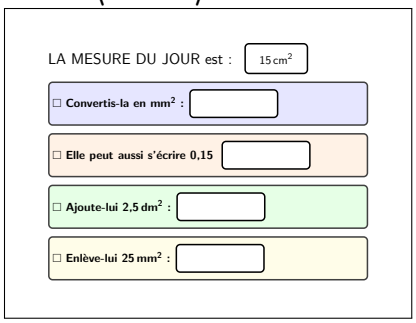
La clé ⟨Expression⟩



La clé ⟨Daily⟩

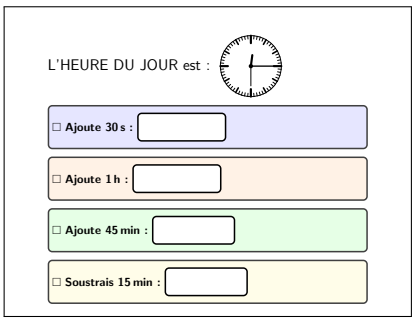


La clé ⟨Mesure⟩




```
\QFlash[Expression]{$2x+3$/$4x-1$/$3-2x$/$x$/$x=3$}

\QFlash[Daily]{%
  15/%
  $\times2$/%
  $-8$/%
  \scriptsize%
  \begin{tabular}{c}
    Moitié\\
    de
  \end{tabular}/%
  $\times4$/%
  $+1$/%
  $\div9$/%
  \scriptsize%
  \begin{tabular}{c}
    Prendre\\
    le carré%
  \end{tabular}/%
  $-7$,
}

\QFlash[Mesure]{\Aire[cm]{15}/\si{\square\milli\metre}/\num{0.15}/\Aire[cm]{2.5}/\Aire[mm]{25}}
```

La clé ⟨Heure⟩




```
% À compiler en shell-escape pour obtenir l'horloge.
\QFlash[Heure]{121530/Ajoute \SI{30}{\second}/Ajoute \SI{1}{\hour}/Ajoute \SI{45}{\minute}/
    Soustrais \SI{15}{\minute}}
```

Chacune de ces clés peut être associée à d'autres clés permettant diverses adaptations :

La clé ⟨Pause⟩ valeur par défaut : false

pour afficher les questions / propositions / calculs de réponse au besoin de l'enseignant. Elle n'est pas active pour la clé ⟨Simple⟩.

La clé ⟨Couleur1⟩ valeur par défaut : blue !10

La clé ⟨Couleur2⟩ valeur par défaut : orange !10

La clé ⟨Couleur3⟩ valeur par défaut : green !10

La clé ⟨Couleur4⟩ valeur par défaut : yellow !10

pour modifier les couleurs de remplissage des différentes questions ou propositions de réponses.

Pour les clés ⟨Kahout⟩ et ⟨Intrus⟩, on peut modifier la hauteur des cadres de proposition avec :

La clé ⟨Hauteur⟩ valeur par défaut : `0.2\textheight`

Pour la clé ⟨Decimal⟩, on dispose de :

La clé ⟨Operation⟩ valeur par défaut : Multiplie

qui permet de changer l'opération à utiliser. Avec le texte déjà inscrit, la seule autre valeur de cette clé est `Divise`.

Quant à la clé ⟨Heure⟩, le premier paramètre est l'heure (en hhmmss) qui sera affichée et toutes les questions sont modifiables…

Pour pouvoir associer une version imprimable des questions « flash » dans le cadre d'une évaluation « flash »…, on dispose de :

La clé ⟨Evaluation⟩ valeur par défaut : false

Cela désactive les environnements `frame` de `beamer`. Il conviendra donc de changer le préambule…

```
\QFlash[Kahout,Evaluation,Hauteur=0.1\textheight]{Test/2/3/$\pi$/$\dfrac34$}
\QFlash[Heure,Evaluation]{060807/Lire l'heure/Ajoute lui
\SI{30}{\minute}/Encadre la par deux heures \og pleines\fg{}/Ajoute
lui \SI{2}{\hour}}
```

Évaluation n° 1 :

Doc-Flash-Evaluation – Calculatrice interdite – 25 janvier 2021

Nom : .....
Prénom : .....
Classe : .....

Test

2	3	π	$\frac{3}{4}$

L'HEURE DU JOUR est :

☐ **Lire l'heure :**

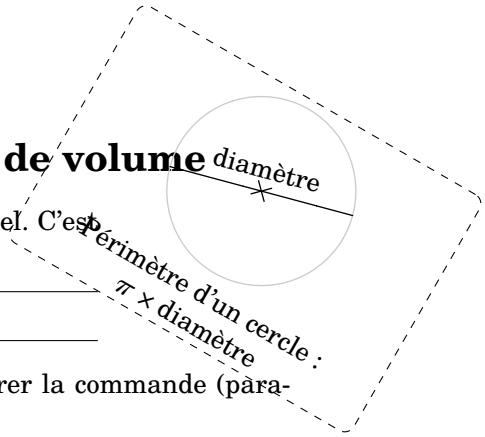
☐ **Ajoute lui 30 min :**

☐ **Encadre la par deux heures « pleines » :**

☐ **Ajoute lui 2 h :**

Le cartouche de présentation dans l'évaluation ci-dessus n'est pas fourni avec ProfCollege.

6 Les formules de périmètre, d'aire, de volume



Il est toujours utile d'avoir une possibilité d'inclure un rappel. C'est l'objet de cette commande qui a la forme suivante :

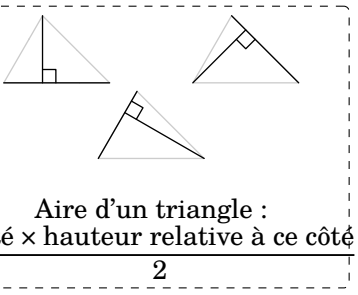
```
\Formule[⟨clés⟩]
```

où ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels).

Au moins deux clés doivent être présentes :
- une parmi les clés ⟨Perimetre⟩, ⟨Aire⟩ ou ⟨Volume⟩ ;
- une parmi les clés ⟨Surface⟩ [16] ou ⟨Solide⟩ [17] : elles seront renseignées par le nom de l'objet géométrique considéré indiqué *en minuscule et accentué*, pour les distinguer des clés utilisées.

Pour la gestion des noms accentués, les utilisateurs de pdfLaTeX devront *impérativement* ajouter :

```
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[T1]{fontenc}
```




```
\Formule[Aire,Surface=triangle]
```

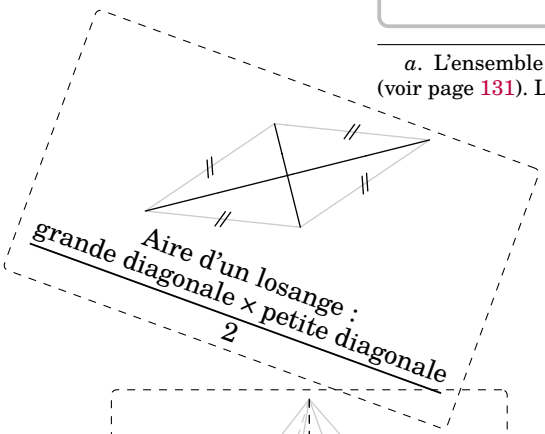
Là, ça pose clairement un problème de placement du rappel… Pour gérer cela, il y a :

La clé ⟨Ancre⟩ valeur par défaut : {(0,0)}

L'ancre est donnée dans le repère de TikZ, de manière absolue ou relative.
Elle sera donnée entre {} et elle est associée au centre de la figure [a] TikZ.

```
\Formule[Volume,Solide=pyramide,Ancre={([xshift=-6cm,yshift=7cm]current page.south)}]
```

a. L'ensemble est une figure TikZ : le placement correct nécessitera deux compilations en shell-escape (voir page 131). Les figures géométriques ont été produites avec METAPOST.



Pour les placer en haut à gauche de la page, tel un pense-bête, on peut compléter la clé ⟨Ancre⟩ par :

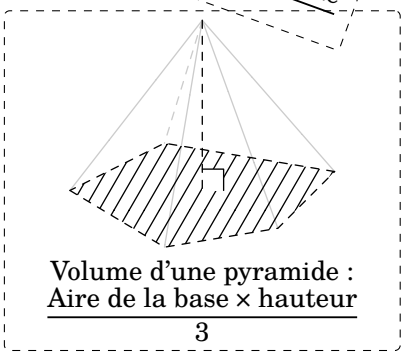
La clé ⟨Angle⟩ valeur par défaut : 0

```
\Formule[Perimetre,Surface=cercle,Ancre={([xshift=-4cm,yshift
    =-3cm]current page.north east)},Angle=-30]
```

Enfin, si la largeur de la « boîte » est trop petite, on utilisera :

La clé ⟨Largeur⟩ valeur par défaut : 5 cm

```
\Formule[Aire,Surface=losange,Ancre={([xshift=4cm,yshift=11.5cm
    ]current page.south west)},Angle=-20,Largeur=6cm]
```



16. Associée à une des deux clés ⟨Perimetre⟩ et ⟨Aire⟩. Les figures ou surfaces disponibles sont : polygone (exclusivement pour le périmètre), triangle, parallélogramme, losange, rectangle, carré, cercle, disque et sphère.
17. Associée uniquement à la clé ⟨Volume⟩. Les solides disponibles sont : pavé (pour un pavé droit), cube, cylindre (pour cylindre de révolution), prisme (pour prisme droit), cône (pour cône de révolution), pyramide et boule.

7 Le théorème de Pythagore

La commande permet de rédiger la solution d'un exercice basé sur le théorème de Pythagore, sa réciproque ou la contraposée. Elle s'utilise en mode texte et sa forme est la suivante :

```
\Pythagore[⟨clés⟩]{⟨Nom du triangle⟩}{a}{b}{c}
```

où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- ⟨Nom du triangle⟩ donné comme en mathématiques (le triangle ABC) ; le (potentiel ?) sommet de l'angle droit ayant la position centrale ;
- a, b et c sont les longueurs des côtés (paramètres obligatoires).

Pour permettre les calculs, les paramètres a, b et c doivent respecter des conditions :

- le calcul de l'hypoténuse d'un triangle rectangle dont les côtés de l'angle droit mesurent a et b se fait avec a $\leqslant$ b et c vide ;

```
% Comme 7<8 alors
% la commande calcule la longueur de l'hypothénuse
\Pythagore{ABC}{7}{8}{}
```

Dans le triangle ABC rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} AC^2 &= AB^2 + BC^2 \\ AC^2 &= 7^2 + 8^2 \\ AC^2 &= 49 + 64 \\ AC^2 &= 113 \\ AC &= \sqrt{113} \\ AC &\approx 10{,}63 \text{ cm} \end{aligned}$$

- le calcul de la longueur d'un côté de l'angle droit d'un triangle rectangle d'hypoténuse de longueur a et dont l'autre côté de l'angle droit mesure b se fait avec a $>$ b et c vide ;

```
% Comme 10>5 alors la commande calcule
% la longueur du côté de l'angle droit manquant
\Pythagore{IJK}{10}{5}{}
```

Dans le triangle IJK rectangle en J, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} IK^2 &= IJ^2 + JK^2 \\ 10^2 &= IJ^2 + 5^2 \\ 100 &= IJ^2 + 25 \\ IJ^2 &= 100 - 25 \\ IJ^2 &= 75 \\ IJ &= \sqrt{75} \\ IJ &\approx 8{,}66 \text{ cm} \end{aligned}$$

- la preuve (ou non) qu'un triangle dont les côtés mesurent a, b et c soit rectangle se fait avec a $>$ b *et* a $>$ c.

```
% Déterminer si le triangle est rectangle
\Pythagore[Reciproque]{IJK}{5}{3}{4}
```

Dans le triangle IJK, $[IK]$ est le plus grand côté.

$$\left.\begin{aligned} IK^2 &= 5^2 = 25 \\ IJ^2 + JK^2 &= 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25 \end{aligned}\right\} IK^2 = IJ^2 + JK^2$$

Comme $IK^2 = IJ^2 + JK^2$, alors le triangle IJK est rectangle en J d'après la réciproque du théorème de Pythagore.

Une remarque à ce stade : l'écriture des nombres (pour toutes les commandes de ProfCollege) est gérée par le package siunitx. Ce qui permet l'affichage correct des nombres intervenant dans les calculs intermédiaires.

```
\Pythagore{RVO}{4000}{5000}{}
```

Dans le triangle RVO rectangle en V, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} RO^2 &= RV^2 + VO^2 \\ RO^2 &= 4\,000^2 + 5\,000^2 \\ RO^2 &= 16\,000\,000 + 25\,000\,000 \\ RO^2 &= 41\,000\,000 \\ RO &= \sqrt{41\,000\,000} \\ RO &\approx 6\,403{,}12 \text{ cm} \end{aligned}$$

Passons en revue les clés disponibles. Elles portent sur la présentation générale, sur les calculs ou sur les figures [18].

La clé ⟨Soustraction⟩ valeur par défaut : false

Lorsqu'on calcule la longueur d'un côté de l'angle droit, on pourra ainsi afficher le théorème de Pythagore sous sa forme soustractive [19].

```
\Pythagore[Soustraction]{IJK}{10}{5}{}
```

Dans le triangle IJK rectangle en J, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} IJ^2 &= IK^2 - JK^2 \\ IJ^2 &= 10^2 - 5^2 \\ IJ^2 &= 100 - 25 \\ IJ^2 &= 75 \\ IJ &= \sqrt{75} \\ IJ &\approx 8{,}66 \text{ cm} \end{aligned}$$

La clé ⟨Reciproque⟩ valeur par défaut : false

Comme vu dans les premiers exemples de la page précédente, elle permet de passer du calcul d'une longueur à la preuve qu'un triangle est ou n'est pas rectangle.

La clé ⟨ReciColonnes⟩ valeur par défaut : false

Associée à la clé ⟨Reciproque⟩, elle permet de changer la présentation des calculs.

18. Mais quelles figures ?
19. Clé mise en place suite à une demande de Kévin Maladry.

```
\Pythagore[Reciproque,ReciColonnes]{IJK}{9}{5}{6}
```

Dans le triangle IJK, $[IK]$ est le plus grand côté.

$$\begin{array}{c|ccc} IK^2 & IJ^2 & + & JK^2 \\ 9^2 & 5^2 & + & 6^2 \\ & 25 & + & 36 \\ 81 & & 61 & \end{array}$$

Comme $IK^2 \neq IJ^2 + JK^2$, alors le triangle IJK n'est pas rectangle d'après la contraposée du théorème de Pythagore.

```
\Pythagore[Reciproque]{IJK}{9}{5}{6}
```

Dans le triangle IJK, $[IK]$ est le plus grand côté.

$$\left.\begin{array}{l} IK^2 = 9^2 = 81 \\ \\ IJ^2 + JK^2 = 5^2 + 6^2 = 25 + 36 = 61 \end{array}\right\} IK^2 \neq IJ^2 + JK^2$$

Comme $IK^2 \neq IJ^2 + JK^2$, alors le triangle IJK n'est pas rectangle d'après la contraposée du théorème de Pythagore.

La clé ⟨Faible⟩ valeur par défaut : false

Cela permet d'enlever « d'après la contraposée du théorème Pythagore » dans la rédaction ci-dessus.

La clé ⟨Egalite⟩ valeur par défaut : false

C'est un choix pédagogique que d'écrire « le théorème de Pythagore ». Dans les programmes scolaires, il est apparu le nom « d'Égalité de Pythagore ». Cette clé permet donc de passer de l'une à l'autre des écritures, quelle que soit l'utilisation de la commande.

```
\Pythagore{FBT}{5}{7}{}
```

Dans le triangle FBT rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} FT^2 &= FB^2 + BT^2 \\ FT^2 &= 5^2 + 7^2 \\ FT^2 &= 25 + 49 \\ FT^2 &= 74 \\ FT &= \sqrt{74} \\ FT &\approx 8{,}6 \text{ cm} \end{aligned}$$

```
\Pythagore[Egalite]{FBT}{5}{7}{}
```

Comme le triangle FBT est rectangle en B, alors l'égalité de Pythagore est vérifiée :

$$\begin{aligned} FT^2 &= FB^2 + BT^2 \\ FT^2 &= 5^2 + 7^2 \\ FT^2 &= 25 + 49 \\ FT^2 &= 74 \\ FT &= \sqrt{74} \\ FT &\approx 8{,}6 \text{ cm} \end{aligned}$$

La partie « calculs » de cette commande peut (et doit) être paramétrée. En effet, sans aucune clé, nous obtiendrons la rédaction fausse suivante :

```
\Pythagore{RST}{6}{8}{}
```

Dans le triangle RST rectangle en S, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} RT^2 &= RS^2 + ST^2 \\ RT^2 &= 6^2 + 8^2 \\ RT^2 &= 36 + 64 \\ RT^2 &= 100 \\ RT &= \sqrt{100} \\ RT &\approx 10 \text{ cm} \end{aligned}$$

On va pouvoir améliorer cela grâce aux deux clés ⟨Entier⟩ et ⟨Exact⟩ :

La clé ⟨Exact⟩ valeur par défaut : false

qui indique que la valeur *finale* obtenue est une valeur exacte ;

La clé ⟨Entier⟩ valeur par défaut : false

qui ne va pas écrire l'étape avec la racine carrée[20].

```
% On couple les deux clés pour avoir une rédaction
    correcte.
\Pythagore[Exact,Entier]{RST}{6}{8}{}
```

Dans le triangle RST rectangle en S, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} RT^2 &= RS^2 + ST^2 \\ RT^2 &= 6^2 + 8^2 \\ RT^2 &= 36 + 64 \\ RT^2 &= 100 \\ RT &= 10 \text{ cm} \end{aligned}$$

Si la réponse aux calculs n'est pas un nombre décimal, on dispose alors des clés suivantes :

La clé ⟨Racine⟩ valeur par défaut : false

qui va stopper la rédaction au niveau de l'écriture de la réponse sous sa forme d'une racine carrée.

```
\Pythagore{IFB}{7}{5}{}
```

Dans le triangle IFB rectangle en F, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} IB^2 &= IF^2 + FB^2 \\ 7^2 &= IF^2 + 5^2 \\ 49 &= IF^2 + 25 \\ IF^2 &= 49 - 25 \\ IF^2 &= 24 \\ IF &= \sqrt{24} \\ IF &\approx 4{,}9 \text{ cm} \end{aligned}$$

```
\Pythagore[Racine]{IFB}{7}{5}{}
```

Dans le triangle IFB rectangle en F, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} IB^2 &= IF^2 + FB^2 \\ 7^2 &= IF^2 + 5^2 \\ 49 &= IF^2 + 25 \\ IF^2 &= 49 - 25 \\ IF^2 &= 24 \\ IF &= \sqrt{24} \end{aligned}$$

La clé ⟨Precision⟩ valeur par défaut : 2

qui indique la précision[21] à utiliser pour l'écriture de la valeur approchée de la réponse. Par défaut, c'est une précision à 10^{-2} près.

20. C'est un choix pédagogique qui peut être débattu.
21. Le calcul de la racine carrée est effectué jusqu'à la cinquième décimale.

```
\Pythagore{FBI}{9}{6}{}
```

Dans le triangle FBI rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} FI^2 &= FB^2 + BI^2 \\ 9^2 &= FB^2 + 6^2 \\ 81 &= FB^2 + 36 \\ FB^2 &= 81 - 36 \\ FB^2 &= 45 \\ FB &= \sqrt{45} \\ FB &\approx 6{,}71 \text{ cm} \end{aligned}$$

```
\Pythagore[Precision=3]{FBI}{9}{6}{}
```

Dans le triangle FBI rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} FI^2 &= FB^2 + BI^2 \\ 9^2 &= FB^2 + 6^2 \\ 81 &= FB^2 + 36 \\ FB^2 &= 81 - 36 \\ FB^2 &= 45 \\ FB &= \sqrt{45} \\ FB &\approx 6{,}708 \text{ cm} \end{aligned}$$

Dans les calculs, on remarque que l'unité est toujours le centimètre et qu'il n'y a pas de conclusion. Pour celle-ci, chacun pourra écrire celle qu'il souhaite en utilisant *la commande* `\ResultatPytha`.

```
\Pythagore[Entier,Exact]{RST}{6}{8}{}
La longueur $RT$ est égale à \Lg{
    \ResultatPytha}.
```

Dans le triangle RST rectangle en S, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} RT^2 &= RS^2 + ST^2 \\ RT^2 &= 6^2 + 8^2 \\ RT^2 &= 36 + 64 \\ RT^2 &= 100 \\ RT &= 10 \text{ cm} \end{aligned}$$

La longueur RT est égale à 10 cm.

Mais attention, il n'est pas mis en forme automatiquement afin d'anticiper une éventuelle réutilisation [22].

```
\Pythagore[Entier,Exact]{RST}{600}{800}{}
Le segment $[RT]$ mesure \ResultatPytha.
% Le nombre 1000 n'est pas écrit "correctement" avec la
    commande \ResultatPytha.
```

Dans le triangle RST rectangle en S, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} RT^2 &= RS^2 + ST^2 \\ RT^2 &= 600^2 + 800^2 \\ RT^2 &= 360\,000 + 640\,000 \\ RT^2 &= 1\,000\,000 \\ RT &= 1\,000 \text{ cm} \end{aligned}$$

Le segment $[RT]$ mesure 1000.

22. Voir page 32.

La clé suivante va permettre de remédier au changement d'unité :

La clé ⟨Unite⟩ valeur par défaut : cm

```
\Pythagore[Unite=mm]{FBI}{9}{6}{}
```

Dans le triangle FBI rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} FI^2 &= FB^2 + BI^2 \\ 9^2 &= FB^2 + 6^2 \\ 81 &= FB^2 + 36 \\ FB^2 &= 81 - 36 \\ FB^2 &= 45 \\ FB &= \sqrt{45} \\ FB &\approx 6{,}71 \text{ mm} \end{aligned}$$

```
\Pythagore[Precision=3,Unite=km]{FBI}{9}{6}{}
```

Dans le triangle FBI rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} FI^2 &= FB^2 + BI^2 \\ 9^2 &= FB^2 + 6^2 \\ 81 &= FB^2 + 36 \\ FB^2 &= 81 - 36 \\ FB^2 &= 45 \\ FB &= \sqrt{45} \\ FB &\approx 6{,}708 \text{ km} \end{aligned}$$

D'un point de vue de l'enseignement, il peut être intéressant d'associer une figure à une rédaction. On utilisera pour cela une compilation en `shell-escape`[23] et :

La clé ⟨Figure⟩ valeur par défaut : false

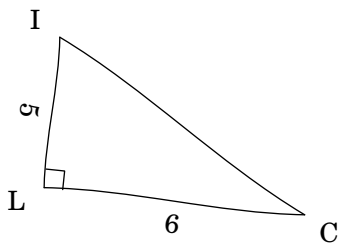
pour la création automatique des figures ;

La clé ⟨Angle⟩ valeur par défaut : 0

pour casser un peu la monotonie des figures, en les faisant tourner.

```
\Pythagore[Figure]{ILC}{5}{6}{}
```

La figure est donnée à titre indicatif.



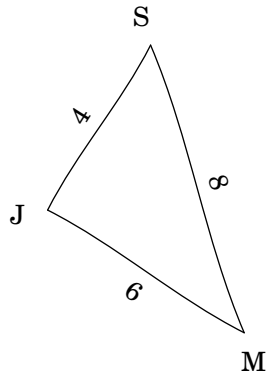
Dans le triangle ILC rectangle en L, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} IC^2 &= IL^2 + LC^2 \\ IC^2 &= 5^2 + 6^2 \\ IC^2 &= 25 + 36 \\ IC^2 &= 61 \\ IC &= \sqrt{61} \\ IC &\approx 7{,}81 \text{ cm} \end{aligned}$$

23. Sous pdfLaTeX et XeLaTeX, elle est conseillée, étant plus directe. Grâce au package LaTeX gmp, la création des figures est externalisée à METAPOST. Pour des compléments d'information, on se réfèrera à la page 131.

```
\Pythagore[Reciproque,Figure,ReciColonnes]{MJS}{8}{6}{4}
```

La figure est donnée à titre indicatif.

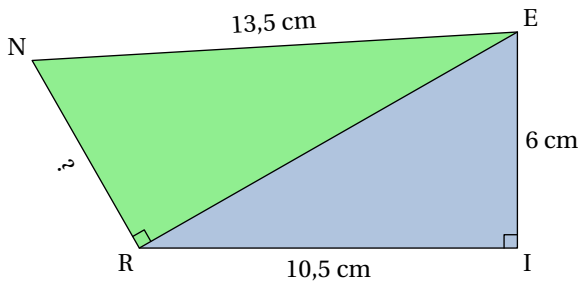


Dans le triangle MJS, $[MS]$ est le plus grand côté.

MS^2	$MJ^2 + JS^2$
8^2	$6^2 + 4^2$
	$36 + 16$
64	52

Comme $MS^2 \neq MJ^2 + JS^2$, alors le triangle MJS n'est pas rectangle d'après la contraposée du théorème de Pythagore.

On peut être amené [24] à « enchaîner » deux calculs de longueur à l'aide du théorème de Pythagore. Si les nombres entiers et les valeurs exactes peuvent être réutilisés sans problème, reste le cas de la réutilisation des valeurs approchées comme sur la figure suivante [25] :




```
\setlength{\columnsep}{50pt}
\begin{multicols}{2}
  \Pythagore{EIR}{6}{10.5}{}%

  \columnbreak%

  \Pythagore{NRE}{13.5}{12.09}{}%
\end{multicols}
```

Dans le triangle EIR rectangle en I, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} ER^2 &= EI^2 + IR^2 \\ ER^2 &= 6^2 + 10{,}5^2 \\ ER^2 &= 36 + 110{,}25 \\ ER^2 &= 146{,}25 \\ ER &= \sqrt{146{,}25} \\ ER &\approx 12{,}09 \text{ cm} \end{aligned}$$

Dans le triangle NRE rectangle en R, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} NE^2 &= NR^2 + RE^2 \\ 13{,}5^2 &= NR^2 + 12{,}09^2 \\ 182{,}25 &= NR^2 + 146{,}168\,1 \\ NR^2 &= 182{,}25 - 146{,}168\,1 \\ NR^2 &= 36{,}081\,9 \\ NR &= \sqrt{36{,}081\,9} \\ NR &\approx 6{,}01 \text{ cm} \end{aligned}$$

Dans ce cas, si on écrit le théorème de Pythagore sous la forme

$$\underbrace{\text{EnchaineC}}_{\text{ValeurC à substituer}} = \underbrace{\text{EnchaineA}}_{\text{ValeurA à substituer}} + \underbrace{\text{EnchaineB}}_{\text{ValeurB à substituer}}$$

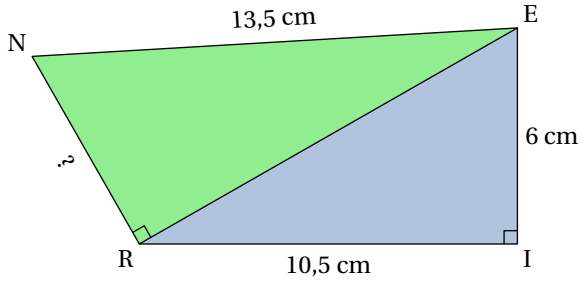
24. Situation proposée par Laurent Lassalle Carrere.
25. D'après https://mep-outils.sesamath.net/manuel_numerique/diapo.php?atome=36618&ordre=1.

il faut utiliser :

Les clés ⟨EnchaineA⟩, ⟨EnchaineB⟩, ⟨EnchaineC⟩ valeur par défaut : false
pour indiquer quelle valeur doit être remplacée ;

Les clés ⟨ValeurA⟩, ⟨ValeurB⟩, ⟨ValeurC⟩ valeur par défaut : 0
pour indiquer quelle valeur utiliser.

```
\[\includegraphics{PythagoreSesamath-1}\]
\begin{multicols}{2}
  \Pythagore{EIR}{6}{10.5}{}%

  \Pythagore[EnchaineB,ValeurB=146.25,Exact,Entier]{NRE}{13.5}{12.09}{}%
\end{multicols}
```



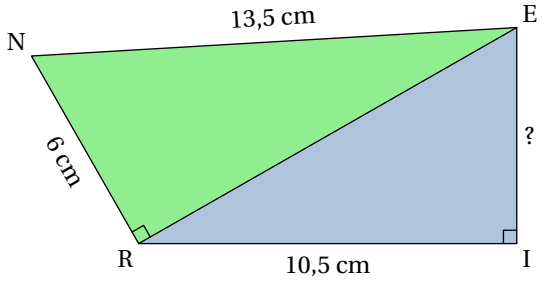
Dans le triangle EIR rectangle en I, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} ER^2 &= EI^2 + IR^2 \\ ER^2 &= 6^2 + 10{,}5^2 \\ ER^2 &= 36 + 110{,}25 \\ ER^2 &= 146{,}25 \\ ER &= \sqrt{146{,}25} \\ ER &\approx 12{,}09 \text{ cm} \end{aligned}$$

Dans le triangle NRE rectangle en R, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} NE^2 &= NR^2 + RE^2 \\ 13{,}5^2 &= NR^2 + 146{,}25 \\ 182{,}25 &= NR^2 + 146{,}25 \\ NR^2 &= 182{,}25 - 146{,}25 \\ NR^2 &= 36 \\ NR &= 6 \text{ cm} \end{aligned}$$

```
\[\includegraphics{PythagoreSesamath-2}\]
\begin{multicols}{2}
  \Pythagore{ERN}{13.5}{6}{}%

  \Pythagore[EnchaineC,ValeurC=146.25,Exact,Entier]{EIR}{12.09}{10.5}{}
\end{multicols}
```



Dans le triangle ERN rectangle en R, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} EN^2 &= ER^2 + RN^2 \\ 13{,}5^2 &= ER^2 + 6^2 \\ 182{,}25 &= ER^2 + 36 \\ ER^2 &= 182{,}25 - 36 \\ ER^2 &= 146{,}25 \\ ER &= \sqrt{146{,}25} \\ ER &\approx 12{,}09 \text{ cm} \end{aligned}$$

Dans le triangle EIR rectangle en I, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} ER^2 &= EI^2 + IR^2 \\ 146{,}25 &= EI^2 + 10{,}5^2 \\ 146{,}25 &= EI^2 + 110{,}25 \\ EI^2 &= 146{,}25 - 110{,}25 \\ EI^2 &= 36 \\ EI &= 6 \text{ cm} \end{aligned}$$

On peut vouloir insister sur le fait que $ER^2 = 146{,}25$ est l'information utile. Pour cela, on utilisera :

La clé ⟨AvantRacine⟩ valeur par défaut : false

qui permet d'arrêter l'écriture des calculs avant l'étape de la racine carrée.

```
\begin{multicols}{2}
  \Pythagore[AvantRacine]{ERN}{13.5}{6}{}%

  \columnbreak

  \Pythagore[EnchaineC,ValeurC=146.25,Exact,Entier]{EIR}{12.09}{10.5}{}
\end{multicols}
```

Dans le triangle ERN rectangle en R, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} EN^2 &= ER^2 + RN^2 \\ 13{,}5^2 &= ER^2 + 6^2 \\ 182{,}25 &= ER^2 + 36 \\ ER^2 &= 182{,}25 - 36 \\ ER^2 &= 146{,}25 \end{aligned}$$

Dans le triangle EIR rectangle en I, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} ER^2 &= EI^2 + IR^2 \\ 146{,}25 &= EI^2 + 10{,}5^2 \\ 146{,}25 &= EI^2 + 110{,}25 \\ EI^2 &= 146{,}25 - 110{,}25 \\ EI^2 &= 36 \\ EI &= 6 \text{ cm} \end{aligned}$$

8 La somme des angles d'un triangle

La commande permet de calculer la mesure du troisième angle d'un triangle lorsque deux mesures sont déjà connues. Elle s'utilise en mode texte et a la forme suivante :

```
\SommeAngles[⟨clés⟩]{⟨Nom du triangle⟩}{a}{b}
```

où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- ⟨Nom du triangle⟩ donné comme en mathématiques (le triangle ABC) ; le sommet de l'angle cherché étant le premier point nommé ;
- a et b sont les valeurs des mesures des angles connus (paramètres obligatoires) (ici, $\widehat{ABC}$ et $\widehat{BCA}$).

```
\SommeAngles{ABC}{30}{90}
```

Dans le triangle ABC, on a :

$$\begin{aligned}\widehat{ABC}+\widehat{BCA}+\widehat{CAB}&=180°\\30°+90°+\widehat{CAB}&=180°\\120°+\widehat{CAB}&=180°\\\widehat{CAB}&=180°-120°\\\widehat{CAB}&=60°\end{aligned}$$

```
\SommeAngles{IJK}{40}{40}
```

Dans le triangle IJK, on a :

$$\begin{aligned}\widehat{IJK}+\widehat{JKI}+\widehat{KIJ}&=180°\\40°+40°+\widehat{KIJ}&=180°\\80°+\widehat{KIJ}&=180°\\\widehat{KIJ}&=180°-80°\\\widehat{KIJ}&=100°\end{aligned}$$

Le résultat obtenu est directement accessible avec la commande \ResultatAngle mais il n'est pas mis en forme pour une éventuelle utilisation ultérieure, par exemple en trigonométrie (voir page 130).

La clé ⟨Detail⟩ valeur par défaut : true

Affiche *par défaut* l'avant-dernière étape du calcul, celle de la soustraction. Cela résulte d'un choix pédagogique. On peut supprimer cette étape en mettant cette clé à false.

```
\SommeAngles{RST}{50}{70}
```

Dans le triangle RST, on a :

$$\begin{aligned}\widehat{RST}+\widehat{STR}+\widehat{TRS}&=180°\\50°+70°+\widehat{TRS}&=180°\\120°+\widehat{TRS}&=180°\\\widehat{TRS}&=180°-120°\\\widehat{TRS}&=60°\end{aligned}$$

```
\SommeAngles[Detail=false]{RST}{50}{70}
```

Dans le triangle RST, on a :

$$\begin{aligned}\widehat{RST}+\widehat{STR}+\widehat{TRS}&=180°\\50°+70°+\widehat{TRS}&=180°\\120°+\widehat{TRS}&=180°\\\widehat{TRS}&=60°\end{aligned}$$

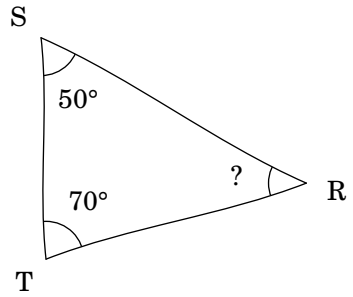
La clé ⟨Figure⟩ valeur par défaut : false

Comme pour le théorème de Pythagore, on peut associer une figure à la résolution du calcul. Dans ce cas, il faut également une compilation en shell-escape [26].

26. Pour des compléments d'information, on se réfèrera à la page 131.

```
\SommeAngles[Figure]{RST}{50}{70}
```

La figure est donnée à titre indicatif.



Dans le triangle RST, on a :

$$\begin{aligned}\widehat{RST}+\widehat{STR}+\widehat{TRS}&=180°\\ 50°+70°+\widehat{TRS}&=180°\\ 120°+\widehat{TRS}&=180°\\ \widehat{TRS}&=180°-120°\\ \widehat{TRS}&=60°\end{aligned}$$

La clé ⟨Isocele⟩ valeur par défaut : false

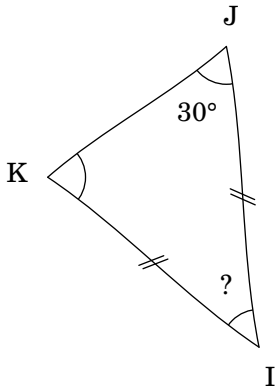
permet, quant à elle, de traiter les deux cas d'un triangle isocèle[27] :

— le premier sommet du ⟨`Nom du triangle`⟩ sera le sommet principal du triangle isocèle ;

— avec `b` vide, on calculera l'angle principal :

```
\SommeAngles[Detail=false,Figure,Isocele]{IJK}{30}{}
```

La figure est donnée à titre indicatif.



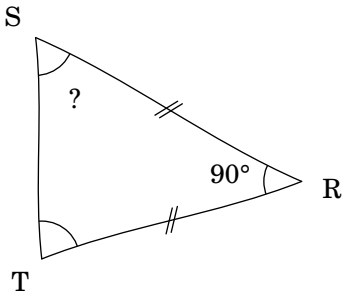
Dans le triangle IJK, isocèle en I, on a :

$$\begin{aligned}\widehat{IJK}+\widehat{JKI}+\widehat{KIJ}&=180°\\ 2\times30°+\widehat{KIJ}&=180°\\ 60°+\widehat{KIJ}&=180°\\ \widehat{KIJ}&=120°\end{aligned}$$

— avec `a` vide, on calculera la mesure commune des angles égaux :

```
\SommeAngles[Detail=false,Figure,Isocele]{RST}{}{90}
```

La figure est donnée à titre indicatif.



Dans le triangle RST, isocèle en R, on a :

$$\begin{aligned}\widehat{RST}+\widehat{STR}+\widehat{TRS}&=180°\\ 2\times\widehat{RST}+90°&=180°\\ 2\times\widehat{RST}&=90°\\ \widehat{RST}&=\frac{90°}{2}\\ \widehat{RST}&=45°\end{aligned}$$

27. Les figures s'adaptent également.

9 Le théorème de Thalès

La commande permet de rédiger la solution d'un exercice basé sur le théorème de Thalès. Elle s'utilise en mode texte et sa forme est la suivante :

```
\Thales[⟨clés⟩]{⟨Noms des points considérés⟩}{a}{b}{c}{d}{e}{f}
```

où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- ⟨Noms des points considérés⟩ donné sous la forme ABCMN où ABC est le « triangle de base » et M, N les deux points formant la droite « parallèle » ;
- a, b, c, d, e, f sont les longueurs *connues ou non* des côtés (paramètres obligatoires) données pour compléter l'égalité de quotient sous la forme :

$$\frac{\mathtt{a}}{\mathtt{d}} = \frac{\mathtt{b}}{\mathtt{e}} = \frac{\mathtt{c}}{\mathtt{f}}$$

```
\Thales{RSTUV}{RU}{15}{3}{25}{40}{8}
```

Dans le triangle RST, U est un point de la droite (RS), V est un point de la droite (RT).
Comme les droites (UV) et (ST) sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{RU}{RS} = \frac{RV}{RT} = \frac{UV}{ST}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{RU}{25} = \frac{15}{40} = \frac{3}{8}$$

$$RU = \frac{25 \times 15}{40}$$
$$RU = \frac{375}{40}$$
$$RU = 9{,}375 \text{ cm}$$

Pour les noms de points *composés* comme A', A_1… il faut « protéger » l'appel du nom :

```
\Thales{R{S'}T{U_1}V}{R{U_1}}{15}{3}{25}{40}{8}
```

Dans le triangle $RS'T$, U_1 est un point de la droite (RS'), V est un point de la droite (RT).
Comme les droites (U_1V) et $(S'T)$ sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{RU_1}{RS'} = \frac{RV}{RT} = \frac{U_1V}{S'T}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{RU_1}{25} = \frac{15}{40} = \frac{3}{8}$$

$$RU_1 = \frac{25 \times 15}{40}$$
$$RU_1 = \frac{375}{40}$$
$$RU_1 = 9{,}375 \text{ cm}$$

Comme on peut le voir, des choix ont été faits : la version *forte* du théorème de Thalès (pour les classes de 3e), l'écriture sous la forme de quotients…

On dispose des clés suivantes :

La clé ⟨Droites⟩ valeur par défaut : false

C'est un choix pédagogique. Il est laissé à l'appréciation de l'utilisateur.

```
\Thales[Droites]{ABCMN}{35}{AN}{7}{80}{90}{16}
```

Les droites (BM) et (CN) sont sécantes en A. Comme les droites (MN) et (BC) sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{35}{80} = \frac{AN}{90} = \frac{7}{16}$$

$$AN = \frac{90 \times 7}{16}$$
$$AN = \frac{630}{16}$$
$$AN = 39{,}375 \text{ cm}$$

La clé ⟨Segment⟩ valeur par défaut : false

Elle écrira la version *faible* du théorème de Thalès associé, version principalement associée aux classes de 4e.

```
\Thales[Segment]{ABCMN}{35}{AN}{7}{80}{90}{16}
```

Dans le triangle ABC, M est un point du segment $[AB]$, N est un point du segment $[AC]$. Comme les droites (MN) et (BC) sont parallèles, alors on a :

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{35}{80} = \frac{AN}{90} = \frac{7}{16}$$

$$AN = \frac{90 \times 7}{16}$$
$$AN = \frac{630}{16}$$
$$AN = 39{,}375 \text{ cm}$$

Avant de poursuivre, les résultats obtenus sont disponibles grâce à `\ResultatThalesx`, `\ResultatThalesy` et `\ResultatThalesz` associées respectivement au premier quotient, au deuxième quotient et au troisième quotient. Par exemple, avec le code :

```
Dans l'exemple précédent, la longueur $AN$ mesure \ResultatThalesy.
```

on obtiendra « Dans l'exemple précédent, la longueur AN mesure 39.38. »

Comme pour la commande `\ResultatPytha`, la valeur obtenue n'est pas mise en forme, toujours dans un souci de réutilisation.

La clé ⟨Propor⟩ valeur par défaut : false

Cela écrira le théorème de Thalès en insistant sur la proportionnalité des côtés.

```
\Thales[Propor]{RSTUV}{3}{15}{UV}{5}{25}{40}
```

Dans le triangle RST, U est un point de la droite (RS), V est un point de la droite (RT).
Comme les droites (UV) et (ST) sont parallèles, alors le tableau

RU	RV	UV
RS	RT	ST

est un tableau de proportionnalité d'après le théorème de Thalès.
On remplace par les longueurs connues :

3	15	UV
5	25	40

$$UV = \frac{40 \times 15}{25}$$
$$UV = \frac{600}{25}$$
$$UV = 24 \text{ cm}$$

La clé ⟨Precision⟩ valeur par défaut : 2

Dans le cas d'une valeur obtenue *inexacte*, on pourra choisir la précision de l'arrondi affiché. L'affichage du signe d'approximation se fait automatiquement.

```
\Thales[Precision=3]{IRNTS}{6}{4.8}{TS}{2.4}{IN}{4}
```

Dans le triangle IRN, T est un point de la droite (IR), S est un point de la droite (IN).
Comme les droites (TS) et (RN) sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{IT}{IR} = \frac{IS}{IN} = \frac{TS}{RN}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{6}{2{,}4} = \frac{4{,}8}{IN} = \frac{TS}{4}$$

$$IN = \frac{4{,}8 \times 2{,}4}{6}$$
$$IN = \frac{11{,}52}{6}$$
$$IN = 1{,}92 \text{ cm}$$

$$TS = \frac{4 \times 6}{2{,}4}$$
$$TS = \frac{24}{2{,}4}$$
$$TS = 10 \text{ cm}$$

Depuis la version 0.62, il est obligatoire d'entrer les valeurs numériques sous la forme informatique.

On peut vouloir travailler avec une autre unité de longueur. On utilisera donc :

La clé ⟨Unite⟩ valeur par défaut : cm

Un travail utilisant exclusivement des valeurs *entières* [28] et des écritures exactes ? Cela est rendu possible grâce à la clé :

La clé ⟨Entier⟩ [29] valeur par défaut : false

28. À la fois pour les données que pour les calculs et les réponses.
29. Les commandes `\ResultatThalesx`, `\ResultatThalesy` et `\ResultatThalesz` ne sont pas disponibles avec cette clé.

```
\Thales[Entier]{IRNTS}{6}{48}{TS}{24}{IN}{40}
```

Dans le triangle IRN, T est un point de la droite (IR), S est un point de la droite (IN).
Comme les droites (TS) et (RN) sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{IT}{IR} = \frac{IS}{IN} = \frac{TS}{RN}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{6}{24} = \frac{48}{IN} = \frac{TS}{40}$$

$$IN = \frac{48 \times 24}{6}$$
$$IN = \frac{1\,152}{6}$$
$$IN = 192$$

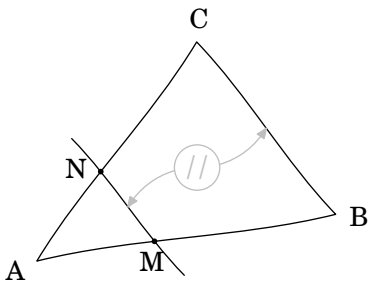
$$TS = \frac{40 \times 6}{24}$$
$$TS = \frac{240}{24}$$
$$TS = 10$$

La clé ⟨Figure⟩ valeur par défaut : false

Elle dessinera [30] une figure dans la configuration *classique*, associée aux données.

```
\Thales[Figure]{ABCMN}{7}{AN}{35}{12}{AC}{BC}
```

La figure est donnée à titre indicatif.



Dans le triangle ABC, M est un point de la droite (AB), N est un point de la droite (AC).
Comme les droites (MN) et (BC) sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{7}{12} = \frac{AN}{AC} = \frac{35}{BC}$$

$$BC = \frac{35 \times 12}{7}$$
$$BC = \frac{420}{7}$$
$$BC = 60 \text{ cm}$$

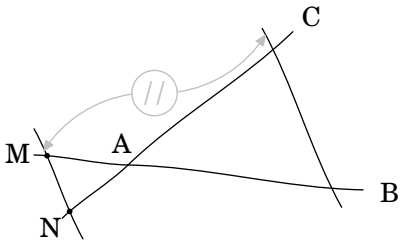
La clé ⟨Figurecroisee⟩ valeur par défaut : false

Incompatible avec la clé ⟨Figure⟩, elle dessinera une figure dans la configuration *croisée*, associée aux données.

30. Avec une compilation `shell-escape` (page 131).

```
\Thales[Figurecroisee]{ABCMN}{35}{90}{7}{AB}{AC}{12}
```

La figure est donnée à titre indicatif.



Dans le triangle ABC, M est un point de la droite (AB), N est un point de la droite (AC).
Comme les droites (MN) et (BC) sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{35}{AB} = \frac{90}{AC} = \frac{7}{12}$$

$$AB = \frac{35 \times 12}{7} \qquad AC = \frac{90 \times 12}{7}$$

$$AB = \frac{420}{7} \qquad AC = \frac{1\,080}{7}$$

$$AB = 60 \text{ cm} \qquad AC \approx 154{,}29 \text{ cm}$$

On remarque ici que la commande permet de faire les deux calculs associés aux informations données. Mais parfois, il n'est demandé qu'un seul des deux calculs. Le choix se fait avec

La cle ⟨ChoixCalcul⟩ valeur par défaut : 0

— La valeur 0 est associée à l'intégralité des calculs ;
— la valeur 1 est associée au calcul utilisant une longueur inconnue dans le premier quotient ;
— la valeur 2 est associée au calcul utilisant une longueur inconnue dans le deuxième quotient ;
— la valeur 3 est associée au calcul utilisant une longueur inconnue dans le troisième quotient.

Si, dans l'exemple précédent, nous souhaitons uniquement le calcul de AB, on tapera :

```
\Thales[Figurecroisee,ChoixCalcul=1]{ABCMN}{35}{90}{7}{AB}{AC}{12}
```

On peut également travailler sur la rédaction « initiale » du théorème de Thalès :

La clé ⟨Redaction⟩ valeur par défaut : false

```
\Thales[Redaction]{ABCDE}{}{}{}{}{}{}{}
```

Dans le triangle ABC, D est un point de la droite (AB), E est un point de la droite (AC).
Comme les droites (DE) et (BC) sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$$

ceci en vue d'une remédiation partielle :

```
\Thales[Redaction,Segment]{A{\ldots}C{\ldots}E}{}{}{}{}{}{}{}
```

Dans le triangle $A\ldots C$, ... est un point du segment $[A\ldots]$, E est un point du segment $[AC]$.
Comme les droites $(\ldots E)$ et $(\ldots C)$ sont parallèles, alors on a :

$$\frac{A\ldots}{A\ldots} = \frac{AE}{AC} = \frac{\ldots E}{\ldots C}$$

voire complète :

La clé ⟨Remediation⟩ valeur par défaut : false

```
\Thales[Redaction,Remediation]{}{}{}{}{}{}{}
```

Dans le triangle ....., ... est un point de la droite ....., ... est un point de la droite .....
Comme les droites ..... et ..... sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{\text{------}}{\text{------}} = \frac{\text{------}}{\text{------}} = \frac{\text{------}}{\text{------}}$$

Même si le code ci-dessus fonctionne, il est préférable d'utiliser le code :

```
\Thales[Redaction,Remediation]{JRINT}{4.8}{7.2}{RI}{8}{JT}{10}
```

Dans le triangle ....., ... est un point de la droite ....., ... est un point de la droite .....
Comme les droites ..... et ..... sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{\text{------}}{\text{------}} = \frac{\text{------}}{\text{------}} = \frac{\text{------}}{\text{------}}$$

car, en enlevant les clés ⟨Redaction⟩ et ⟨Remediation⟩, on obtient *automatiquement* l'intégralité de la rédaction et des calculs…

```
\Thales[]{JRINT}{4.8}{7.2}{RI}{8}{JT}{10}
```

Dans le triangle JRI, N est un point de la droite (JR), T est un point de la droite (JI).
Comme les droites (NT) et (RI) sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{JN}{JR} = \frac{JT}{JI} = \frac{NT}{RI}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{4{,}8}{8} = \frac{7{,}2}{JT} = \frac{RI}{10}$$

$$JT = \frac{7{,}2 \times 8}{4{,}8} \qquad RI = \frac{10 \times 4{,}8}{8}$$

$$JT = \frac{57{,}6}{4{,}8} \qquad RI = \frac{48}{8}$$

$$JT = 12 \text{ cm} \qquad RI = 6 \text{ cm}$$

Et pour la réciproque ? Une autre commande ?
Non, une autre clé…

La clé ⟨Reciproque⟩ valeur par défaut : false

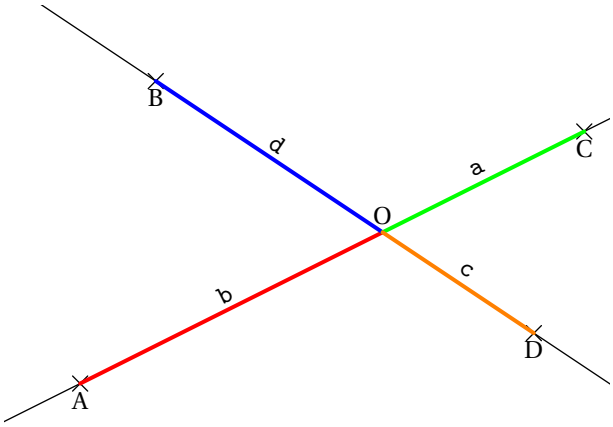
Elle permettra de rédiger la rédaction d'un exercice utilisant la réciproque du théorème de Thalès. La grande majorité des autres clés (sauf les clés ⟨Entier⟩ et ⟨Precision⟩) sont disponibles.

```
\Thales[Reciproque,⟨autre clés⟩]{⟨Noms des points considérés⟩}{a}{b}{c}{d}{e}{f}
```

Néanmoins, il faudra veiller à la différence de sens qu'auront les deux derniers paramètres `e` et `f` de la commande. Sachant que ces paramètres sont respectivement associés aux paramètres `a`, `b` et aux paramètres `c`, `d` :
— ils seront vides si leurs paramètres associés sont des nombres entiers ;
— ils seront un coefficient multiplicateur si les paramètres associés sont des nombres décimaux.

Voici une figure qui permettra de positionner les éléments du code :

```
\Thales[Reciproque]{OABCD}{a}{b}{c}{d}{}{}
```



Suivant les enseignants, la preuve de l'égalité des quotients peut se faire par comparaison de fraction (choix par défaut) ou en prouvant l'égalité des produits en croix associés aux quotients. Cela se fait par :

La clé ⟨Produit⟩ valeur par défaut : false

Dans ce cas, les paramètres `e` et `f` seront vides qu'on utilise ou pas des nombres entiers.

Le comportement par défaut et l'utilisation des deux clés ⟨Propor⟩ et ⟨Produit⟩ sont proposés sur les exemples suivants :

```
\Thales[Reciproque]{ABCMN}{35}{90}{7}{18}{}{}
```

Dans le triangle ABC, M est un point de la droite (AB), N est un point de la droite (AC).

$$\left.\begin{array}{l} \dfrac{AM}{AB} = \dfrac{35}{90} = \dfrac{35_{\div 5}}{90_{\div 5}} = \dfrac{7}{18} \\[2ex] \dfrac{AN}{AC} = \dfrac{7}{18} \end{array}\right\} \dfrac{AM}{AB} = \dfrac{AN}{AC}$$

De plus, les points A, M, B sont alignés dans le même ordre que les points A, N, C. Donc les droites (MN) et (BC) sont parallèles d'après la réciproque du théorème de Thalès.

```
\Thales[Reciproque,Propor]{ABCMN}{3.5}{9}{0.07}{0.18}{10}{100}
```

Dans le triangle ABC, M est un point de la droite (AB), N est un point de la droite (AC). Le tableau $\begin{array}{c|c} AM & AN \\ \hline AB & AC \end{array}$ est-il un tableau de proportionnalité ?

$$\left.\begin{array}{l} \dfrac{AM}{AB} = \dfrac{3{,}5}{9} = \dfrac{3{,}5 \times 10}{9 \times 10} = \dfrac{35}{90} \\[2ex] \dfrac{AN}{AC} = \dfrac{0{,}07}{0{,}18} = \dfrac{0{,}07 \times 100}{0{,}18 \times 100} = \dfrac{7}{18} = \dfrac{7 \times 5}{18 \times 5} = \dfrac{35}{90} \end{array}\right\} \dfrac{AM}{AB} = \dfrac{AN}{AC}$$

Donc le tableau $\begin{array}{c|c} AM & AN \\ \hline AB & AC \end{array}$ est bien un tableau de proportionnalité.

De plus, les points A, M, B sont alignés dans le même ordre que les points A, N, C. Donc les droites (MN) et (BC) sont parallèles d'après la réciproque du théorème de Thalès.

```
\Thales[Reciproque,Produit]{ABCMN}{3.5}{9}{0.07}{0.18}{}{}
```

Dans le triangle ABC, M est un point de la droite (AB), N est un point de la droite (AC).

$$\frac{AM}{AB} = \frac{3{,}5}{9} \qquad \frac{AN}{AC} = \frac{0{,}07}{0{,}18}$$

Effectuons les produits en croix :

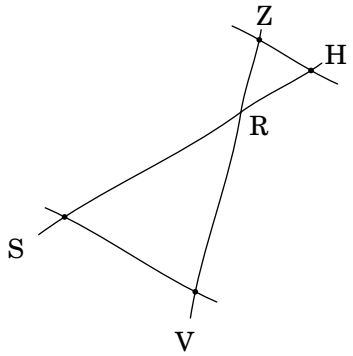
$$3{,}5 \times 0{,}18 = 0{,}63 \qquad 9 \times 0{,}07 = 0{,}63$$

Comme les produits en croix sont égaux, alors $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$.

De plus, les points A, M, B sont alignés dans le même ordre que les points A, N, C. Donc les droites (MN) et (BC) sont parallèles d'après la réciproque du théorème de Thalès.

```
\Thales[Reciproque,Figurecroisee]{RSVHZ}{35}{80}{7}{18}{}{}
```

La figure est donnée à titre indicatif.



Dans le triangle RSV, H est un point de la droite (RS), Z est un point de la droite (RV).

$$\left.\begin{array}{l} \frac{RH}{RS} = \frac{35}{80} = \frac{35_{\div 5}}{80_{\div 5}} = \frac{7}{16} = \frac{7 \times 9}{16 \times 9} = \frac{63}{144} \\ \frac{RZ}{RV} = \frac{7}{18} = \frac{7 \times 8}{18 \times 8} = \frac{56}{144} \end{array}\right\} \frac{RH}{RS} \neq \frac{RZ}{RV}$$

Donc les droites (HZ) et (SV) ne sont pas parallèles.

On remarque que la simplification des fractions est automatiquement activée par :

La clé ⟨Simplification⟩ valeur par défaut : true

Mais si les fractions sont irréductibles, il faudra la désactiver :

```
\Thales[Reciproque,Simplification=false]{ABCMN}{7}{13}{23}{31}{}{}
```

Dans le triangle ABC, M est un point de la droite (AB), N est un point de la droite (AC).

$$\left.\begin{array}{l} \frac{AM}{AB} = \frac{7}{13} = \frac{7 \times 31}{13 \times 31} = \frac{217}{403} \\ \frac{AN}{AC} = \frac{23}{31} = \frac{23 \times 13}{31 \times 13} = \frac{299}{403} \end{array}\right\} \frac{AM}{AB} \neq \frac{AN}{AC}$$

Donc les droites (MN) et (BC) ne sont pas parallèles.

10 La trigonométrie

La commande permet de rédiger la solution d'un exercice basé sur la trigonométrie, que ce soit un calcul de longueur ou un calcul d'angle. Elle s'utilise en mode texte et sa forme est la suivante :

```
\Trigo[⟨clés⟩]{⟨Nom du triangle⟩}{a}{b}{c}
```

où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- ⟨Nom du triangle⟩ donné comme en mathématiques (le triangle ABC) ; le sommet de l'angle droit étant au centre ; le sommet de l'angle sur lequel on travaille étant placé en premier ;
- a, b et c sont des nombres *connus ou non* (paramètres obligatoires) représentant :
  - le côté adjacent à l'angle, l'hypoténuse du triangle rectangle et la mesure de l'angle considéré lorsqu'on souhaitera utiliser le cosinus de l'angle aigu ;
  - le côté opposé à l'angle, l'hypoténuse du triangle rectangle et la mesure de l'angle considéré lorsqu'on souhaitera utiliser le sinus de l'angle aigu ;
  - le côté opposé à l'angle, le côté adjacent à l'angle et la mesure de l'angle considéré lorsqu'on souhaitera utiliser la tangente de l'angle aigu.

  Dans chaque cas, un de ces paramètres *devra* être vide pour induire le calcul correspondant.

```
% On calcule l'hypoténuse avec le cosinus.
\Trigo[Cosinus]{RST}{30}{}{50}
```

Dans le triangle RST, rectangle en S, on a :

$$\begin{aligned}\cos(\widehat{SRT}) &= \frac{RS}{RT}\\ \cos(50°) &= \frac{30}{RT}\\ RT &= \frac{30}{\cos(50°)}\\ RT &\approx 46{,}67 \text{ cm}\end{aligned}$$

```
% On calcule le côté opposé avec la
    tangente.
\Trigo[Tangente]{AKV}{}{45}{70}
```

Dans le triangle AKV, rectangle en K, on a :

$$\begin{aligned}\tan(\widehat{KAV}) &= \frac{KV}{AK}\\ \tan(70°) &= \frac{KV}{45}\\ 45 \times \tan(70°) &= KV\\ 123{,}64 \text{ cm} &\approx KV\end{aligned}$$

```
% On calcule la mesure de l'angle avec le
    sinus.
\Trigo[Sinus]{IJK}{30}{45}{}
```

Dans le triangle IJK, rectangle en J, on a :

$$\begin{aligned}\sin(\widehat{JIK}) &= \frac{JK}{IK}\\ \sin(\widehat{JIK}) &= \frac{30}{45}\\ \widehat{JIK} &\approx 42°\end{aligned}$$

Comme pour la commande \Pythagore, tous les résultats sont accessibles par la commande \ResultatTrigo (elle s'adapte au cas considéré) mais ils ne sont pas mis en forme…

```
% On calcule la mesure de l'angle avec le
    sinus.
\Trigo[Sinus]{IJK}{30}{45}{}
L'angle $\widehat{JIK}$ mesure
    approximativement
    \ResultatTrigo.
% Il manque le degré...\ang{\ResultatTrigo}
```

Dans le triangle IJK, rectangle en J, on a :

$$\begin{aligned}\sin(\widehat{JIK}) &= \frac{JK}{IK}\\ \sin(\widehat{JIK}) &= \frac{30}{45}\\ \widehat{JIK} &\approx 42°\end{aligned}$$

L'angle $\widehat{JIK}$ mesure approximativement 42.

```
% On calcule la mesure de l'angle avec le
    sinus.
\Trigo[Sinus]{IJK}{30}{}{20}
Le segment $[IK]$ mesure
    approximativement
\ResultatTrigo.
% Le nombre est écrit informatiquement...
    \Lg{\ResultatTrigo}.
```

Dans le triangle IJK, rectangle en J, on a :

$$\begin{aligned}\sin(\widehat{JIK}) &= \frac{JK}{IK}\\ \sin(20°) &= \frac{30}{IK}\\ IK &= \frac{30}{\sin(20°)}\\ IK &\approx 87{,}71 \text{ cm}\end{aligned}$$

Le segment $[IK]$ mesure approximativement 87.71.

Les clés vont permettre d'adapter la rédaction. On a choisi l'écriture *classique* pour exprimer les lignes trigonométriques. Mais pédagogiquement, il peut être intéressant d'utiliser l'écriture basée sur la proportionnalité [31] :

La clé ⟨Propor⟩ valeur par défaut : false

```
% On calcule le côté opposé avec le sinus.
\Trigo[Propor,Sinus]{AKV}{}{45}{70}
```

Dans le triangle AKV, rectangle en K, on a :

$$\begin{aligned}AV \times \sin(\widehat{KAV}) &= KV\\ 45 \times \sin(70°) &= KV\\ 42{,}29 \text{ cm} &\approx KV\end{aligned}$$

Avant de poursuivre, il faut porter une attention particulière au format des nombres dans le fichier source. Comme c'est le package `xfp` qui effectue les calculs, il est nécessaire de rentrer les nombres décimaux sous la forme *informatique* : `4.5`. Par contre, ils seront affichés dans l'écriture décimale classique : 4,5.

```
% On calcule le côté adjacent avec la tangente.
\Trigo[Propor,Tangente]{FVH}{3.2}{}{70}
```

Dans le triangle FVH, rectangle en V, on a :

$$\begin{aligned}FV \times \tan(\widehat{VFH}) &= VH\\ FV \times \tan(70°) &= 3{,}2\\ FV &= \frac{3{,}2}{\tan(70°)}\\ FV &\approx 1{,}16 \text{ cm}\end{aligned}$$

La clé ⟨Precision⟩ valeur par défaut : 2

qui indique la précision de l'arrondi dans les calculs.

La clé ⟨Unite⟩ valeur par défaut : cm

qui indique l'unité des longueurs calculées.

31. C'est ce que j'utilise.

```
% On calcule l'hypoténuse avec le cosinus.
\Trigo[Cosinus,Unite=dm,Precision=4]{FVH}{3.2}{}{70}
```

Dans le triangle FVH, rectangle en V, on a :

$$\cos(\widehat{VFH}) = \frac{FV}{FH}$$
$$\cos(70°) = \frac{3{,}2}{FH}$$
$$FH = \frac{3{,}2}{\cos(70°)}$$
$$FH \approx 9{,}356\,2 \text{ dm}$$

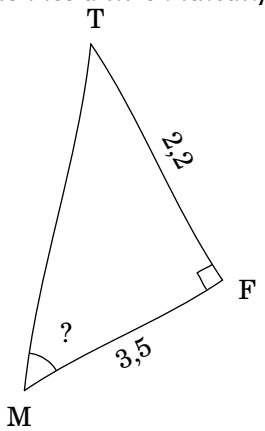
On peut également, comme pour les précédentes parties géométriques, associer une figure[32] à chaque calcul par :

La clé ⟨Figure⟩ valeur par défaut : false

La clé ⟨Angle⟩ valeur par défaut : false

```
% On calcule la mesure de l'angle avec la tangente.
\Trigo[Tangente,Figure,Angle]{MFT}{2.2}{3.5}{}
```

La figure est donnée à titre indicatif.

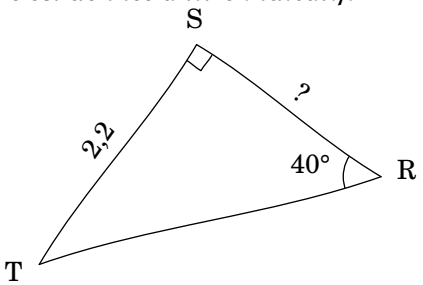


Dans le triangle MFT, rectangle en F, on a :

$$\tan(\widehat{FMT}) = \frac{FT}{MF}$$
$$\tan(\widehat{FMT}) = \frac{2{,}2}{3{,}5}$$
$$\widehat{FMT} \approx 32°$$

```
% On calcule la longueur d'un côté avec la tangente.
\Trigo[Tangente,Figure]{RST}{2.2}{}{40}
```

La figure est donnée à titre indicatif.



Dans le triangle RST, rectangle en S, on a :

$$\tan(\widehat{SRT}) = \frac{ST}{RS}$$
$$\tan(40°) = \frac{2{,}2}{RS}$$
$$RS = \frac{2{,}2}{\tan(40°)}$$
$$RS \approx 2{,}62 \text{ cm}$$

32. Avec une compilation `shell-escape` (voir page 131).

11 Position relative de deux droites

La commande permet de rédiger la solution d'un exercice basé sur la position relative de deux droites, en accord avec les propriétés vues en classe de 6e. Elle s'utilise en mode texte et sa forme est la suivante :

```
\ProprieteDroites[⟨clés⟩]{a}{b}{c}
```

où
- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- a, b et c sont les droites utilisées par les propriétés.

`\ProprieteDroites{AB}{d_1}{d_2}`	Comme les droites (AB) et (d_1) sont toutes les deux parallèles à la même droite (d_2), alors les droites (AB) et (d_1) sont parallèles.

La clé ⟨Num⟩ valeur par défaut : 1

Elle permet de choisir la propriété à utiliser.

`\ProprieteDroites[Num=2]{AB}{d_1}{d_2}`	Comme les droites (AB) et (d_1) sont toutes les deux perpendiculaires à la même droite (d_2), alors les droites (AB) et (d_1) sont parallèles.

`\ProprieteDroites[Num=3]{AB}{d_1}{d_2}`	Comme les droites (AB) et (d_2) sont parallèles, alors la droite (d_1) qui est perpendiculaire à (d_2) est également perpendiculaire à la droite (AB).

La clé ⟨CitePropriete⟩ valeur par défaut : false

La rédaction se fera en citant la propriété utilisée.

`\ProprieteDroites[CitePropriete]{AB}{d_1}{d_2}`	Les droites (AB) et (d_2) sont parallèles. Les droites (d_1) et (d_2) sont parallèles. Or, si deux droites sont parallèles, alors toute droite parallèle à l'une est parallèle à l'autre. Donc les droites (AB) et (d_1) sont parallèles.

La clé ⟨Brouillon⟩ valeur par défaut : false

Dans la rédaction, on verra apparaître la rédaction succincte de la solution.

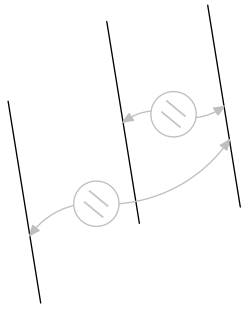
`\ProprieteDroites[Num=3,Brouillon]{AB}{IJ}{EF}`	$\left.\begin{array}{r}(AB)//(EF)\\(IJ)\perp(EF)\end{array}\right\}(AB)\perp(IJ)$ Comme les droites (AB) et (EF) sont parallèles, alors la droite (IJ) qui est perpendiculaire à (EF) est également perpendiculaire à la droite (AB).

La clé ⟨Figure⟩ valeur par défaut : false

pour associer une figure[33] à la propriété utilisée.

33. Avec une compilation `shell-escape` (voir page 131).

```
\ProprieteDroites[Figure]{EF}{IJ}{d_3}
```

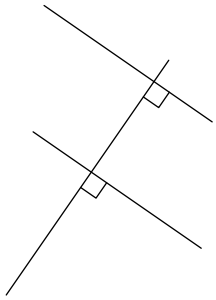


Comme les droites (EF) et (IJ) sont toutes les deux parallèles à la même droite (d_3), alors les droites (EF) et (IJ) sont parallèles.

Mais cette figure serait plus utile dans une situation de remédiation[34]...

La clé ⟨Remediation⟩ valeur par défaut : false

```
\ProprieteDroites[Figure,Num=2,Brouillon,Remediation]{EF}{IJ}{d_3}
```



$$\left.\begin{array}{l}(\ldots.)\perp(\ldots.)\\(\ldots.)\perp(\ldots.)\end{array}\right\}(\ldots.)//(\ldots.)$$

Comme les droites $(\ldots.)$ et $(\ldots.)$ sont toutes les deux perpendiculaires à la même droite $(\ldots.)$, alors les droites $(\ldots.)$ et $(\ldots.)$ sont parallèles.

34. Tout comme pour la remédiation dans le théorème de Thalès (page 42), les arguments ne sont pas vides.

12 Le repérage

La commande[35] permet de présenter diverses situations de repérage : demi-droite graduée ; droite graduée ; repère du plan ; repérage sur un pavé droit. Elle s'utilise en mode texte et sa forme est la suivante :

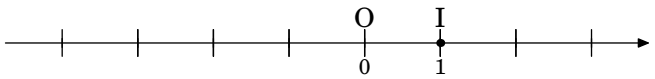
```
\Reperage[⟨clés⟩]{⟨Liste des éléments ⟩}
```

où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- ⟨Liste des éléments⟩ donné sous la forme :
  - 1/A ; -1.5/B pour le repérage sur une droite (ou demi-droite) graduée ;
  - 1/2/A ; -1.5/3/B pour le repérage dans le plan ;
  - 1/3/5/A ; -1.5/-2/3/B pour le repérage sur un pavé droit.

  Attention, ces listes doivent être non vides.

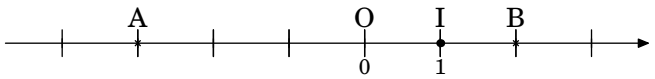
```
\Reperage{2/B,-3/A}
```



Comme on peut le voir, la commande est paramétrée par défaut sur une droite graduée d'unité 1 cm.
On affiche le nom des points avec :

La clé ⟨AffichageNom⟩ valeur par défaut : false

```
\Reperage[AffichageNom]{2/B,-3/A}
```

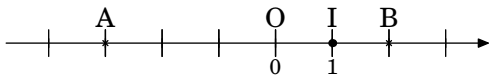


On peut changer l'unité de longueur par :

La clé ⟨Unitex⟩ valeur par défaut : 1

Elle sera donnée en centimètre.

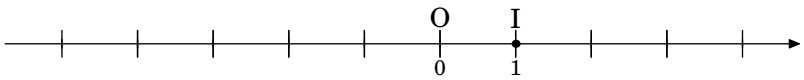
```
\Reperage[AffichageNom,Unitex=0.75]{2/B,-3/A}
```



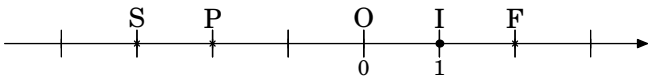
On peut vouloir donner un exercice tel que celui-ci :

```
\begin{enumerate}
\item Placer les points suivants F(2) ; S(-3), P(-2) sur la droite graduée ci-dessous.
  \Reperage{3/B,-4/A}
\end{enumerate}

Corrigé :
\Reperage[AffichageNom]{2/F,-3/S,-2/P}
```

1. Placer les points suivants F(2) ; S(-3), P(-2) sur la droite graduée ci-dessous.



Corrigé :

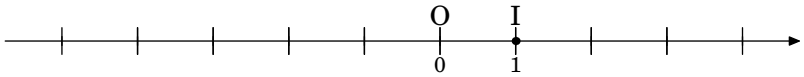


Même si la réponse est correcte, l'enseignant peut légitimement vouloir la même droite graduée dans la réponse que dans l'énoncé[36]. Cela se fera en ajoutant *au moins* un « point vide » :

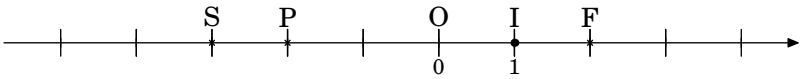
35. À compiler en shell-escape (voir page 131).
36. Je remercie Laurent Lassalle Carrere d'avoir soulevé le *relatif* :) problème.

```
\begin{enumerate}
\item Placer les points suivants F(2) ; S(-3), P(-2) sur la droite graduée ci-dessous.
  \Reperage{3/B,-4/A}
\end{enumerate}

Corrigé :
\Reperage[AffichageNom]{-4/,2/F,-3/S,-2/P,3/}
```

1. Placer les points suivants F(2) ; S(-3), P(-2) sur la droite graduée ci-dessous.

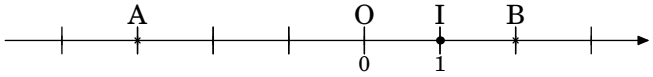


Corrigé :

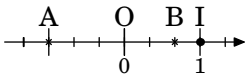


À ce stade, il convient de préciser la façon dont sont interprétées les valeurs numériques « de repérage ». Dans l'écriture `\Reperage{2/B,-3/A}`, l'abscisse du point B vaut 2 unités dans un repère caché d'unité `Pasx`. Par défaut `Pasx` = `Unitex`... La comparaison des situations ci-dessous va éclairer cela.

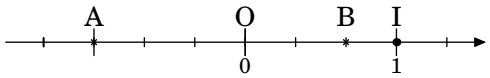
```
\Reperage[AffichageNom]{2/B,-3/A}
```




```
\Reperage[AffichageNom,Pasx=3]{2/B,-3/A}
```



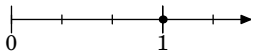

```
\Reperage[AffichageNom,Pasx=3,Unitex=2]{2/B,-3/A}
```



Pour obtenir une demi-droite, on utilisera :

La clé ⟨DemiDroite⟩ valeur par défaut : false

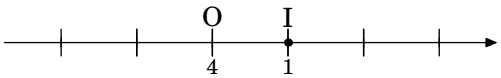
```
\Reperage[DemiDroite,Pasx=3,Unitex=2]{2/B,3/A}
```



Comment faire pour obtenir un « morceau de demi-droite » ? En utilisant :

La clé ⟨ValeurOrigine⟩ valeur par défaut : 0

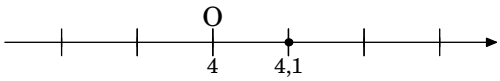
```
\Reperage[ValeurOrigine=4]{2/A}
```



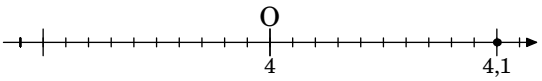
Pas très cohérent ?

La clé ⟨ValeurUnitex⟩ valeur par défaut : 1

```
\Reperage[ValeurOrigine=4,ValeurUnitex=4.1]{2/A}
```



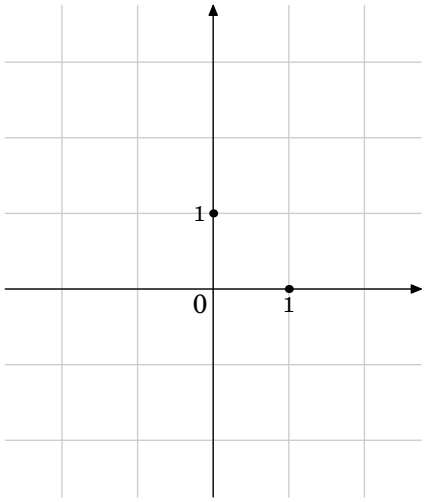

```
\Reperage[ValeurOrigine=4,ValeurUnitex=4.1,Pasx=10,Unitex=3]{2/A}
```



Repérage du plan

La clé ⟨Plan⟩ valeur par défaut : false

```
\Reperage[Plan]{1/2/A}
```



En plus des clés ⟨Unitex⟩, ⟨Pasx⟩, ⟨ValeurUnitex⟩, ⟨AffichageNom⟩, d'autres sont disponibles :

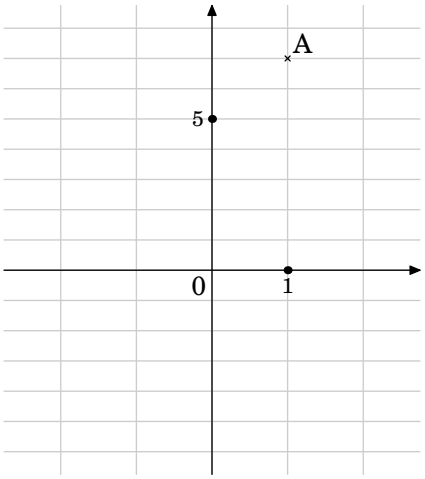
La clé ⟨Unitey⟩ valeur par défaut : 1

Elle sera donnée en centimètre.

La clé ⟨Pasy⟩ valeur par défaut : 1

La clé ⟨ValeurUnitey⟩ valeur par défaut : 1

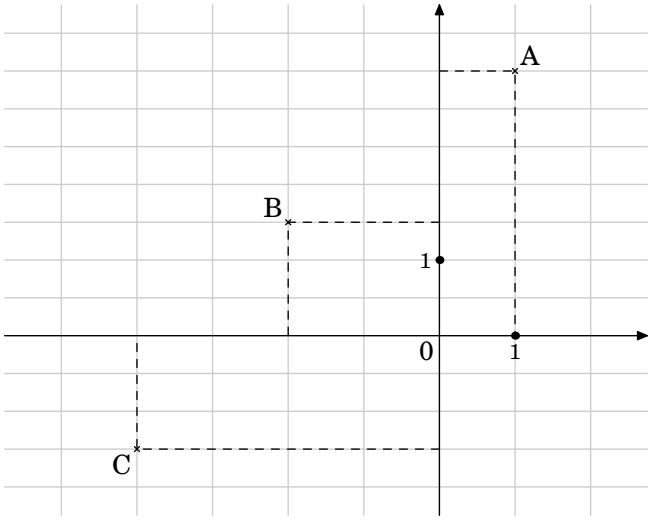
```
\Reperage[Plan,Unitey=2,Pasy=5,AffichageNom,ValeurUnitey=5]{1/7/A}
```



On peut afficher les repères de lecture des coordonnées d'un point :

La clé ⟨AffichageCoord⟩ valeur par défaut : false

```
\Reperage[Plan,Unitey=1,Pasy=2,AffichageNom,AffichageCoord]{1/7/A,-2/3/B,-4/-3/C}
```



Une fois les points placés, on peut effectuer des tracés[37] dans ce repère :

La clé ⟨Trace⟩ valeur par défaut : false

qui indiquera qu'il y a des tracés à faire.

Seul le tracé de segments est implanté ! De plus, le nombre maximum de points à relier est limité à 9.

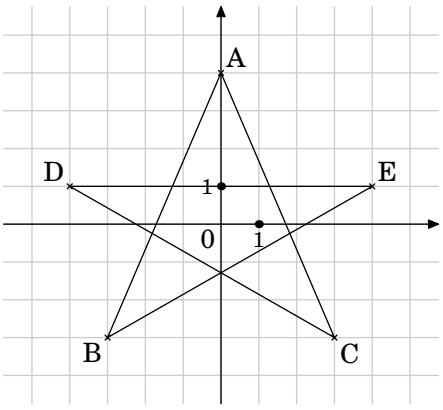
La clé ⟨ListeSegment⟩ valeur par défaut : {}

La liste des segments à tracer sera indiquée sous la forme :

```
ListeSegment={12,35...}
```

où 1, 2, 3, 5...sont les numéros des points placés par la commande.

```
\Reperage[Plan,Unitex=0.5,Unitey=0.5,AffichageNom,AffichageCoord,Trace,
ListeSegment={12,13,34,25,45}]{0/4/A,-3/-3/B,3/-3/C,-4/1/D,4/1/E}
% segment 12 -> Segment $[AB]$
% segment 13 -> Segment $[AC]$
% segment 34 -> Segment $[CD]$
% segment 25 -> Segment $[BE]$
% segment 45 -> Segment $[DE]$
```

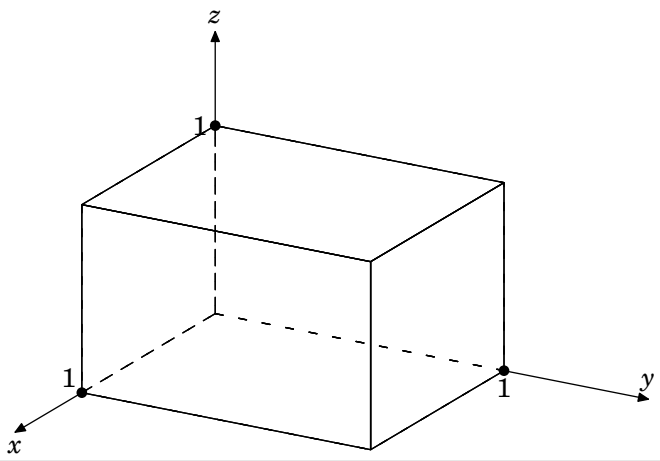


37. À partir de la version 0.63, suite à une demande de Laurent Lassalle Carrere

Repérage sur un pavé droit

La clé ⟨Espace⟩ valeur par défaut : false

```
\Reperage[Espace]{1/1/1/A}
```

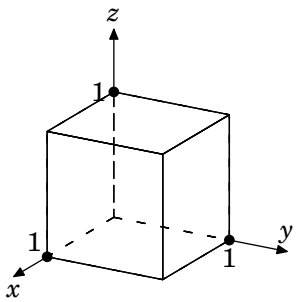


Toutes les clés pour les coordonnées en x et en y ont été mises en place pour la troisième coordonnée. Mais elles ne jouent pas le même rôle que dans les repérages sur une droite ou dans un plan.

Les clés ⟨Unitex⟩, ⟨Unitey⟩, ⟨Unitez⟩ valeur par défaut : 2 / 2.5 / 1.5

Elles indiquent les dimensions du pavé droit respectivement en x, en y et en z.

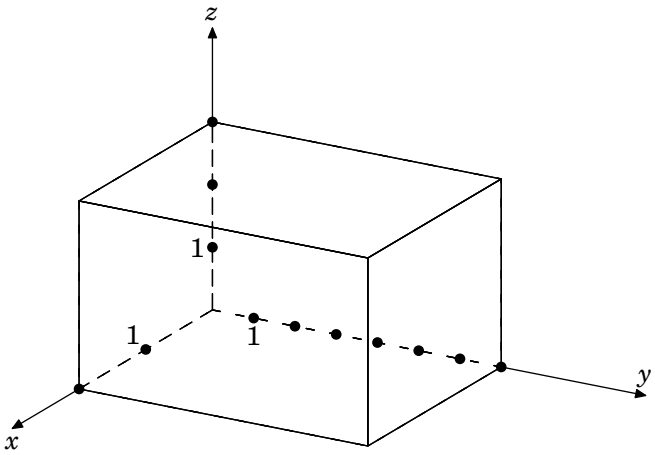
```
% Repérage sur un cube ? :)
\Reperage[Espace,Unitex=1,Unitey=1,Unitez=1]{1/1/1/A}
```



Les clés ⟨Pasx⟩, ⟨Pasy⟩, ⟨Pasz⟩ valeur par défaut : 1 / 1 / 1

Elles indiquent combien d'unités de repérage vont représenter l'arête associée.

```
\Reperage[Espace,Pasx=2,Pasy=7,Pasz=3]{1/1/1/A}
```



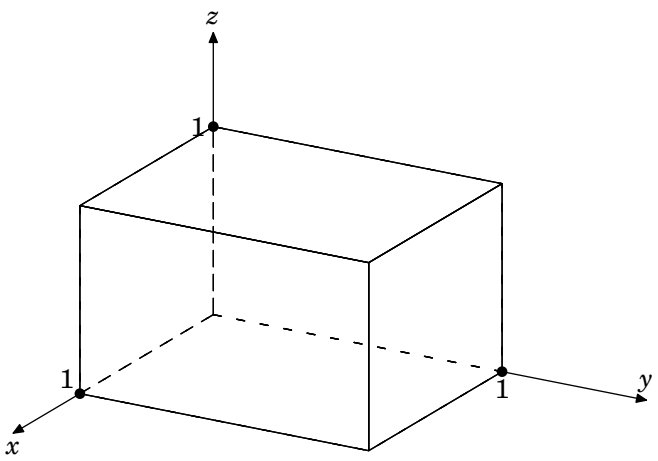
Le pavé droit est dessiné en respectant les règles de la perspective cavalière. On peut « zoomer » avec :

La clé ⟨EchelleEspace⟩ valeur par défaut : 50

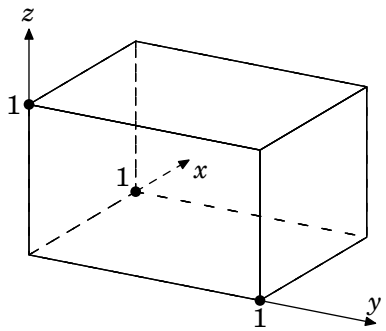
Elle applique :

— un zoom avant sur le pavé droit si sa valeur absolue devient supérieure à 50 ;
— un zoom arrière sur le pavé droit si sa valeur absolue devient inférieure à 50.
Une valeur négative orientera différemment les axes.

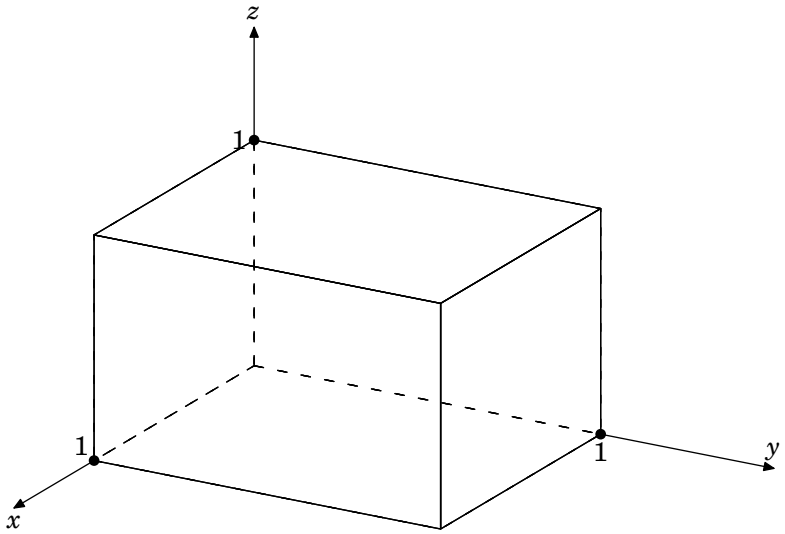
```
\Reperage[Espace]{1/1/1/A}
```




```
\Reperage[Espace,EchelleEspace=-40]{1/1/1/A}
```




```
\Reperage[Espace,EchelleEspace=60]{1/1/1/A}
```

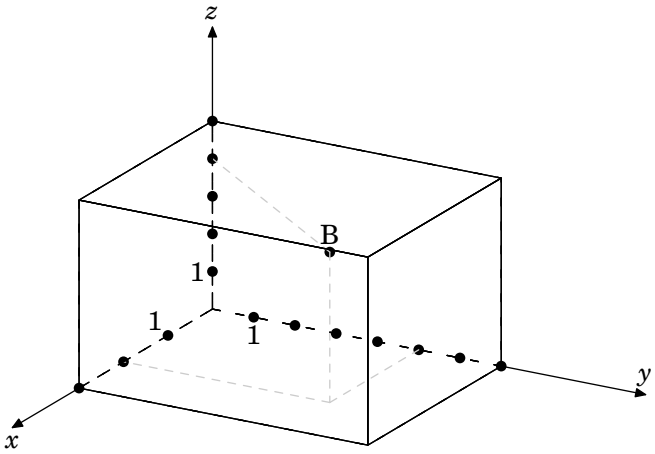


Enfin, comme dans le plan, on dispose :

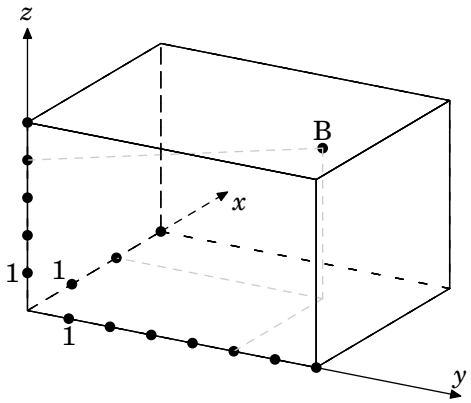
La clé ⟨AffichageNom⟩ valeur par défaut : false

La clé ⟨AffichageCoord⟩ valeur par défaut : false

```
\Reperage[Espace,AffichageNom,AffichageCoord,Pasx=3,Pasy=7,Pasz=5]{2/5/4/B}
```




```
\Reperage[Espace,EchelleEspace=-50,AffichageNom,AffichageCoord,Pasx=3,Pasy=7,Pasz=5]{
    2/5/4/B}
```



13 Nombre premier

Un nombre entier étant donné, la commande proposée permet de le décomposer en produit de facteurs premiers. On pourra lui associer un arbre de décomposition [38].

Elle a la forme suivante :

```
\Decomposition[⟨clés⟩]{a}
```

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
— a est le nombre entier considéré (paramètre obligatoire).

```
\Decomposition{1000}
```

Pour cette commande, *au moins* une clé est à choisir par l'utilisateur.

La clé ⟨Tableau⟩ valeur par défaut : false

Elle écrira la décomposition sous la forme d'un tableau mathématique centré.

```
\Decomposition[Tableau]{150}
```

$$150 = 2 \times 75$$
$$150 = 2 \times 3 \times 25$$
$$150 = 2 \times 3 \times 5 \times 5$$

La clé ⟨TableauVertical⟩ valeur par défaut : false

Elle écrira la décomposition sous la forme d'un tableau présentant la décomposition sur le côté droit du tableau.

```
\Decomposition[TableauVertical]{150}
```

150	2
75	3
25	5
5	5
1	

On dispose également de :

La clé ⟨TableauVerticalVide⟩ valeur par défaut : false

pour faire compléter par les élèves eux-mêmes.

```
\Decomposition[TableauVerticalVide]{150}
```

150	.....
.....	.....
.....	.....
.....	.....
.....	

Comme cette écriture peut induire *directement* le nombre de facteurs premiers, on peut utiliser :

La clé ⟨Dot⟩ valeur par défaut : `\dotfill`

38. Pour ces arbres, le nombre entier sera limité à 4 096, limite de METAPOST...

```
\Decomposition[TableauVerticalVide,Dot={}]{150}
```

150

La clé ⟨Exposant⟩ valeur par défaut : false

Elle écrira *uniquement* la décomposition du nombre entier considéré.

```
\Decomposition[Exposant]{150}
```

$2 \times 3 \times 5^2$

La clé ⟨Longue⟩ valeur par défaut : false

Elle est la version « faible » de la clé ⟨Exposant⟩.

```
\Decomposition[Longue]{150}
```

$2 \times 3 \times 5 \times 5$

La clé ⟨All⟩ valeur par défaut : false

Elle regroupe les deux clés ⟨Tableau⟩ et ⟨Exposant⟩ dans une présentation sous forme de tableau.

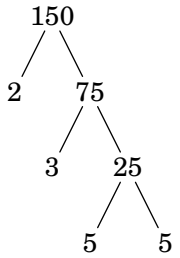
```
\Decomposition[All]{150}
```

$$150 = 2 \times 75$$
$$150 = 2 \times 3 \times 25$$
$$150 = 2 \times 3 \times 5 \times 5$$
$$150 = 2 \times 3 \times 5^2$$

La clé ⟨Arbre⟩ [39] valeur par défaut : false

Elle trace [40] un arbre de décomposition *simple*.

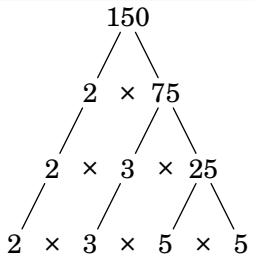
```
\Decomposition[Arbre]{150}
```



La clé ⟨ArbreComplet⟩ valeur par défaut : false

Elle trace un arbre *complet* de décomposition, plus lisible pédagogiquement.

```
\Decomposition[ArbreComplet]{150}
```

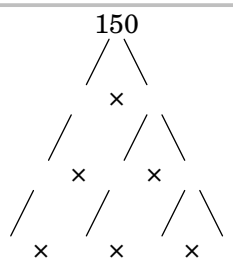


La clé ⟨ArbreVide⟩ valeur par défaut : false

Elle permet aux élèves de compléter une structure déjà préparée.

40. Tous les arbres sont obtenus avec une compilation en `shell-escape` (voir page 131).

```
\Decomposition[ArbreVide]{150}
```



La clé ⟨Diviseurs⟩ valeur par défaut : false

Elle donnera la liste des diviseurs du nombre considéré.

```
La liste des diviseurs de 999 est
 \Decomposition[Diviseurs]{999}.
```

La liste des diviseurs de 999 est 1 ; 3 ; 9 ; 27 ; 37 ; 111 ; 333 et 999.

La clé ⟨DiviseursT⟩ valeur par défaut : false

qui donnera la liste des diviseurs du nombre considéré sous la forme d'un tableau.

```
La liste des diviseurs de 999 est :
\begin{center}
  \Decomposition[DiviseursT]{999}
\end{center}
```

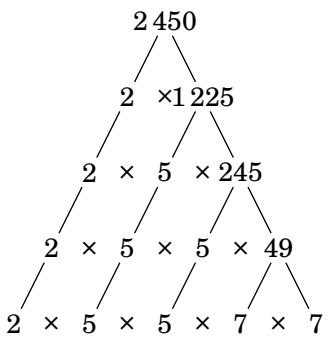
La liste des diviseurs de 999 est :

1	999
3	333
9	111
27	37

Voici un exemple qui regroupe quelques options de la commande `\Decomposition` :

```
Écrire la décomposition en produit de facteurs premiers du nombre
\num{2450}.

\bigskip

\begin{minipage}{0.45\linewidth}
  \[\Decomposition[ArbreComplet]{2450}\]
\end{minipage}
\hfill
\begin{minipage}{0.45\linewidth}
  On décompose \num{2450} :
  \Decomposition[Tableau]{2450}
  Par conséquent, on écrit :
  \[\num{2450}=\Decomposition[Exposant]{2450}\]
\end{minipage}
```

Écrire la décomposition en produit de facteurs premiers du nombre 2 450.



On décompose 2 450 :

$$2\,450 = 2 \times 1\,225$$
$$2\,450 = 2 \times 5 \times 245$$
$$2\,450 = 2 \times 5 \times 5 \times 49$$
$$2\,450 = 2 \times 5 \times 5 \times 7 \times 7$$

Par conséquent, on écrit :

$$2\,450 = 2 \times 5^2 \times 7^2$$

14 La représentation graphique de fraction

Pour représenter une fraction par un « schéma », on utilisera la commande[41] :

```
\Fraction[⟨clés⟩]{a/b}
```

où
- ⟨clés⟩ est un ensemble de paramètres (obligatoires et optionnels) pour adapter la commande ;
- a est le numérateur et b le dénominateur de la fraction considérée.

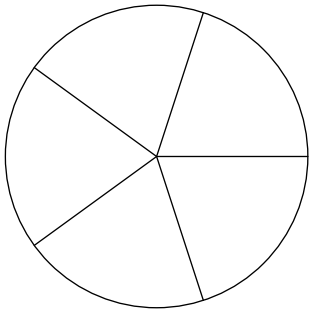
Grâce à cette commande, l'enseignant peut proposer un schéma « vide » ou une correction avec :

La clé ⟨Reponse⟩ valeur par défaut : false

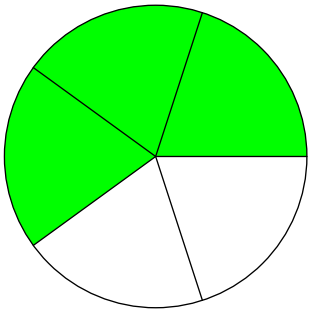
Plusieurs types de schémas sont disponibles :

La clé ⟨Disque⟩ valeur par défaut : true

```
\Fraction[Disque]{3/5}
```

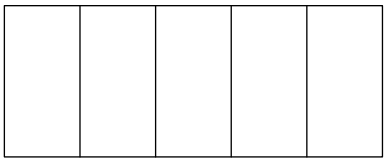


```
\Fraction[Disque,Reponse]{3/5}
```

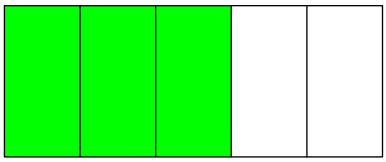


La clé ⟨Rectangle⟩ valeur par défaut : false

```
\Fraction[Rectangle]{3/5}
```

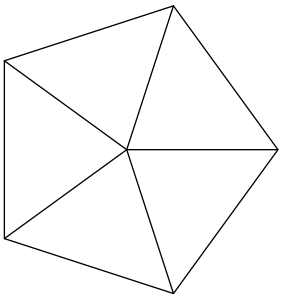


```
\Fraction[Rectangle,Reponse]{3/5}
```

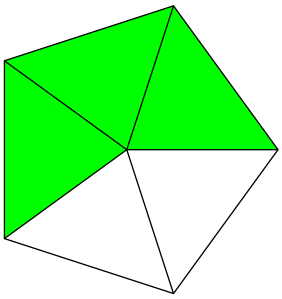


La clé ⟨Regulier⟩ valeur par défaut : false

```
\Fraction[Regulier]{3/5}
```



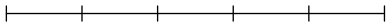
```
\Fraction[Regulier,Reponse]{3/5}
```



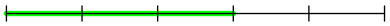
41. Elle nécessitera une compilation en shell-escape (page 131).

La clé ⟨Segment⟩ valeur par défaut : false

```
\Fraction[Segment]{3/5}
```



```
\Fraction[Segment,Reponse]{3/5}
```



D'autres paramètres sont disponibles :

La clé ⟨Rayon⟩ valeur par défaut : 2 cm

pour le rayon du disque ou du cercle circonscrit au polygone régulier choisi.

La clé ⟨Longueur⟩ valeur par défaut : 5 cm

La clé ⟨Largeur⟩ valeur par défaut : 2 cm

pour les dimensions du rectangle utilisé ainsi que la longueur du segment.

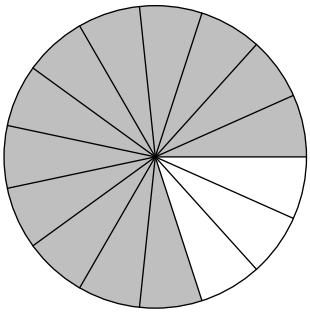
La clé ⟨Cotes⟩ valeur par défaut : 5

pour spécifier le nombre de côtés du polygone régulier utilisé.

La clé ⟨Couleur⟩ valeur par défaut : green

qui doit être donnée dans un format reconnu par METAPOST. Par conséquent, on pourra utiliser `white`, `red`, `0.95white`, `red+blue`, `(0.5,1,0.25)`... [42]

```
\Fraction[Reponse,Couleur=0.75white,Disque]{12/15}
```



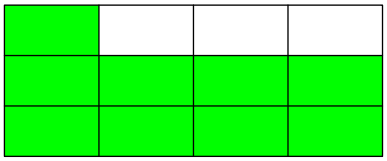
Le cas du rectangle mérite d'être traité plus en profondeur. En effet, pour représenter la fraction $\frac{9}{12}$, on peut insister sur telle ou telle décomposition de 12 : 1×12 ou 4×3 ou... On utilisera alors :

La clé ⟨Multiple⟩ valeur par défaut : 1

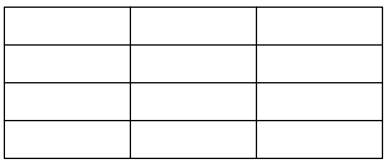
qui indique le partage de la « largeur » du rectangle.

```
\Fraction[Rectangle,Multiple=3]{9/12}
```

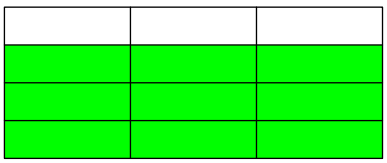
```
\Fraction[Rectangle,Multiple=3,Reponse]{
    9/12}
```



```
\Fraction[Rectangle,Multiple=4]{9/12}
```



```
\Fraction[Rectangle,Multiple=4,Reponse]{
    9/12}
```



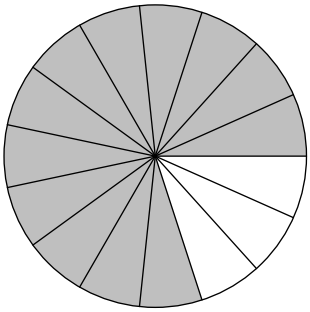
42. Le package METAPOST `svgnames.mp` étant chargé lors de la création des images, on peut également utiliser des couleurs telles que `Crimson`, `Cornsilk`...On les trouvera à la page 132.

L'affichage de la réponse est associée à deux clés [43] :

La clé ⟨Couleur⟩ valeur par défaut : green

qui doit être donnée dans un format reconnu par METAPOST. Par conséquent, on pourra utiliser `white`, `red`, `0.95white`, `red+blue`, `(0.5,1,0.25)`... [44]

```
\Fraction[Reponse,Couleur=0.75white]{12/15}
```



La clé ⟨Hachures⟩ valeur par défaut : false

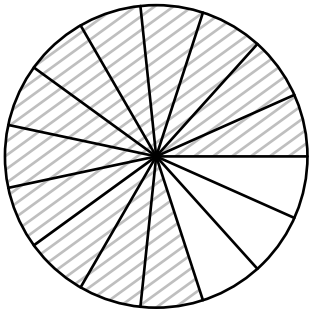
dont on peut modifier la couleur et l'épaisseur par :

La clé ⟨Couleur⟩ valeur par défaut : green

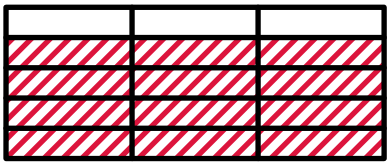
La clé ⟨Epaisseur⟩ valeur par défaut : 1

qui est un coefficient d'agrandissement (réduction) de la taille par défaut de METAPOST.

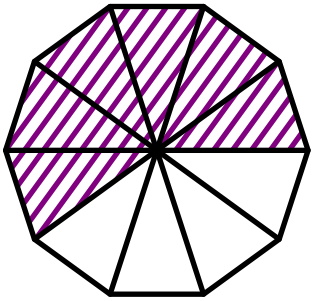
```
\Fraction[Hachures,Reponse,Couleur=0.75white]{12/15}
```



```
\Fraction[Hachures,Reponse,Couleur=Crimson,
    Rectangle,Multiple=5,Epaisseur=2]{12/15}
```



```
\Fraction[Hachures,Reponse,Couleur=Purple,Cotes=10,Regulier,
    Epaisseur=2]{6/10}
```



43. Suite à un échange avec Éric Elter qui a soulevé le problème des élèves à handicap visuel.

44. Le package METAPOST `PfC-svgnames.mp` étant chargé lors de la création des images, on peut également utiliser des couleurs telles que `Crimson`, `Cornsilk`... On les trouvera à la page 132.

15 Simplification d'écritures fractionnaires

Deux nombres entiers relatifs a et b étant donnés, la commande `\Simplification` permet de simplifier l'écriture $\frac{a}{b}$. Elle s'utilise en mode texte, en mode math et elle a la forme suivante :

```
\Simplification[⟨clés⟩]{a}{b}
```

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
— a et b sont les nombres entiers relatifs considérés (paramètre obligatoire).

```
\[\frac{125}{45}=\Simplification{125}{45}\]
```

$$\frac{125}{45}=\frac{25}{9}$$

On dispose des clés suivantes :

La clé ⟨Details⟩ valeur par défaut : false

Elle écrira le détail de la simplification. Celle-ci se fait avec le PGCD des deux nombres.

```
\[\frac{125}{45}=\Simplification[Details]{125}{45}\]
```

$$\frac{125}{45}=\frac{125_{\div 5}}{45_{\div 5}}$$

La clé ⟨All⟩ valeur par défaut : false

Elle affichera le détail de la simplification *et* la simplification elle-même.

```
\[\frac{125}{45}=\Simplification[All]{125}{45}\]
```

$$\frac{125}{45}=\frac{125_{\div 5}}{45_{\div 5}}=\frac{25}{9}$$

On peut « améliorer » la décomposition de la simplification en utilisant la commande `\Simplification` couplée à la commande `\Decomposition` des nombres premiers :

```
\[\frac{\num{1320}}{\num{1248}}=\frac{\Decomposition[Longue]{1320}}{\Decomposition[
    Longue]{1248}}=\Simplification{1320}{1248}\]
```

$$\frac{1\,320}{1\,248}=\frac{2\times 2\times 2\times 3\times 5\times 11}{2\times 2\times 2\times 2\times 2\times 3\times 13}=\frac{55}{52}$$

Mais on peut vouloir insister sur les différentes étapes de la simplification, notamment pour les critères de divisibilité.

La clé ⟨Longue⟩ valeur par défaut : false

```
\[\frac{\num{1320}}{\num{1248}}=\Simplification[Longue]{1320}{1248}\]
```

$$\frac{1\,320}{1\,248}=\frac{2\times 660}{2\times 624}=\frac{660}{624}=\frac{2\times 330}{2\times 312}=\frac{330}{312}=\frac{2\times 165}{2\times 156}=\frac{165}{156}=\frac{3\times 55}{3\times 52}=\frac{55}{52}$$

Enfin, on peut vouloir présenter la simplification comme en classe de 6e. Au prix d'un *léger* changement de syntaxe, on utilisera :

La clé ⟨Fleches⟩ valeur par défaut : false

```
\bigskip% Juste pour cette documentation
\[\Simplification[Fleches]{110/\tiny$\div10$/\dots}{30/\tiny$\div\dots$/3}\]
\bigskip% Juste pour cette documentation
```

$$\frac{110}{30}=\frac{\dots}{3}$$

16 Les puissances

La commande proposée n'apporte aucune fioriture. Avec les nouveaux programmes du collège, les formules de calculs ne sont plus à apprendre mais à comprendre. Il faut donc détailler les calculs. La commande, qui s'utilise en mode texte et en mode math, a la forme suivante :

```
\Puissances{⟨a⟩}{⟨b⟩}
```

avec a une expression (le plus souvent un nombre) et b un nombre entier relatif.

`\Puissances{2}{5}`	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$
`$\Puissances{(-5)}{2}$`	$(-5) \times (-5)$
`\[\Puissances{a}{7}\]`	$$a \times a \times a \times a \times a \times a \times a$$
`\Puissances{5}{0}`	1
`\Puissances{4}{-3}`	$\frac{1}{4\times4\times4}$
`\Puissances{a^2}{2}`	$a^2 \times a^2$

```
\[4^3\times4^7={\underbrace{\Puissances{4}{3}}_{4^3}}\times{\underbrace{\Puissances{4}{7
    }}_{4^7}}=\Puissances{4}{10}=4^{10}\]
\[n^5\times n^{-2}=\Puissances{n}{5}\times\Puissances{n}{-2}=\Puissances{n}{3}=n^3\]
```

$$4^3 \times 4^7 = \underbrace{4 \times 4 \times 4}_{4^3} \times \underbrace{4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4}_{4^7} = 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 4^{10}$$

$$n^5 \times n^{-2} = n \times n \times n \times n \times n \times \frac{1}{n \times n} = n \times n \times n = n^3$$

Concernant l'écriture scientifique, ProfCollege faisant appel au package siunitx, il n'est pas apparu nécessaire de créer une nouvelle commande :

`\num{3.15d-5}`	$3{,}15 \times 10^{-5}$

17 La proportionnalité

La commande permet d'afficher un tableau de proportionnalité (ou non), auquel sont associées les fonctions utiles [45] aux enseignants. Elle s'utilise en mode texte et elle se présente sous la forme :

```
\Propor[⟨clés⟩]{⟨Liste des éléments par colonne⟩}
```

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
— ⟨Liste des éléments par colonne⟩ donnée sous la forme [46] `c1-l1 / c1-l2, c2-l1 / c2-l2...`

```
\Propor{1/2,3/5,6/9,10/11}
```

Grandeur A	1	3	6	10
Grandeur B	2	5	9	11

Deux remarques immédiates : le tableau n'est pas centré horizontalement sur la page et le nom des grandeurs est « standard ». Si le centrage se fait avec l'environnement `center`, on change les noms des deux grandeurs par :

La clé ⟨GrandeurA⟩ valeur par défaut : Grandeur A

La clé ⟨GrandeurB⟩ valeur par défaut : Grandeur B

```
\begin{center}
  \Propor[GrandeurA=Temps (s),GrandeurB=Distance (m)]{1/2,3/5,6/9}%
\end{center}
```

Temps (s)	1	3	6
Distance (m)	2	5	9

Dans la commande `\Propor`, les valeurs attendues sont, *par défaut*, des nombres. Si on veut y inscrire des éléments mathématiques, on utilisera : [47]

La clé ⟨Math⟩ valeur par défaut : false

```
\begin{center}
  \Propor[Math,GrandeurA=Rayon (cm),GrandeurB=Périmètre (cm)]{1/$2\pi$,4/$8\pi$,
    5/$10\pi$,10/$20\pi$}
\end{center}
```

Rayon (cm)	1	4	5	10
Périmètre (cm)	2π	8π	10π	20π

On dispose de deux clés permettant de modifier les éléments du tableau :

La clé ⟨Stretch⟩ valeur par défaut : 1

C'est un paramètre multiplicatif qui permet de modifier la hauteur des lignes du tableau [48].

La clé ⟨Largeur⟩ valeur par défaut : 1cm

Elle permettra de modifier la largeur des colonnes « numériques » du tableau.

45. Flèches de définition ; de linéarité ; du coefficient de proportionnalité.
46. `c1` colonne 1 ; `l1` ligne 1...
47. Dans ce cas, le formatage des nombres n'est pas mis en place... Il faudra donc utiliser `\num{3,5}`.
48. Pour les utilisateurs avertis, elle joue le même rôle que la commande `\arraystretch{}`

```
% Pas terrible
\Propor[Math]{2/\num{3.4},\dots/51,$
    \dfrac{3}{\strut 4}$/\dots}
```

Grandeur A	2	…	$\frac{3}{4}$
Grandeur B	3,4	51	…

```
% C'est mieux
\Propor[Math,Stretch=2]{2/\num{3.4},\dots
    /51,$\dfrac{3}{\strut 4}$/\dots}
```

Grandeur A	2	…	$\frac{3}{4}$
Grandeur B	3,4	51	…

```
% Pas terrible
\Propor{125000/\dots,\dots/51000000}
```

Grandeur A	125 000	…
Grandeur B	…	51 000 000

```
% C'est mieux
\Propor[Largeur=1.75cm]{125000/\dots,
    \dots/51000000}
```

Grandeur A	125 000	…
Grandeur B	…	51 000 000

Enfin, pour modifier la couleur de la première colonne, on utilisera :

La clé ⟨ColorTab⟩ valeur par défaut : gray15 !

```
\Propor[ColorTab=Cornsilk]{2/5,3/10,7/35}
```

Grandeur A	2	3	7
Grandeur B	5	10	35

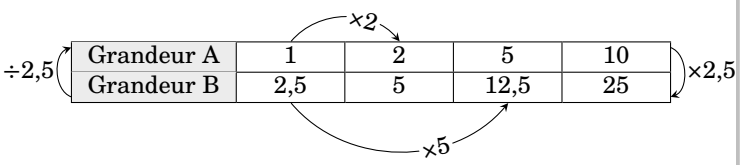
Une fois le tableau construit, il y a plusieurs « marqueurs invisibles » permettant de se repérer :

	H①	H②	.....	
Grandeur A			.....	
Grandeur B			.....	
	B①	B②	.....	

On dispose alors *des commandes* [49] permettant de relier ces marqueurs :

- `\FlechesPH{a}{b}{⟨texte⟩}` pour relier les marqueurs Ha et Hb par une flèche associée au texte ⟨texte⟩ ;
- `\FlechesPB{a}{b}{⟨texte⟩}` pour relier les marqueurs Ba et Bb par une flèche associée au texte ⟨texte⟩ ;
- `\FlecheCoef{⟨texte⟩}` pour tracer, *sur la droite du tableau*, une flèche indiquant (ou pas) le coefficient de proportionnalité (ou pas) associée au texte ⟨texte⟩ ;
- `\FlecheCoefDebut{⟨texte⟩}` pour tracer, *sur la gauche du tableau*, une flèche indiquant (ou pas) le coefficient de proportionnalité (ou pas) associée au texte ⟨texte⟩.

```
\small
\begin{center}
  \Propor{1/2.5,2/5,5/12.5,10/25}
\end{center}
\FlechesPH{1}{2}{$\times2$}
\FlechesPB{1}{3}{$\times5$}
\FlecheCoef{$\times\num{2,5}$}
\FlecheCoefDebut{$\div\num{2,5}$}
```



49. Ce ne sont pas des clés !

- \FlecheLineaireH{a}{b}{c}{opération} pour associer linéairement les marqueurs Ha et Hb avec opération afin d'obtenir le marqueur Hc.

```
\begin{center}
  \Propor[Stretch=1.25,Math,GrandeurA=Hauteur $h$ (cm),GrandeurB=\begin{tabular}{c}
      Volume (en cm$^3$) d'un cylindre\\ de rayon \Lg{5} et de hauteur $h$\end{tabular
      },Largeur=0.75cm]{2/$50\pi$,3/$75\pi$,5/}
\end{center}
\FlecheLineaireH{1}{2}{3}{$+$}
\FlecheLineaireB{1}{2}{3}{$+$}
```

Hauteur h (cm)	2	3	5
Volume (en cm^3) d'un cylindre de rayon 5 cm et de hauteur h	50π	75π	

18 Application : les pourcentages

Associée à la commande \Propor (page 65), la commande \Pourcentage permet d'appliquer un pourcentage (ou une augmentation, ou une réduction) et de calculer un pourcentage. Elle s'utilise en mode texte et elle se présente sous la forme :

```
\Pourcentage[⟨clés⟩]{t}{q}
```

où
- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- t représente le taux de pourcentage et q la quantité.

Par défaut, la commande utilise :

La clé ⟨Appliquer⟩ valeur par défaut : true

Elle affiche la résolution « décimale » du calcul avec :

La clé ⟨Decimal⟩ valeur par défaut : true

```
% Les clés Decimal et Appliquer n'apparaissent pas car ce sont les
% clés activées par defaut.
\Pourcentage{15}{36}
```

Pour calculer 15 % de 36, on effectue le calcul :

$$0{,}15 \times 36 = 5{,}4$$

Si on souhaite une écriture fractionnaire, on utilisera :

La clé ⟨Fractionnaire⟩ [50] valeur par défaut : false

```
\Pourcentage[Fractionnaire]{15}{36}
```

Pour calculer 15 % de 36, on effectue le calcul :

$$\frac{15}{100} \times 36 = \frac{540}{100} = 5{,}4$$

Dans le cas d'un exercice « concret », on utilisera :

La clé ⟨Concret⟩ valeur par défaut : false

associée à :

La clé ⟨Unite⟩ valeur par défaut : g

```
\Pourcentage[Concret,Unite=km]{15}{36}
```

Pour calculer 15 % de 36 km, on effectue le calcul :

$$0{,}15 \times 36 \text{ km} = 5{,}4 \text{ km}$$

On peut ensuite appliquer une augmentation avec :

La clé ⟨Augmenter⟩ valeur par défaut : false

```
\Pourcentage[Augmenter]{15}{36}
```

Calculons ce que représente l'augmentation de 15 %. Pour calculer 15 % de 36, on effectue le calcul :

$$0{,}15 \times 36 = 5{,}4$$

On obtient une augmentation de 5,4. Donc un total de $36 + 5{,}4 = 41{,}4$.

50. Peut-être faut-il y ajouter des choses… telle que $\frac{15 \times 36}{100}$

On peut agrémenter ce calcul par un tableau avec :

La clé ⟨AideTableau⟩ valeur par défaut : false

```
\Pourcentage[Augmenter,AideTableau]{15}{36}
```

Calculons ce que représente l'augmentation de 15 %.

Grandeur A		15
Total	36	100

×0,15

On obtient une augmentation de $0{,}15 \times 36 = 5{,}4$.
Donc un total de $36 + 5{,}4 = 41{,}4$.

On changera [51] le nom de « Grandeur A » et celui de « Total » par :

La clé ⟨GrandeurA⟩ valeur par défaut : Grandeur A

La clé ⟨GrandeurB⟩ valeur par défaut : Total

```
\Pourcentage[Augmenter,AideTableau,GrandeurA=Augmentation,GrandeurB=Nombre d'habitants,
    Concret,Unite=habitants]{40}{36}
```

Calculons ce que représente l'augmentation de 40 %.

Augmentation		40
Nombre d'habitants	36	100

×0,4

On obtient une augmentation de $0{,}4 \times 36$ habitants = 14,4 habitants.
Donc un total de 36 habitants + 14,4 habitants = 50,4 habitants.

On peut également modifier la couleur de la première colonne :

La clé ⟨ColorTab⟩ valeur par défaut : gray !15

```
\Pourcentage[Augmenter,AideTableau,GrandeurA=Augmentation,GrandeurB=Nombre d'habitants,
    Concret,Unite=habitants,ColorTab=Salmon]{15}{36}
```

Calculons ce que représente l'augmentation de 15 %.

Augmentation		15
Nombre d'habitants	36	100

×0,15

On obtient une augmentation de $0{,}15 \times 36$ habitants = 5,4 habitants.
Donc un total de 36 habitants + 5,4 habitants = 41,4 habitants.

On dispose des mêmes clés lorsqu'on utilise :

La clé ⟨Reduire⟩ valeur par défaut : false

```
\Pourcentage[Reduire,AideTableau,GrandeurA=Réduction,GrandeurB=Visibilité (m),Concret,
    Unite=m]{15}{36}
```

Calculons ce que représente la diminution de 15 %.

Réduction		15
Visibilité (m)	36	100

×0,15

On obtient une diminution de $0{,}15 \times 36$ m = 5,4 m. Donc un total de 36 m − 5,4 m = 30,6 m.

51. Dans le tableau seulement.

Le mot « diminution » peut être modifié par :

La clé ⟨MotReduction⟩ valeur par défaut : diminution

et si on souhaite utiliser les notions de la classe de troisième :

La clé ⟨Formule⟩ valeur par défaut : false

```
\Pourcentage[Reduire,Formule]{17}{51}
```

Réduire une quantité de 17 %, cela revient à multiplier cette quantitié par $1 - \frac{17}{100}$. Par conséquent, si on réduit 51 de 17 %, cela donne :

$$51 \times \left(1 - \frac{17}{100}\right) = 51 \times (1 - 0{,}17) = 51 \times 0{,}83 = 42{,}33$$

Enfin, si on souhaite calculer un pourcentage, on utilisera :

La clé ⟨Calculer⟩ valeur par défaut : false

```
\Pourcentage[Calculer]{15}{39}
```

Grandeur A	15	
Total	39	100

$\div 0{,}39$ $\times 0{,}39$

Le choix a été fait de ne pas mettre de phrase de conclusion car dans un cas comme celui-ci, quelle réponse donner ? L'utilisateur choisira… en s'aidant de `\ResultatPourcentage` valant, dans l'exemple précédent, 38.46153846153846.

Le package `ProfCollege` utilisant le package `xfp`, on pourra, par exemple, écrire :

```
\num{\fpeval{round(\ResultatPourcentage,2)}}
```

pour afficher 38,46.

19 Les ratio

Cette notion a fait son entrée dans les programmes de 2018. La commande `\Ratio` permet d'afficher soit un tableau de proportionnalité, soit un graphique.
Elle s'utilise en mode texte et elle se présente sous la forme :

```
\Ratio[⟨clés⟩]{⟨Liste des éléments du ratio⟩}
```

où

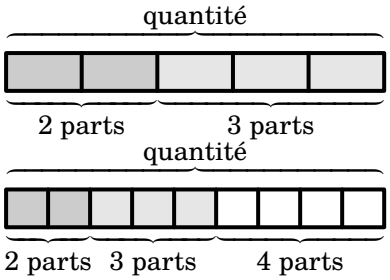
- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres dont au moins un doit être présent) ;
- ⟨Liste des éléments du ratio⟩ donnée :
  - si on souhaite une figure, sous la forme `a,b` pour un ratio $a : b$ ou sous la forme `a,b,c` pour un ratio $a : b : c$;
  - si on souhaite un tableau de proportionnalité, sous la forme[52] `nom1 / v1 / r1, nom2 / v2 / r2`....

```
\Ratio{2,3}

\Ratio{Eau//2,Sable//3,%
  Château/60/5}
```

Par défaut, la commande ne produit aucun résultat. L'utilisateur doit choisir ce qu'il souhaite grâce à :

La clé ⟨Figure⟩ valeur par défaut : false

```
\Ratio[Figure]{2,3}

\Ratio[Figure]{2,3,4}
```



La clé ⟨Tableau⟩ valeur par défaut : false

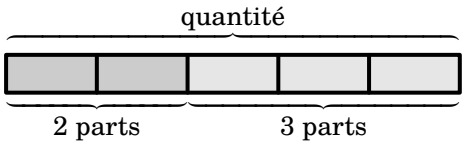
```
\Ratio[Tableau]{Eau//2,Sable//3,Château/60/5}
```

Grandeur A			60
Part(s)	2	3	5

Pour les figures[53], plusieurs clés sont disponibles :

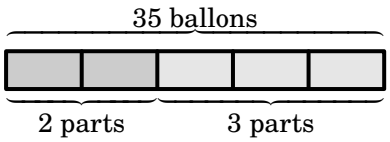
La clé ⟨Longueur⟩ valeur par défaut : 5 cm

```
\Ratio[Figure,Longueur=6cm]{2,3}
```



La clé ⟨TexteTotal⟩ valeur par défaut : quantité

```
\Ratio[Figure,TexteTotal=35 ballons]{2,3}
```

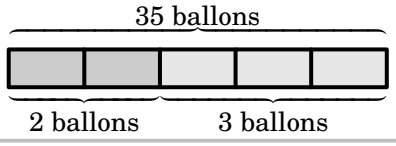


52. `nom1` « élément 1 » ; `v1` valeur 1 ; `r1` 1re composante du ratio...
53. une compilation en `shell-escape` est nécessaire pour pdfLaTeX et XeLaTeX.

La clé ⟨TextePart⟩ valeur par défaut : part

Le pluriel est géré… mais dans les cas simples (pluriel avec un s).

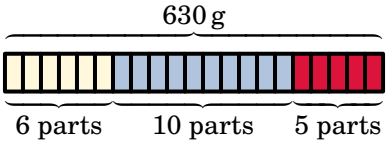
```
\Ratio[Figure,TexteTotal=35 ballons,TextePart=ballon]{2,3}
```



Les clés ⟨CouleurUn⟩, ⟨CouleurDeux⟩, ⟨CouleurTrois⟩ valeurs par défaut : gris, 0.5gris+0.5blanc, blanc

Elles seront données dans le langage METAPOST : à part les classiques `black`, `blue`, `red`, `green` et `white`, les couleurs `rouge`, `bleu`, `noir`, `blanc`, `vert`, `orange`, `violet`, `rose`, `ciel`, `cielfonce`, `jaune`, `gris` et `orangevif` sont disponibles. De plus, le fichier `PfC-Svgnames.mp`[54] permet d'avoir davantage de choix de couleurs.

```
\[%
  \Ratio[Figure,TexteTotal=\Masse{630},CouleurUn=Cornsilk,CouleurDeux=LightSteelBlue,
      CouleurTrois=Crimson]{6,10,5}
\]
```



Pour le tableau, lié à la proportionnalité, on retrouvera les paramètres associés à la commande `\Propor`[55] :

La clé ⟨GrandeurA⟩ valeur par défaut : Grandeur A

La clé ⟨GrandeurB⟩ valeur par défaut : Part(s)

La clé ⟨Largeur⟩ valeur par défaut : 1 cm

La clé ⟨Stretch⟩ valeur par défaut : 1

La clé ⟨ColorTab⟩ valeur par défaut : gray !15

```
\Ratio[Tableau,GrandeurA=Masse (g),Largeur=1.5cm]{Farine//6,Beurre//10,Sucre//5,Sablé/630/21}
```

Masse (g)				630
Part(s)	6	10	5	21

Néanmoins, on dispose d'une clé supplémentaire :

La clé ⟨Nom⟩ valeur par défaut : false

En l'activant, le tableau prendra une « autre » forme.

```
\Ratio[Tableau,GrandeurA=Masse (g),Nom,Largeur=1.5cm]{Farine//6,Beurre//10,Sucre//5,Sablé/630/21}
```

	Farine	Beurre	Sucre	Sablé
Masse (g)				630
Part(s)	6	10	5	21

54. Voir page 132.
55. Voir page 65.

Dans les deux cas, on peut utiliser une des commandes \FlecheRatio{} ou \FlecheInvRatio{}.

```
\Ratio[Tableau,GrandeurA=Masse (g),Largeur=1.5cm]{Farine//6,Beurre//10,Sucre//5,Sablé/630/21}
\FlecheRatio{$\div30$}

\bigskip

\Ratio[Tableau,GrandeurA=Masse (g),Nom,Largeur=1.5cm]{Farine//6,Beurre//10,Sucre//5,Sablé/630/21}
\FlecheInvRatio{$\times30$}
```

Masse (g)				630
Part(s)	6	10	5	21

$\div 30$

	Farine	Beurre	Sucre	Sablé
Masse (g)				630
Part(s)	6	10	5	21

$\times 30$

20 Les statistiques

La commande \Stat permet d'obtenir des éléments issues d'une série statistique qualitative ou quantitative : tableau, fréquence, angle dans le cas d'un diagramme circulaire ou semi-circulaire, les indicateurs statistiques classiques (moyenne, étendue, médiane), diagrammes en bâtons, circulaires ou semi-circulaires. Elle s'utilise en mode texte et sa forme est la suivante :

```
\Stat[⟨clés⟩]{⟨Données⟩}
```

où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- ⟨Données⟩ écrites sous la forme `valeur/effectif` (cas quantitatif, *toujours dans l'ordre croissant* des valeurs) ou `catégorie/effectif` (cas qualitatif).

Cette distinction qualitatif / quantitatif est faite par :

La clé ⟨Qualitatif⟩ valeur par défaut : false

```
% Quantitatif par défaut.
\Stat{2/1,5/3,6.5/5,8/4,9/7,12.25/2,15/5}

\Stat[Qualitatif]{Lundi/25,Mardi/18,Mercredi/17,Jeudi/10,Vendredi/5,Samedi/7.5}
```

On remarque que la commande *seule* n'affiche rien [56]. Il faut lui indiquer ce qu'elle doit faire.

La clé ⟨Tableau⟩ valeur par défaut : false

affiche le tableau associé à la liste de données.

```
\Stat[Tableau]{2/1,5/3,6.5/5,8/4,9/7,12.25/2,15/5}
```

Valeurs	2	5	6,5	8	9	12,25	15
Effectif(s)	1	3	5	4	7	2	5

```
\Stat[Qualitatif,Tableau]{Lundi/25,Mardi/18,Mercredi/17,Jeudi/10,Vendredi/5,Samedi/7.5}
```

Valeurs	Lundi	Mardi	Mercredi	Jeudi	Vendredi	Samedi
Effectif(s)	25	18	17	10	5	7,5

Quelques adaptations sont à faire pour ces tableaux :

La clé ⟨Donnee⟩ valeur par défaut : Valeurs

La clé ⟨Effectif⟩ valeur par défaut : Effectif(s)

La clé ⟨Largeur⟩ valeur par défaut : 1 cm

```
\Stat[Qualitatif,Tableau,Donnee=\textbf{jour},Effectif=nombre de patients,Largeur=1.5cm]
    {Lundi/25,Mardi/18,Mercredi/17,Jeudi/10,Vendredi/5,Samedi/20}
```

jour	Lundi	Mardi	Mercredi	Jeudi	Vendredi	Samedi
nombre de patients	25	18	17	10	5	20

Une fois la présentation du tableau adaptée, on peut lui ajouter une ou plusieurs lignes : celle des fréquences (uniquement dans le cas quantitatif), celles des angles pour l'éventuelle construction d'un diagramme circulaire (ou semi-circulaire) et celle des effectifs cumulés croissants [57].

56. En fait, les calculs sont faits…
57. Ils ne sont plus explicitement au programme mais on peut souhaiter en parler, notamment au moment de la médiane d'une série statistique.

La clé ⟨Frequence⟩ valeur par défaut : false

affichera, dans le tableau, les fréquences en pourcentage (arrondies à l'unité).

La clé ⟨Angle⟩ valeur par défaut : false

affichera, dans le tableau, les angles (arrondis à l'unité) associés à la construction d'un diagramme circulaire.

La clé ⟨SemiAngle⟩ valeur par défaut : false

affichera, dans le tableau, les angles (arrondis à l'unité) associés à la construction d'un diagramme semi-circulaire.

la clé ⟨ECC⟩ valeur par défaut : false

affichera, dans le tableau, les effectifs cumulés croissants.

```
\Stat[Tableau,Frequence,Angle,ECC]{2/1,5/3,6.5/5,8/4,9/7,12.25/2,15/5}
```

Valeurs	2	5	6,5	8	9	12,25	15
Effectif(s)	1	3	5	4	7	2	5
Fréquence (%)	4	11	19	15	26	7	19
Angle (°)	13	40	67	53	93	27	67
E.C.C.	1	4	9	13	20	22	27

```
\Stat[Qualitatif,Tableau,Largeur=1.5cm,SemiAngle,ECC]{Lundi/25,Mardi/18,Mercredi/17,
  Jeudi/10,Vendredi/5,Samedi/20}
```

Valeurs	Lundi	Mardi	Mercredi	Jeudi	Vendredi	Samedi
Effectif(s)	25	18	17	10	5	20
Angle (°)	47	34	32	19	9	38
E.C.C.	25	43	60	70	75	95

Néanmoins, on peut souhaiter *simplement* présenter un tableau à compléter…

La clé ⟨TableauVide⟩ valeur par défaut : false

```
\Stat[Tableau,TableauVide,Frequence,Angle,ECC]{2/1,5/3,6.5/5,8/4,9/7,12.25/2,15/5}
```

Valeurs	2	5	6,5	8	9	12,25	15
Effectif(s)	1	3	5	4	7	2	5
Fréquence (%)							
Angle (°)							
E.C.C.							

La clé ⟨Total⟩ valeur par défaut : false

pour indiquer les totaux[58].

```
\Stat[Tableau,Frequence,Angle,Total]{2/1,5/3,6.5/5,8/4,9/7,12.25/2,15/5}
```

Valeurs	2	5	6,5	8	9	12,25	15	Total
Effectif(s)	1	3	5	4	7	2	5	27
Fréquence (%)	4	11	19	15	26	7	19	100
Angle (°)	13	40	67	53	93	27	67	360

58. Pour la fréquence et les angles, le parti pris a été d'indiquer 100 comme total, même si parfois avec les arrondis…

```
\Stat[Qualitatif,Tableau,Largeur=1.5cm,SemiAngle,Total]{Lundi/25,Mardi/18,Mercredi/17,
  Jeudi/10,Vendredi/5,Samedi/20}
```

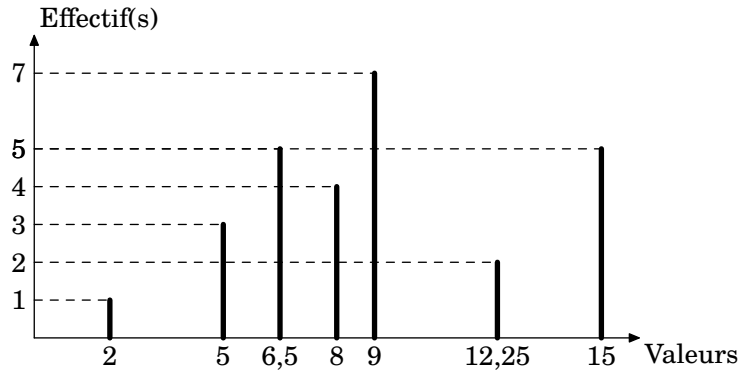
Valeurs	Lundi	Mardi	Mercredi	Jeudi	Vendredi	Samedi	Total
Effectif(s)	25	18	17	10	5	20	95
Angle (°)	47	34	32	19	9	38	180

On peut associer une représentation graphique à une série statistique grâce à :

La clé ⟨Graphique⟩ valeur par défaut : false

qui tracera[59] un des trois diagrammes proposés :
— le diagramme en bâtons par défaut ; on le désactivera avec la clé ⟨Batons⟩ positionnée à `false` ;
— le diagramme circulaire avec la clé ⟨Angle⟩ ;
— le diagramme semi-circulaire avec la clé ⟨SemiAngle⟩.

```
\Stat[Graphique]{2/1,5/3,6.5/5,8/4,9/7,12.25/2,15/5}
```



Il est possible de changer les unités sur les deux axes :

La clé ⟨Unitex⟩ valeur par défaut : 0.5 cm

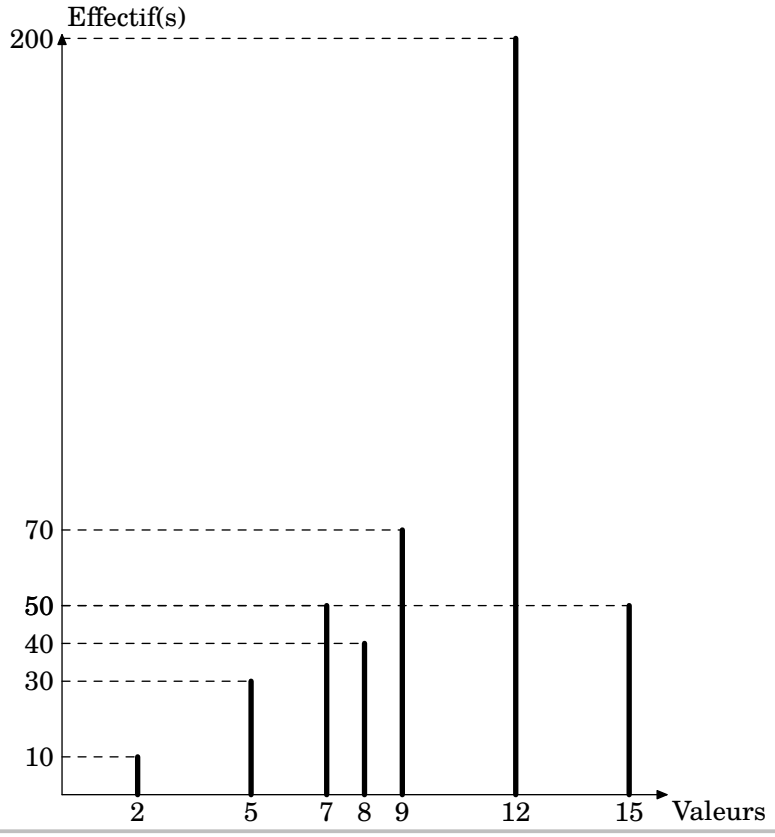
Elle sera donnée en *centimètre*.

La clé ⟨Unitey⟩ valeur par défaut : 0.5 cm

Elle sera donnée en *centimètre*.

59. Avec une compilation `shell-escape` (voir page 131).

```
\Stat[Graphique,Unitey=0.05]{2/10,5/30,7/50,8/40,9/70,12/200,15/50}
```

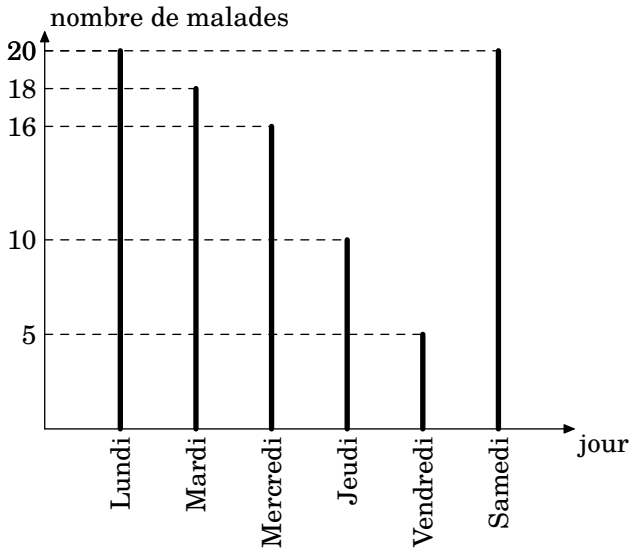


Il est également possible de changer les légendes sur les deux axes :

La clé ⟨Donnee⟩ valeur par défaut : Valeurs

La clé ⟨Effectif⟩ valeur par défaut : Effectif(s)

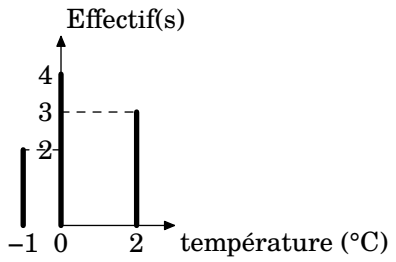
```
\Stat[Qualitatif,Graphique,Donnee=jour,Effectif=nombre de malades]{Lundi/20,Mardi/18,
    Mercredi/16,Jeudi/10,Vendredi/5,Samedi/20}
```



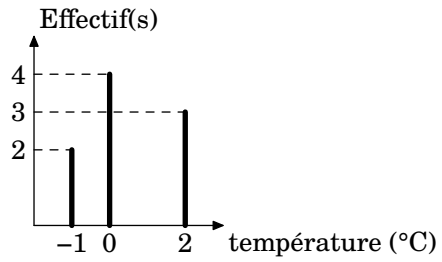
Parfois, les données inférieures de la série statistique sont assez éloignées de 0, voire négatives. On peut translater le diagramme en bâtons grâce à :

La clé ⟨Origine⟩ valeur par défaut : 0

```
\Stat[Graphique,Donnee=température (\si{
    \celsius})]{-1/2,0/4,2/3}
% Pas cohérent
```



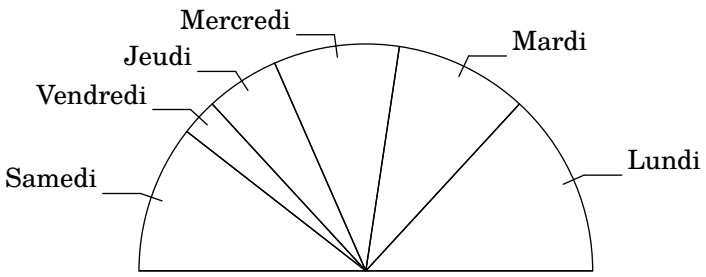

```
\Stat[Graphique,Donnee=température (\si{
    \celsius}),Origine=-2]{-1/2,0/4,2/3}
% C'est mieux :)
```



Attention, les diagrammes circulaire et semi-circulaire ne sont pas disponibles avec les caractères quantitatifs. Cependant, on peut changer le rayon des diagrammes circulaires et semi-circulaires avec :

La clé ⟨Rayon⟩ valeur par défaut : 3 cm

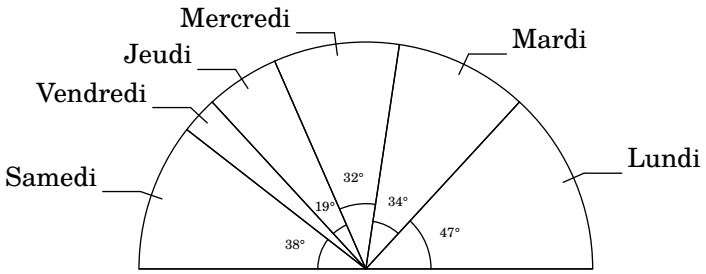
```
\Stat[Qualitatif,Graphique,SemiAngle,Batons=false]{Lundi/25,Mardi/18,Mercredi/17,
  Jeudi/10,Vendredi/5,Samedi/20}
```



On peut choisir d'afficher les angles[60] ou non avec

La clé ⟨AffichageAngle⟩ valeur par défaut : false

```
\Stat[Qualitatif,Graphique,SemiAngle,AffichageAngle,Batons=false]{Lundi/25,Mardi/18,
    Mercredi/17,Jeudi/10,Vendredi/5,Samedi/20}
```



Les indicateurs statistiques disponibles sont l'effectif total, l'étendue, la moyenne et la médiane. Ils sont gérés par :

La clé ⟨EffectifTotal⟩ valeur par défaut : false

qui indiquera *le calcul* (s'il est nécessaire) de l'effectif total.

60. Ceux qui sont supérieurs ou égaux à 15°.

```
\Stat[Tableau,EffectifTotal]{2/10,5/30,7/50,8/40,9/70,12/200,15/50}
\Stat[EffectifTotal]{2/10,5/30,7/50,8/40,9/70,12/200,15/50}
```

L'effectif total est :

$$10 + 30 + 50 + 40 + 70 + 200 + 50 = 450$$

Valeurs	2	5	7	8	9	12	15
Effectif(s)	10	30	50	40	70	200	50

L'effectif total est :

$$10 + 30 + 50 + 40 + 70 + 200 + 50 = 450$$

La clé ⟨Etendue⟩ valeur par défaut : false

qui affichera *le calcul* de l'étendue de la série considérée.

```
\Stat[Etendue]{2/10,5/30,7/50,8/40,9/70,12/200,15/50}
```

L'étendue est égale à $15 - 2 = 13$.

La clé ⟨Mediane⟩ valeur par défaut : false

qui affichera *le calcul* [61] de la médiane de la série considérée.

```
\Stat[Mediane]{2/10,5/30,7/50,8/40,9/70,12/200,15/50}
```

L'effectif total est 450. Or, $450 = 225 + 225$. La 225e donnée est 12. La 226e valeur est 12.
Donc la médiane est 12.

La clé ⟨Moyenne⟩ valeur par défaut : false

qui affichera *le calcul* de la moyenne de la série considérée. Ce dernier calcul est fait en association avec la clé

La clé ⟨Precision⟩ valeur par défaut : 2 (décimales)

```
\Stat[Moyenne]{2/10,5/30,7/50,8/40,9/70,12/200,15/50}
```

La somme des données est :

$$10 \times 2 + 30 \times 5 + 50 \times 7 + 40 \times 8 + 70 \times 9 + 200 \times 12 + 50 \times 15 = 4\,620$$

L'effectif total est :

$$10 + 30 + 50 + 40 + 70 + 200 + 50 = 450$$

Donc la moyenne est égale à :

$$\frac{4\,620}{450} \approx 10{,}27.$$

Pour le calcul de la moyenne, il apparaît *systématiquement* le calcul de l'effectif total. Cependant, selon les exercices, le calcul de l'effectif total peut être demandé dès la première question et, par conséquent, son explicitation dans le calcul de la moyenne devient inutile…

La clé ⟨SET⟩ valeur par défaut : false

permet de ne pas afficher le détail du calcul de l'effectif total.

61. Le cas d'un effectif total pair ou impair est géré.

```
\Stat[Moyenne]{1/3,2/5}
```

La somme des données est :

$$3 \times 1 + 5 \times 2 = 13$$

L'effectif total est :

$$3 + 5 = 8$$

Donc la moyenne est égale à :

$$\frac{13}{8} \approx 1{,}62.$$

```
\Stat[Moyenne,SET]{1/3,2/5}
```

La somme des données est :

$$3 \times 1 + 5 \times 2 = 13$$

Donc la moyenne est égale à :

$$\frac{13}{8} \approx 1{,}62.$$

Parfois, le calcul de la somme des données peut prendre beaucoup de place… Aussi, le choix a été fait de le « raccourcir » de manière *automatique*. Pour régler cela, on dispose de

La clé ⟨Coupure⟩ valeur par défaut : 10

qui permet de modifier la limite de données à partir de laquelle il faut écrire la somme des données sous la forme d'une somme « raccourcie ».

```
% ça dépasse :(
\Stat[Moyenne,Concret,Unite=\si{\centi\metre}]{
    150/25,155/23,160/30,165/50,170/40,175/18,180/10,185/3,190/1}
```

La somme des données est :

$$25\times150\text{ cm}+23\times155\text{ cm}+30\times160\text{ cm}+50\times165\text{ cm}+40\times170\text{ cm}+18\times175\text{ cm}+10\times180\text{ cm}+3\times185\text{ cm}+190\text{ cm} = 32\,860$$

L'effectif total est :

$$25 + 23 + 30 + 50 + 40 + 18 + 10 + 3 + 1 = 200$$

Donc la moyenne est égale à :

$$\frac{32\,860\text{ cm}}{200} = 164{,}3\text{ cm}.$$

```
% c'est mieux
\Stat[Moyenne,Concret,Unite=\si{\centi\metre},Coupure=5]{
    150/25,155/23,160/30,165/50,170/40,175/18,180/10,185/3,190/1}
```

La somme des données est :

$$25 \times 150\text{ cm} + 23 \times 155\text{ cm} + \ldots + 3 \times 185\text{ cm} + 190\text{ cm} = 32\,860\text{ cm}$$

L'effectif total est :

$$25 + 23 + 30 + 50 + 40 + 18 + 10 + 3 + 1 = 200$$

Donc la moyenne est égale à :

$$\frac{32\,860\text{ cm}}{200} = 164{,}3\text{ cm}.$$

De même pour la médiane :

```
\Stat[Liste,Mediane]{175,155,162,173,164,153,163}
```

On range les données par ordre croissant :

$$153; 155; 162; 163; 164; 173; 175.$$

L'effectif total est 7. Or, $7 = 3 + 1 + 3$.
La médiane est la 4e donnée.
Donc la médiane est 163.

```
\Stat[Liste,Mediane,Coupure=17]{175,155,162,173,164,153,163,167,163,180,153,160,
  156,160,156,181,173,157,165,163,168,175,145,175,150,200,150,130}
```

On range les données par ordre croissant :

130 ; 145 ; 150 ; 150 ; 153 ; 153 ; 155 ; 156 ; 156 ; 157 ; 160 ; 160 ; 162 ; 163 ; 163 ; 163 ; 164 ; 165 ; 167 ; 168 ; 173 ; 173 ; 175 ; 175 ; 175 ; 180 ; 181 ; 200.

L'effectif total est 28. Or, $28 = 14 + 14$.
La 14e donnée est 163. La 15e donnée est 163. Donc la médiane est 163.

Sommes-nous dans un problème concret ? Il faut donc que l'unité des données soit gérée. Cela se fait avec les clés :

La clé ⟨Concret⟩ valeur par défaut : false

permettra d'afficher l'unité choisie, indiquée par

La clé ⟨Unite⟩ valeur par défaut : {}

```
\Stat[Qualitatif,Concret,Unite=km,Etendue]{Lundi/25,Mardi/18,Mercredi/17,Jeudi/10,
    Vendredi/5,Samedi/20,Dimanche/2}
```

L'étendue est égale à 25 km − 2 km = 23 km.

```
\Stat[Qualitatif,Concret,Unite=km,Moyenne]{Lundi/25,Mardi/18,Mercredi/17,Jeudi/10,
    Vendredi/5,Samedi/20,Dimanche/2}
```

La somme des données est :

$$25\text{ km} + 18\text{ km} + 17\text{ km} + 10\text{ km} + 5\text{ km} + 20\text{ km} + 2\text{ km} = 97\text{ km}$$

L'effectif total est 7.
Donc la moyenne est égale à :

$$\frac{97\text{ km}}{7} \approx 13{,}86\text{ km}.$$

```
\Stat[Qualitatif,Concret,Unite=km,Mediane]{Lundi/25,Mardi/18,Mercredi/17,Jeudi/10,
    Vendredi/5,Samedi/20,Dimanche/2}
```

On range les données par ordre croissant :

$$2\text{ km}; 5\text{ km}; 10\text{ km}; 17\text{ km}; 18\text{ km}; 20\text{ km}; 25\text{ km}.$$

L'effectif total est 7. Or, $7 = 3 + 1 + 3$.
La médiane est la 4e donnée.
Donc la médiane est 17 km.

On peut grouper les trois calculs mais ils seront affichés *dans l'ordre implanté dans la macro* :

```
\Stat[Qualitatif,Concret,Unite=km,Etendue,Moyenne,Mediane]{Lundi/25,Mardi/18,Mercredi
    /17,Jeudi/10,Vendredi/5,Samedi/20,Dimanche/2}
```

La somme des données est :

$$25\text{ km} + 18\text{ km} + 17\text{ km} + 10\text{ km} + 5\text{ km} + 20\text{ km} + 2\text{ km} = 97\text{ km}$$

L'effectif total est 7.
Donc la moyenne est égale à :

$$\frac{97\text{ km}}{7} \approx 13{,}86\text{ km}.$$

L'étendue est égale à $25\text{ km} - 2\text{ km} = 23\text{ km}$.
On range les données par ordre croissant :

$$2\text{ km}; 5\text{ km}; 10\text{ km}; 17\text{ km}; 18\text{ km}; 20\text{ km}; 25\text{ km}.$$

L'effectif total est 7. Or, $7 = 3 + 1 + 3$.
La médiane est la 4e donnée.
Donc la médiane est 17 km.

Cas particulier des listes de nombres Elles méritent une écriture particulière à la fois dans la façon de les utiliser dans la commande `\Stat` et également dans le traitement pour les calculs. Cela se fera avec

la clé ⟨Liste⟩ valeur par défaut : false

```
\Stat[Liste,Mediane]{15,27,30,12,7,15,37,25,6}
```

On range les données par ordre croissant :

$$6; 7; 12; 15; 15; 25; 27; 30; 37.$$

L'effectif total est 9. Or, $9 = 4 + 1 + 4$.
La médiane est la 5e donnée.
Donc la médiane est 15.

```
\Stat[Liste,Etendue]{15,27,30,12,7,15,37,25,6}
```

L'étendue est égale à $37 - 6 = 31$.

```
\Stat[Liste,Moyenne]{15,27,30,12,7,15,37,25,6}
```

La somme des données est :

$$15 + 27 + 30 + 12 + 7 + 15 + 37 + 25 + 6 = 174$$

L'effectif total est 9.
Donc la moyenne est égale à :

$$\frac{174}{9} \approx 19{,}33.$$

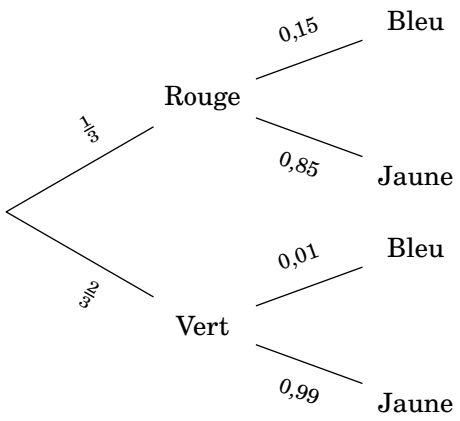
21 Les probabilités

Pour afficher [62] une échelle de probabilité ou un arbre de probabilité [63], on utilisera la commande :

```
\Proba[⟨clés⟩]{⟨Liste des évènements et probabilités⟩}
```

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
— ⟨Liste des évènements et probabilités⟩ donnés sous la forme :
  — e1/p1 , e2/p2... [64] pour les arbres de probabilités ;
  — n1/d1/e1, n2/d2/e2... [65] pour les échelles de probabilités [66].
  Attention, ces listes doivent être *non vides*.



Les échelles de probabilité

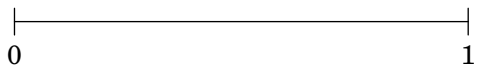
La clé ⟨Echelle⟩ valeur par défaut : false

Une fois le choix de l'échelle fait, on dispose de plusieurs paramètres :

La clé ⟨LongueurEchelle⟩ valeur par défaut : 5

Elle sera donnée en centimètre (sans unité).

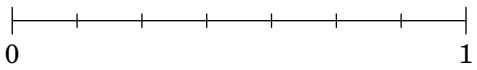
```
\Proba[Echelle,LongueurEchelle=6]{2/3/A}
```



La clé ⟨Grille⟩ valeur par défaut : 0

Elle affiche une graduation de l'échelle de probabilité basée sur la valeur donnée.

```
%On veut partager l'échelle en 7 parts
\Proba[Echelle,LongueurEchelle=6,Grille=7]{2/3/A}
```



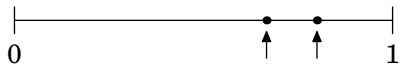
La clé ⟨Affichage⟩ valeur par défaut : 0

Elle affiche :
— l'échelle vide si elle vaut 0 ;
— l'échelle et les flèches associées aux probabilités données si elle vaut 1 ;
— l'échelle, les flèches associées aux probabilités données et le nom des évènements si elle vaut 2 ;
— l'échelle, les flèches associées aux probabilités données et les probabilités si elle vaut 3 ;
— l'échelle, les flèches associées aux probabilités données, le nom des évènements et les probabilités si elle vaut 4 ;

62. Avec une compilation shell-escape (voir page 131).
63. limité aux expériences aléatoires à deux épreuves.
64. e1 évènement 1 ; p1 probabilité 1...
65. n1 numérateur 1 ; d1 dénominateur 1 ; e1 évènement 1...
66. Ce *léger* changement dans la liste des évènements a été dicté par la programmation...

```
\Proba[Echelle]{2/3/A,4/5/B}
```

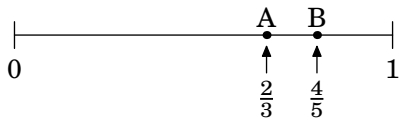
```
\Proba[Echelle,Affichage=1]{2/3/A,4/5/B}
```




```
\Proba[Echelle,Affichage=2]{2/3/A,4/5/B}
```

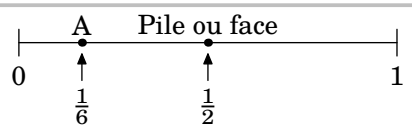
```
\Proba[Echelle,Affichage=3]{2/3/A,4/5/B}
```

```
\Proba[Echelle,Affichage=4]{2/3/A,4/5/B}
```



Un dernier exemple :

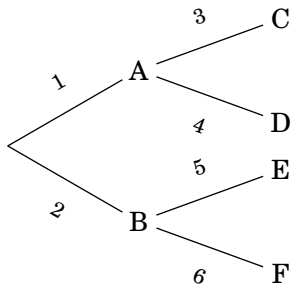
```
\Proba[Echelle,Affichage=4]{1/6/A,1/2/Pile ou face}
```



Les arbres de probabilité

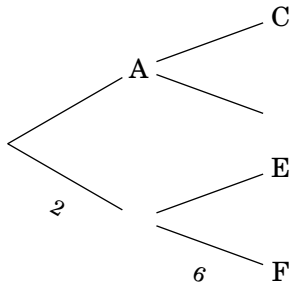
La clé ⟨Arbre⟩ valeur par défaut : false

```
\Proba[Arbre]{A/1,B/2,C/3,D/4,E/5,F/6}
```



Cet exemple est farfelu mais permet de positionner les appellations pour le placement des noms des évènements et des probabilités.
Dans le cadre d'une remédiation, d'un DS… on peut « oublier » certains parties de la liste

```
\Proba[Arbre]{A/,/2,C/,/,E/,F/6}
```

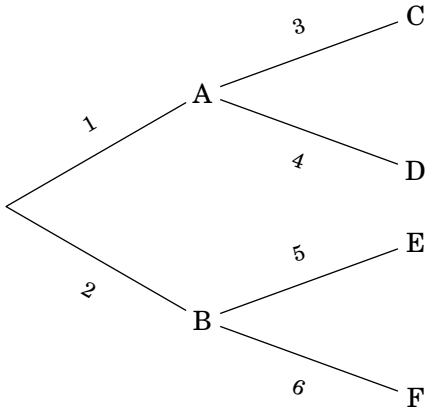


Comme pour l'échelle, plusieurs paramètres sont disponibles :

La clé ⟨Branche⟩ valeur par défaut : 2

Elle sera donnée en cm.

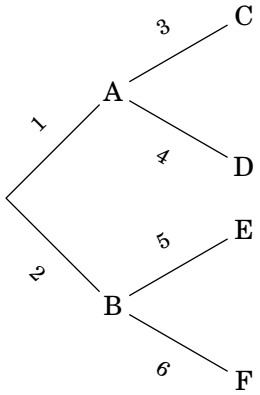
```
\Proba[Arbre,Branche=3]{A/1,B/2,C/3,D/4,E/5,F/6}
```



La clé ⟨Angle⟩ valeur par défaut : 60

C'est l'angle entre les deux premières branches de l'arbre. L'angle entre les branches secondaires représente *la moitié* de l'angle de référence.

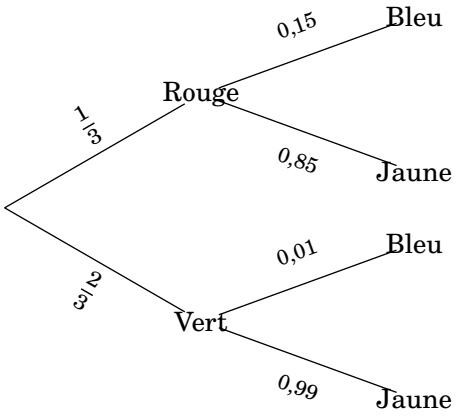
```
\Proba[Arbre,Angle=90]{A/1,B/2,C/3,D/4,E/5,F/6}
```



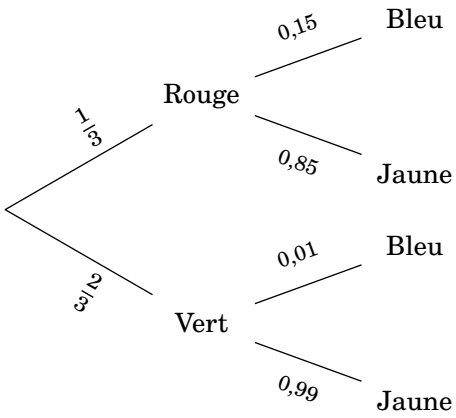
La clé ⟨Rayon⟩ valeur par défaut : 0.25

Elle sera donnée en cm. Pourquoi cette clé ? Un exemple [67] vaut mieux qu'un long discours…

```
\[\Proba[Arbre,Branche=3]{Rouge/$\dfrac13
    $,Vert/$\dfrac23$,Bleu/\num{0.15},
    Jaune/\num{0.85},Bleu/\num{0.01},
    Jaune/\num{0.99}}\]
```




```
\[\Proba[Arbre,Branche=3,Rayon=0.75]{
    Rouge/$\dfrac13$,Vert/$\dfrac23$,Bleu
    /\num{0.15},Jaune/\num{0.85},Bleu/
    \num{0.01},Jaune/\num{0.99}}\]
```



67. Il montre également la façon d'indiquer les probabilités sous différentes formes.

22 Les fonctions affines

Afin de permettre le calcul d'image, d'antécédent… par une fonction affine, on utilisera la commande :

```
\FonctionAffine[⟨clés⟩]{⟨Noms des points considérés⟩}{a}{b}{c}{d}
```

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels, au moins un est attendu) ;
— a, b, c et d sont des valeurs numériques *connues ou non*.

```
\FonctionAffine{2}{3}{-5}{2}
```

Comme on peut le voir, la commande seule ne fait rien…

les clés ⟨Definition⟩ et ⟨Ecriture⟩ valeur par défaut : false

Elles permettent d'écrire la fonction affine à l'aide des paramètres a et b.

```
\FonctionAffine[Definition]{2}{1.5}{0}{0}

\FonctionAffine[Ecriture]{-3}{2}{0}{0}

\FonctionAffine[Ecriture]{-3}{0}{0}{0}

\FonctionAffine[Ecriture]{0}{2}{0}{0}
```

$f : x \mapsto 2x + 1{,}5$
$f(x) = -3x + 2$
$f(x) = -3x$
$f(x) = 2$

La clé ⟨Image⟩ valeur par défaut : false

Elle permettra de calculer l'image de la valeur a par une fonction affine bx+c [68].

```
\FonctionAffine[Image]{2}{4.5}{3}{}
```

$f(2) = 4{,}5 \times 2 + 3$
$f(2) = 9 + 3$
$f(2) = 12$

On pourra l'associer aux clés :

La clé ⟨Ligne⟩ valeur par défaut : false

```
\FonctionAffine[Image,Ligne]{-2}{5}{3.5}{}
```

$f(-2) = 5 \times (-2) + 3{,}5 = -10 + 3{,}5 = -6{,}5$

La clé ⟨ProgCalcul⟩ valeur par défaut : false

```
\FonctionAffine[Image,ProgCalcul]{0}{4.25}{3.1}{}
```

$f : x \xrightarrow{\times 4{,}25} 4{,}25x \xrightarrow{+3{,}1} 4{,}25x + 3{,}1$
$f : 0 \xrightarrow{\times 4{,}25} 0 \xrightarrow{+3{,}1} 3{,}1$

Avant d'aller plus loin, on peut changer le nom de la fonction et de la variable :

La clé ⟨Nom⟩ valeur par défaut : f

La clé ⟨Variable⟩ valeur par défaut : x

```
\FonctionAffine[Image,Nom=g,Variable=t]{2}{4.25}{3.1}{}
```

$g(2) = 4{,}25 \times 2 + 3{,}1$
$g(2) = 8{,}5 + 3{,}1$
$g(2) = 11{,}6$

68. Ce choix dans l'ordre des arguments a été dicté par « Calculer l'image de 2 par la fonction… »

La clé ⟨Antecedent⟩ valeur par défaut : false

pour calculer l'antécédent de a par la fonction bx+c.

```
\FonctionAffine[Antecedent]{2}{4.5}{3}{}
```

On cherche l'antécédent de 2 par la fonction f, c'est-à-dire le nombre x tel que $f(x) = 2$. Or, la fonction f est définie par :

$$f : x \xrightarrow{\times 4{,}5} 4{,}5x \xrightarrow{+3} 4{,}5x + 3$$

Par conséquent, on a :

$$\begin{aligned} 4{,}5x + 3 &= 2 \\ 4{,}5x &= -1 \\ x &= \frac{-1}{4{,}5} \end{aligned}$$

On pourra l'associer à la clé :

La clé ⟨ProgCalcul⟩ valeur par défaut : false

```
\FonctionAffine[Antecedent,ProgCalcul]{0}{4.25}{3.1}{}
```

La fonction affine f est définie par :

$$f : x \xrightarrow{\times 4{,}25} 4{,}25x \xrightarrow{+3{,}1} 4{,}25x + 3{,}1$$

Nous cherchons le nombre x tel que son image par la fonction f soit 0. Donc on obtient :

$$f : \frac{-3{,}1}{4{,}25} \xleftarrow{\div 4{,}25} -3{,}1 \xleftarrow{-3{,}1} 0$$

On peut rechercher une fonction affine passant par les points (a;b) et (c;d), on utilisera

La clé ⟨Retrouve⟩ valeur par défaut : false

```
\FonctionAffine[Retrouve]{2}{3}{4}{5}
```

On sait que f est une fonction affine. Donc elle s'écrit sous la forme :

$$f(x) = ax + b$$

Or, $f(2) = 3$ et $f(4) = 5$. Par conséquent, d'après la propriété des accroissements :

$$\begin{aligned} a &= \frac{f(2) - f(4)}{2 - 4} \\ a &= \frac{3 - 5}{-2} \\ a &= \frac{-2}{-2} \\ a &= 1 \end{aligned}$$

La fonction f s'écrit alors sous la forme $f(x) = 1x + b$.
De plus, comme $f(2) = 3$, alors :

$$\begin{aligned} 1 \times 2 + b &= 3 \\ 2 + b &= 3 \\ b &= 1 \end{aligned}$$

La fonction affine f cherchée est :

$$f : x \mapsto 1x + 1$$

Une fois les calculs faits, on peut passer à la représentation graphique[69].

La clé ⟨Redaction⟩ valeur par défaut : false

Cela affichera « une » rédaction associée à la représentation graphique de la fonction. Les paramètres a et b permettront de définir la fonction affine étudiée (ax+b), c et d seront les abscisses des points à utiliser pour le tracé. Les cas des fonctions linéaires (d ne sera pas utilisé) et des fonctions constantes (c et d ne seront pas utilisés) sont gérés.

`\FonctionAffine[Redaction]{2}{-5}{-1}{4}`	Comme f est une fonction affine, alors sa représentation graphique est une droite. Je choisis $x = -1$. Son image est $f(-1) = 2 \times (-1) - 5 = -2 - 5 = -7$. On place le point de coordonnées $(-1;-7)$. Je choisis $x = 4$. Son image est $f(4) = 2 \times 4 - 5 = 8 - 5 = 3$. On place le point de coordonnées $(4;3)$.

`\FonctionAffine[Redaction]{-2}{0}{-1}{4}`	Comme la fonction f est une fonction linéaire, alors sa représentation graphique est une droite passant par l'origine du repère. Je choisis $x = -1$. Son image est $f(-1) = -2 \times (-1) = 2$. On place le point de coordonnées $(-1;2)$.

`\FonctionAffine[Redaction]{0}{4}{-1}{4}`	Comme la fonction f est une fonction constante, alors sa représentation graphique est une droite parallèle à l'axe des abscisses passant par le point de coordonnées $(0;4)$.

On lui associe une représentation graphique par

La clé ⟨Graphique⟩ valeur par défaut : false

Les paramètres a, b, c et d jouent le même rôle que pour la rédaction.
En association, on dispose des possibilités suivantes :

La clé ⟨Unitex⟩ valeur par défaut : 1

La clé ⟨Unitey⟩ valeur par défaut : 1

elles seront données en centimètre.

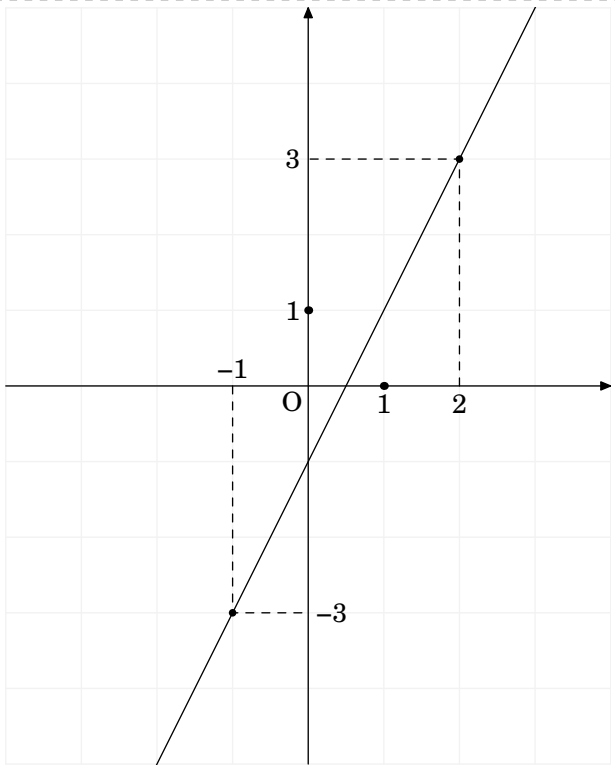
La clé ⟨VoirCoef⟩ valeur par défaut : false

pour afficher la lecture graphique du coefficient directeur.

La clé ⟨ACoef⟩ valeur par défaut : 0

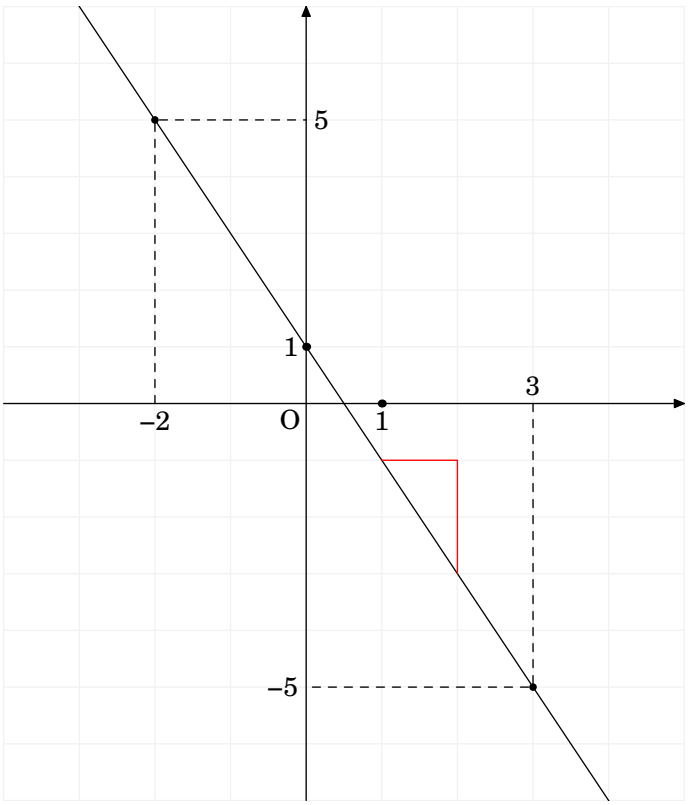
pour indiquer l'abscisse du point permettant cette lecture graphique du coefficient directeur.

`\FonctionAffine[Graphique]{2}{-1}{-1}{2}`



69. Avec une compilation shell-escape (voir page 131).

```
\FonctionAffine[Graphique,VoirCoef,ACoef=1,Unitex=1,Unitey=0.75]{-2}{1}{-2}{3}
```



23 Les fonctions ?

La commande proposée n'a pas vocation à être utilisée intensément. Sa principale utilité est de construire un tableau de valeurs *brut* associé à une fonction. Brut, car aucun contrôle sur le résultat affiché n'est fait.

`\Fonction[⟨clés⟩]{⟨Liste des valeurs⟩}`

---

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
— ⟨Liste des valeurs⟩ est un ensemble *non vide* de valeurs numériques dont on veut calculer l'image par la fonction considérée.

```
\Fonction{2,3}
```

Comme on peut le voir, la commande seule ne fait rien… Tous les affichages obtenus par cette commande sont basés sur

La clé ⟨Calcul⟩ valeur par défaut : x

C'est elle qui va indiquer la fonction à utiliser pour les calculs effectués dans le tableau affiché. Elle sera également utilisée pour l'affichage de la définition et de l'écriture de la fonction. Quelques précisions :

— elle s'écrira sous forme *informatique* : `2*x` pour $2x$, `x**2` pour x^2… [70]

```
\Fonction[Calcul=2**(x-1)+4*x,Tableau]{0,1,2,3}

\Fonction[Calcul=sqrt(x-1),Tableau]{1,2,5,10}
```

x	0	1	2	3
$f(x)$	0,5	5	10	16

x	1	2	5	10
$f(x)$	0	1	2	3

Rappel : aucun contrôle sur le nombre à afficher !

```
\Fonction[Calcul=ln(x-1),Tableau,Largeur=4cm]{4}
```

x	4
$f(x)$	1,098 612 288 668 11

— elle s'écrira en cohérence avec la variable utilisée.

```
\Fonction[Variable=t,Calcul=(t+3)**2-1,
    Tableau]{-2,-1,0,1,2}
```

t	−2	−1	0	1	2
$f(t)$	0	3	8	15	24

— Pour l'affichage ou l'écriture de la fonction [71], il faudra protéger avec des {…} ce qui convient de l'être. *Attention : seules les formes polynomiales sont prises en charge avec ces clés !*

```
%Sans accolades
\Fonction[Calcul=2**x+3,Ecriture]{0}
\Fonction[Calcul=2**x+3,Tableau]{0}
%Avec accolades
\Fonction[Calcul=2**{x+3},Definition]{0}
\Fonction[Calcul=2**(x+3),Tableau]{0}
```

$f(x) = 2^x + 3$

x	0
$f(x)$	4

$f : x \mapsto 2^{x+3}$

x	0
$f(x)$	8

70. On pourra se référer au manuel du package xfp pour l'utilisation d'autres fonctions de calculs.
71. Car des substitutions sont faites pour que LaTeX écrive correctement la forme mathématique de la fonction.

Résumons :

La clé ⟨**Calcul**⟩ pour savoir la fonction à utiliser.	valeur par défaut : x
La clé ⟨**Tableau**⟩ pour créer et afficher un tableau de valeurs.	valeur par défaut : false
La clé ⟨**Largeur**⟩ pour la largeur des cellules du tableau.	valeur par défaut : 5mm
La clé ⟨**Nom**⟩ pour changer le nom de la fonction.	valeur par défaut : f
La clé ⟨**Variable**⟩ pour changer le nom de la variable.	valeur par défaut : x
La clé ⟨**Definition**⟩ pour écrire la définition de la fonction.	valeur par défaut : false
La clé ⟨**Ecriture**⟩ pour écrire la fonction.	valeur par défaut : false

24 La distributivité

La commande a pour but de développer des expressions en utilisant la simple ou la double distributivité. On l'utilisera pour développer des expressions du type $(2x+3)(4x+3)$; $2(x+3)$ ou $5x(x-2)$.

Elle a la forme suivante :

```
\Distri[⟨clés⟩]{a}{b}{c}{d}
```

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
— a, b, c et d sont les valeurs des nombres relatifs utilisés (paramètres obligatoires).

Cette commande s'utilise mode mathématique ou pas, en ligne ou hors-texte.

```
\Distri{2}{3}{4}{5}

$\Distri{-3}{4}{-2}{-3}$

\[\Distri{5}{3}{4}{-1}\]

\[\Distri{2}{0}{4}{5}\]

\[\Distri{2}{4}{0}{5}\]
```

$(2x+3)(4x+5)$
$(-3x+4)(-2x-3)$

$$(5x+3)(4x-1)$$

$$2x(4x+5)$$

$$(2x+4)\times 5$$

Si cette commande ne servait qu'à écrire des expressions telle que $(2x+1)(3x-2)$, elle serait bien inutile… Les ⟨clés⟩ (paramètres optionnels) vont faire la différence.

La clé ⟨Etape⟩ valeur par défaut : 1

Cette clé sert à écrire une des étapes du développement. Uniquement les nombres entiers de 1 à 4.

```
Développer l'expression
\[A=(2x+3)(4x-1)\]
\begin{align*}
  A &= \Distri{2}{3}{4}{-1}\\
  A &= \Distri[Etape=2]{2}{3}{4}{-1}\\
  A &= \Distri[Etape=3]{2}{3}{4}{-1}\\
  A &= \Distri[Etape=4]{2}{3}{4}{-1}
\end{align*}
```

Développer l'expression

$$A=(2x+3)(4x-1)$$

$$\begin{aligned}
A &= (2x+3)(4x-1)\\
A &= 2x\times 4x+2x\times(-1)+3\times 4x+3\times(-1)\\
A &= 8x^2+(-2x)+12x+(-3)\\
A &= 8x^2+10x-3
\end{aligned}$$

```
Développer l'expression
$B=-3x(4x+2)$.
\begin{align*}
  B &= \Distri{-3}{0}{4}{2}\\
  B &= \Distri[Etape=2]{-3}{0}{4}{2}\\
  B &= \Distri[Etape=3]{-3}{0}{4}{2}\\
  B &= \Distri[Etape=4]{-3}{0}{4}{2}
\end{align*}
```

Développer l'expression $B=-3x(4x+2)$.

$$\begin{aligned}
B &= -3x(4x+2)\\
B &= (-3x)\times 4x+(-3x)\times 2\\
B &= (-12x^2)+(-6x)\\
B &= -12x^2-6x
\end{aligned}$$

Il n'est pas nécessaire d'utiliser *uniquement* des nombres entiers relatifs…

```
Développer l'expression
\[C=\Distri{1.5}{3}{4}{-0.5}\]
\begin{align*}
  C &= \Distri{1.5}{3}{4}{-0.5}\\
  C &= \Distri[Etape=2]{1.5}{3}{4}{-0.5
      }\\
  C &= \Distri[Etape=3]{1.5}{3}{4}{-0.5
      }\\
  C &= \Distri[Etape=4]{1.5}{3}{4}{-0.5
      }
\end{align*}
```

Développer l'expression

$$C = (1{,}5x + 3)\,(4x - 0{,}5)$$

$$\begin{aligned}
C &= (1{,}5x + 3)\,(4x - 0{,}5)\\
C &= 1{,}5x \times 4x + 1{,}5x \times (-0{,}5) + 3 \times 4x + 3 \times (-0{,}5)\\
C &= 6x^2 + (-0{,}75x) + 12x + (-1{,}5)\\
C &= 6x^2 + 11{,}25x - 1{,}5
\end{aligned}$$

On peut obtenir l'ensemble du développement de manière plus *directe* :

La clé ⟨All⟩ valeur par défaut : false

```
\begin{align*}
  \Distri[All]{2}{4}{3}{7}
\end{align*}
```

$$\begin{aligned}
A &= (2x + 4)\,(3x + 7)\\
A &= 2x \times 3x + 2x \times 7 + 4 \times 3x + 4 \times 7\\
A &= 6x^2 + 14x + 12x + 28\\
A &= 6x^2 + 26x + 28
\end{aligned}$$

Attention tout de même : il faut *impérativement* que cette clé soit utilisée à l'intérieur d'un environnement mathématique type `align*`. De plus, toutes les autres clés sont désactivées sauf les deux qui lui sont associées :

La clé ⟨NomExpression⟩ valeur par défaut : A

La clé ⟨Fin⟩ valeur par défaut : 4

```
\begin{align*}
  \Distri[All,NomExpression=E]{3}{-5}{7}{1}
\end{align*}
```

$$\begin{aligned}
E &= (3x - 5)\,(7x + 1)\\
E &= 3x \times 7x + 3x \times 1 + (-5) \times 7x + (-5) \times 1\\
E &= 21x^2 + 3x + (-35x) + (-5)\\
E &= 21x^2 - 32x - 5
\end{aligned}$$

```
\begin{align*}
  \Distri[All,Fin=3]{3}{1}{3}{0}
\end{align*}
```

$$\begin{aligned}
A &= (3x + 1) \times 3x\\
A &= 3x \times 3x + 1 \times 3x\\
A &= 9x^2 + 3x
\end{aligned}$$

Néanmoins, on veillera à « la bonne » écriture des calculs obtenus grâce à la clé ⟨All⟩ :

```
\begin{align*}
  \Distri[All,NomExpression=A,Fin=3]{0}{
      -1}{5}{-2}
\end{align*}
```

$$\begin{aligned}
A &= \ -1(5x - 2)\\
A &= (-1) \times 5x + (-1) \times (-2)\\
A &= +(-5x) + 2
\end{aligned}$$

```
\begin{align*}
  A&=\Distri{0}{-1}{5}{-2}\\
  A&=\Distri[Etape=2]{0}{-1}{5}{-2}\\
  A&=\Distri[Etape=4]{0}{-1}{5}{-2}\\
\end{align*}
```

$$\begin{aligned}
A &= \ -1(5x - 2)\\
A &= (-1) \times 5x + (-1) \times (-2)\\
A &= -5x + 2
\end{aligned}$$

Il n'y a pas de clé prévue pour un développement direct *en ligne*. Deux raisons à cela :
— pédagogiquement, l'intérêt est très limité car cela engendre davantage d'erreurs de calculs ;
— un `\multido` [72] fait le travail :

```
$A\multido{\i=1+1}{4}{=\Distri[Etape=\i]{2}{4}{7}{8}}$
```

$A = (2x+4)(7x+8) = 2x \times 7x + 2x \times 8 + 4 \times 7x + 4 \times 8 = 14x^2 + 16x + 28x + 32 = 14x^2 + 44x + 32$

La clé ⟨Lettre⟩ valeur par défaut : x

Il est toujours intéressant de pouvoir changer le « nom » de la lettre utilisée dans un calcul littéral : h pour une hauteur, n pour un nombre…

```
\Distri[Lettre=n]{5}{-2}{-3}{7}

\Distri[Lettre=a]{1}{-1}{-1}{1}
```

$(5n-2)(-3n+7)$
$(a-1)(-a+1)$

Des lettres moins *conventionnelles* [73] peuvent être utilisées mais il faudra être prudent pour les protéger du mode mathématique [74] :

```
\Distri[Lettre=\text{\faRocket},Etape=3]{2}{3}{5}{6}
```

$10🚀^2 + 12🚀 + 15🚀 + 18$

Les clés ne se transmettent pas !

```
\begin{align*}
  D &=\Distri[Lettre=\text{\faRocket}]{2}{3}{5}{6}
      \\
  D &=\Distri[Etape=2]{2}{3}{5}{6}
\end{align*}
```

$D = (2🚀+3)(5🚀+6)$
$D = 2x \times 5x + 2x \times 6 + 3 \times 5x + 3 \times 6$

D'autres clés, moins utiles pour les calculs, mais davantage pour les enseignants sont disponibles :

La clé ⟨Fleches⟩ valeur par défaut : false

Pour indiquer la (ou les) flèche(s) du développement. Deux compilations sont nécessaires. On peut fixer les couleurs « haute » et « basse » respectivement par les clés ⟨CouleurFH⟩ et ⟨CouleurFB⟩.

```
\[\Distri[Fleches]{2}{0}{3}{-7}\]

\[\Distri[Fleches]{-2}{3}{4}{0}\]

\[\Distri[Fleches]{-2}{3}{-4}{2}\]

\[\Distri[Fleches,CouleurFH=purple,CouleurFB=
    cyan]{-2}{3}{-4}{2}\]
```

$$2x(3x-7)$$
$$(-2x+3) \times 4x$$
$$(-2x+3)(-4x+2)$$
$$(-2x+3)(-4x+2)$$

La clé ⟨AideMul⟩ valeur par défaut : false

Lors de l'étape 1, fait apparaître le signe × entre les facteurs.

72. du package `multido`.
73. Ici, un élément du package `fontawesome5`.
74. La commande `\text{}` provient du recommandé package `mathtools`. Il est chargé par `ProfCollege`.

```
% État initial
\[\Distri{-2}{3}{-4}{2}\]

% Avec les fleches
%et la multiplication entre facteurs
\[\Distri[Fleches,AideMul]{-2}{3}{-4}{2}\]
```

$$(-2x+3)\,(-4x+2)$$

$$(-2x+3)\times(-4x+2)$$

La clé ⟨Reduction⟩ valeur par défaut : false

Pour souligner les termes à regrouper *uniquement* dans la double distributivité et à l'étape 3.

On peut changer la couleur *du soulignement* avec la clé ⟨CouleurReduction⟩ valeur par défaut : black

```
\[\Distri[Etape=3,Reduction,CouleurReduction=purple]{-2}{3}{-4}{2}\]
```

$$8x^2 \underline{+\,(-4x)\,+\,(-12x)} + 6$$

Les clés ⟨AideAdda⟩ et ⟨AideAddb⟩ valeur par défaut : false

Pour faire apparaître l'écriture du développement considéré sous la forme :

- $k\,(a+b)$ avec la clé ⟨AideAdda⟩

```
\Distri[AideAddb]{2}{0}{4}{-1}

\Distri[AideAdda]{-3}{-5}{0}{2}
```

$$2x\,(4x+(-1))$$
$$(-3x+(-5))\times 2$$

- $(a+b)\,(c+d)$ avec les clés ⟨AideAdda⟩ et ⟨AideAddb⟩

```
\Distri[AideAdda]{-5}{-2}{3}{-1}

\Distri[AideAddb]{-5}{-2}{3}{-1}

\Distri[AideAdda,AideAddb]{-5}{-2}{3}{-1}
```

$$(-5x+(-2))\,(3x-1)$$
$$(-5x-2)\,(3x+(-1))$$
$$(-5x+(-2))\,(3x+(-1))$$

Pour changer la couleur des aides additives, on utilisera la clé ⟨CouleurAide⟩ valeur par défaut : `red`

```
\Distri[AideAdda,AideAddb,CouleurAide=purple]{-5}{-2}{3}{-1}
```

$$(-5x+(-2))\,(3x+(-1))$$

Résumons :

```latex
\begin{align*}
  A&=\Distri{-5}{-2}{3}{-1}\\
  A&=\Distri[AideMul]{-5}{-2}{3}{-1}\\
  A&=\Distri[AideMul,AideAdda,AideAddb]{-5}{-2}{3}{-1}\\
  \\
  A&=\Distri[Fleches,CouleurFH=orange,CouleurFB=black,AideMul,AideAdda,AideAddb]%
     {-5}{-2}{3}{-1}\\
  \\
  A&=\Distri[Etape=2]{-5}{-2}{3}{-1}\\
  A&=\Distri[Etape=3,CouleurReduction=purple,Reduction]{-5}{-2}{3}{-1}\\
  A&=\Distri[Etape=4]{-5}{-2}{3}{-1}
\end{align*}
```

$$
\begin{aligned}
A &= (-5x-2)\,(3x-1)\\
A &= (-5x-2)\times(3x-1)\\
A &= (-5x+(-2))\times(3x+(-1))\\
A &= (-5x+(-2))\times(3x+(-1))\\
A &= (-5x)\times 3x+(-5x)\times(-1)+(-2)\times 3x+(-2)\times(-1)\\
A &= (-15x^2)\underline{+5x+(-6x)}+2\\
A &= -15x^2-x+2
\end{aligned}
$$

Qu'en est-il de la somme ou la différence de deux développements ? Le calcul final est à faire à la main…

```latex
\begin{align*}
  A&=\Distri[Etape=1]{4}{5}{6}{7}+\Distri[Etape=1]{2}{-3}{5}{-1}\\
  A&=\Distri[Etape=2]{4}{5}{6}{7}+\Distri[Etape=2]{2}{-3}{5}{-1}\\
  A&=\Distri[Etape=3]{4}{5}{6}{7}+\Distri[Etape=3]{2}{-3}{5}{-1}\\
  A&=\Distri[Etape=4]{4}{5}{6}{7}+\Distri[Etape=4]{2}{-3}{5}{-1}\\
  A&=34x^2+41x+38
\end{align*}
```

$$
\begin{aligned}
A &= (4x+5)\,(6x+7)+(2x-3)\,(5x-1)\\
A &= 4x\times 6x+4x\times 7+5\times 6x+5\times 7+2x\times 5x+2x\times(-1)+(-3)\times 5x+(-3)\times(-1)\\
A &= 24x^2+28x+30x+35+10x^2+(-2x)+(-15x)+3\\
A &= 24x^2+58x+35+10x^2-17x+3\\
A &= 34x^2+41x+38
\end{aligned}
$$

Ce serait un peu bête, non ? Pour l'automatiser, nous disposons de trois clés et d'une commande :

La clé ⟨Somme⟩ valeur par défaut : false

qui va effectuer la somme des divers coefficients d'un développement avec des compteurs globaux. C'est pour cela qu'il faut le mettre *uniquement* à la dernière étape et sur tous les développements.

La clé ⟨Difference⟩ valeur par défaut : false

qui joue le même rôle que la clé ⟨Somme⟩ mais pour la différence.

La clé ⟨RAZ⟩ valeur par défaut : false

clé *essentielle* pour que les calculs se fassent correctement.

La commande `\Resultat` qui va effectuer les calculs demandés.

```
\begin{align*}
  A&=\Distri[RAZ,Etape=1]{4}{5}{6}{7}+\Distri[Etape=1]{2}{-3}{5}{-1}\\
  A&=\Distri[Etape=2]{4}{5}{6}{7}+\Distri[Etape=2]{2}{-3}{5}{-1}\\
  A&=\Distri[Etape=3]{4}{5}{6}{7}+\Distri[Etape=3]{2}{-3}{5}{-1}\\
  A&=\Distri[Somme,Etape=4]{4}{5}{6}{7}+\Distri[Somme,Etape=4]{2}{-3}{5}{-1}\\
  A&=\Resultat
\end{align*}
```

$$\begin{aligned}
A &= (4x+5)(6x+7)+(2x-3)(5x-1)\\
A &= 4x\times 6x+4x\times 7+5\times 6x+5\times 7+2x\times 5x+2x\times(-1)+(-3)\times 5x+(-3)\times(-1)\\
A &= 24x^2+28x+30x+35+10x^2+(-2x)+(-15x)+3\\
A &= 24x^2+58x+35+10x^2-17x+3\\
A &= 34x^2+41x+38
\end{aligned}$$

```
\begin{align}
  A&=\Distri[RAZ,Etape=1]{4}{5}{6}{7}-\Distri[Etape=1]{2}{0}{5}{-1}\\
  A&=\Distri[Etape=2]{4}{5}{6}{7}-(\Distri[Etape=2]{2}{0}{5}{-1})\\
  A&=\Distri[Etape=3]{4}{5}{6}{7}-(\Distri[Etape=3]{2}{0}{5}{-1})\\
  A&=\Distri[Somme,Etape=4]{4}{5}{6}{7}-(\Distri[Difference,Etape=4]{2}{0}{5}{-1})\\
  A&=\Resultat
\end{align}
```

$$\begin{aligned}
A &= (4x+5)(6x+7)-2x(5x-1) && (1)\\
A &= 4x\times 6x+4x\times 7+5\times 6x+5\times 7-(2x\times 5x+2x\times(-1)) && (2)\\
A &= 24x^2+28x+30x+35-(10x^2+(-2x)) && (3)\\
A &= 24x^2+58x+35-(10x^2-2x) && (4)\\
A &= 14x^2+60x+35 && (5)
\end{aligned}$$

On peut, pour des raisons pédagogiques, vouloir faire apparaître une ligne entre les lignes (4) et (5) pour permettre d'utiliser la propriété « soustraire un nombre, c'est ajouter son opposé ». Cela se fait avec

La clé ⟨Oppose⟩ valeur par défaut : false

```
\begin{align}
  A&=\Distri[RAZ,Etape=1]{4}{5}{6}{7}-\Distri[Etape=1]{2}{0}{5}{-1}\\
  A&=\Distri[Etape=2]{4}{5}{6}{7}-(\Distri[Etape=2]{2}{0}{5}{-1})\\
  A&=\Distri[Etape=3]{4}{5}{6}{7}-(\Distri[Etape=3]{2}{0}{5}{-1})\\
  A&=\Distri[Etape=4]{4}{5}{6}{7}-(\Distri[Etape=4]{2}{0}{5}{-1})\\
  A&=\Distri[Somme,Etape=4]{4}{5}{6}{7}+\Distri[Oppose,Difference,Etape=4]{2}{0}{5}{-1}
      \nonumber\\
  A&=\Resultat
\end{align}
```

$$A = (4x+5)(6x+7) - 2x(5x-1) \tag{1}$$
$$A = 4x \times 6x + 4x \times 7 + 5 \times 6x + 5 \times 7 - (2x \times 5x + 2x \times (-1)) \tag{2}$$
$$A = 24x^2 + 28x + 30x + 35 - (10x^2 + (-2x)) \tag{3}$$
$$A = 24x^2 + 58x + 35 - (10x^2 - 2x) \tag{4}$$
$$A = 24x^2 + 58x + 35 + (-10x^2) + 2x$$
$$A = 14x^2 + 60x + 35 \tag{5}$$

Basée sur une idée de Laurent Lassalle Carrere, on peut proposer une commande telle que la suivante :

```
\newcommand\DoubleFlecheDifference[9][]{%
  % #1 : option
  % #2 à #9 : les valeurs intervenant dans les deux distributivités.
\setKV[ClesDistributivite]{#1}%
\begin{align*}
  \useKV[ClesDistributivite]{NomExpression}&=\Distri[#1,RAZ,Etape=1]{#2}{#3}{#4}{#5}-
      \Distri[#1,Etape=1]{#6}{#7}{#8}{#9}\\
  \useKV[ClesDistributivite]{NomExpression}&=\Distri[Etape=2]{#2}{#3}{#4}{#5}-(\Distri
      [Etape=2]{#6}{#7}{#8}{#9})\\
  \useKV[ClesDistributivite]{NomExpression}&=\Distri[Etape=3]{#2}{#3}{#4}{#5}-(\Distri
      [Etape=3]{#6}{#7}{#8}{#9})\\
  \useKV[ClesDistributivite]{NomExpression}&=\ifboolKV[ClesDistributivite]{Oppose}{
      \Distri[Etape=4]{#2}{#3}{#4}{#5}-(\Distri[Etape=4]{#6}{#7}{#8}{#9})\\}{\Distri[
      Somme,Etape=4]{#2}{#3}{#4}{#5}-(\Distri[Difference,Etape=4]{#6}{#7}{#8}{#9})\\}%
  \ifboolKV[ClesDistributivite]{Oppose}{\useKV[ClesDistributivite]{NomExpression}&=
      \Distri[RAZ,Somme,Etape=4]{#2}{#3}{#4}{#5}+\Distri[Oppose,Difference,Etape=4]{#6
      }{#7}{#8}{#9}\\}{}
  \useKV[ClesDistributivite]{NomExpression}&=\Resultat
\end{align*}
}
```

```
\DoubleFlecheDifference[AideAdda,AideAddb]{4}{5}{6}{7}{2}{-3}{5}{-1}

\DoubleFlecheDifference[Oppose]{4}{5}{6}{7}{2}{-3}{5}{-1}
```

$$\begin{aligned}
A &= (4x + (+5))(6x + (+7)) - (2x + (-3))(5x + (-1)) \\
A &= 4x \times 6x + 4x \times 7 + 5 \times 6x + 5 \times 7 - (2x \times 5x + 2x \times (-1) + (-3) \times 5x + (-3) \times (-1)) \\
A &= 24x^2 + 28x + 30x + 35 - (10x^2 + (-2x) + (-15x) + 3) \\
A &= 24x^2 + 58x + 35 - (10x^2 - 17x + 3) \\
A &= 14x^2 + 75x + 32
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
A &= (4x + 5)(6x + 7) - (2x - 3)(5x - 1) \\
A &= 4x \times 6x + 4x \times 7 + 5 \times 6x + 5 \times 7 - (2x \times 5x + 2x \times (-1) + (-3) \times 5x + (-3) \times (-1)) \\
A &= 24x^2 + 28x + 30x + 35 - (10x^2 + (-2x) + (-15x) + 3) \\
A &= 24x^2 + 58x + 35 - (10x^2 - 17x + 3) \\
A &= 24x^2 + 58x + 35 + (-10x^2) + 17x + (-3) \\
A &= 14x^2 + 75x + 32
\end{aligned}$$

Enfin, il y a les développements numériques du style :

$$3 \times 12 = 3 \times (10 + 2) = 3 \times 10 + 3 \times 2 = 30 + 6 = 36$$

$$3 \times 8{,}5 + 3 \times 1{,}5 = 3 \times (8{,}5 + 1{,}5) = 3 \times 10 = 30$$

La clé ⟨Numerique⟩ valeur par défaut : false

```
\[\Distri[Etape=0,Numerique]{0}{3}{10}{2}\]

\[\Distri[Etape=-1,Numerique]{0}{3}{8.5}{1.5}\]
```

$$3 \times 12 = 3 \times (10 + 2) = 3 \times 10 + 3 \times 2 = 30 + 6 = 36$$

$$3 \times 8{,}5 + 3 \times 1{,}5 = 3 \times (8{,}5 + 1{,}5) = 3 \times 10 = 30$$

Attention, dans ce type de développement, le premier paramètre a sera toujours nul.

Cas des égalités remarquables Le cas des égalités remarquables [75] est traité avec la clé

La clé ⟨Remarquable⟩ valeur par défaut : false

```
\Distri[Remarquable]{2}{3}{}{}

\Distri[Remarquable]{2}{-3}{}{}

\Distri[Remarquable]{2}{3}{2}{-3}
```

$$(2x + 3)^2$$
$$(2x - 3)^2$$
$$(2x + 3)(2x - 3)$$

Evidemment, les étapes suivantes sont plus intéressantes…

75. Depuis la version 0.68

```
\begin{align*}
  D&=\Distri[Remarquable]{2}{3}{}{}&E&=\Distri[Remarquable]{1}{-4}{}{}&F&=\Distri[Lettre
      =t,Remarquable]{3}{2}{3}{-2}\\
  D&=\Distri[Remarquable,Etape=2]{2}{3}{}{}&E&=\Distri[Remarquable,Etape=2]{1}{-4}{}{}&F
      &=\Distri[Lettre=t,Remarquable,Etape=2]{3}{2}{3}{-2}\\
  D&=\Distri[Remarquable,Etape=3]{2}{3}{}{}&E&=\Distri[Remarquable,Etape=3]{1}{-4}{}{}&F
      &=\Distri[Lettre=t,Remarquable,Etape=3]{3}{2}{3}{-2}
\end{align*}
```

$$\begin{aligned}
D &= (2x+3)^2 & E &= (x-4)^2 & F &= (3t+2)(3t-2)\\
D &= (2x)^2 + 2\times 2x\times 3 + 3^2 & E &= x^2 - 2\times x\times 4 + 4^2 & F &= (3t)^2 - 2^2\\
D &= 4x^2 + 12x + 9 & E &= x^2 - 8x + 16 & F &= 9t^2 - 4
\end{aligned}$$

Un dernier exemple :

```
\begin{align*}
  D&=\Distri[RAZ,Remarquable]{2}{3}{}{}-\Distri[Remarquable]{4}{-5}{}{}\\
  D&=\Distri[Remarquable,Etape=2]{2}{3}{}{}-(\Distri[Remarquable,Etape=2]{4}{-5}{}{})\\
  D&=\Distri[Somme,Remarquable,Etape=3]{2}{3}{}{}-(\Distri[Difference,Remarquable,Etape
      =3]{4}{-5}{}{})\\
  D&=\Distri[Remarquable,Etape=3]{2}{3}{}{}+\Distri[Oppose,Remarquable,Etape=3]{4}{-5}{}
      {}\\
  D&=\Resultat
\end{align*}
```

$$\begin{aligned}
D &= (2x+3)^2 - (4x-5)^2\\
D &= (2x)^2 + 2\times 2x\times 3 + 3^2 - ((4x)^2 - 2\times 4x\times 5 + 5^2)\\
D &= 4x^2 + 12x + 9 - (16x^2 - 40x + 25)\\
D &= 4x^2 + 12x + 9 + (-16x^2) + 40x + (-25)\\
D &= -12x^2 + 52x - 16
\end{aligned}$$

Cas des écritures de la forme $(a+bx)(x+dx)$ Parfois, il faut développer des expressions telles que $(2+3x)(4-2x)$. On peut alors écrire :

```
\begin{align*}
  C&=(2+3x)(4-2x)\\
  C&=\Distri{3}{2}{-2}{4}\\
  C&=\Distri[Etape=2]{3}{2}{-2}{4}\\
  C&=\Distri[Etape=3]{3}{2}{-2}{4}\\
  C&=\Distri[Etape=4]{3}{2}{-2}{4}\\
\end{align*}
```

$$\begin{aligned}
C &= (2+3x)(4-2x)\\
C &= (3x+2)(-2x+4)\\
C &= 3x\times(-2x) + 3x\times 4 + 2\times(-2x) + 2\times 4\\
C &= (-6x^2) + 12x + (-4x) + 8\\
C &= -6x^2 + 8x + 8
\end{aligned}$$

Le calcul littéral étant déjà assez compliqué comme cela, la « transformation » des deux premières lignes est délicate pour beaucoup d'élèves. Il faut mieux développer directement[76]…

La clé ⟨**Echange**⟩ valeur par défaut : 0

qui permet de faire les développements directement pour ce type d'expressions.

76. Depuis la version 0.85

```
% Echange = 1 : seul le premier facteur est du type a+bx
\begin{align*}
  A&=\Distri[Echange=1]{2}{3}{4}{5}\\
  A&=\Distri[Etape=2,Echange=1]{2}{3}{4}{5}\\
  A&=\Distri[Etape=3,Echange=1]{2}{3}{4}{5}\\
  A&=\Distri[Etape=4,Echange=1]{2}{3}{4}{5}
\end{align*}
```

$$
\begin{aligned}
A &= (2+3x)\,(4x+5)\\
A &= 2\times 4x + 2\times 5 + 3x\times 4x + 3x\times 5\\
A &= 8x + 10 + 12x^2 + 15x\\
A &= 12x^2 + 23x + 10
\end{aligned}
$$

```
% Echange = 2 : seul le deuxième facteur est du type a+bx
\begin{align*}
  B&=\Distri[Echange=2]{2}{3}{4}{5}\\
  B&=\Distri[Etape=2,Echange=2]{2}{3}{4}{5}\\
  B&=\Distri[Etape=3,Echange=2]{2}{3}{4}{5}\\
  B&=\Distri[Etape=4,Echange=2]{2}{3}{4}{5}
\end{align*}
```

$$
\begin{aligned}
B &= (2x+3)\,(4+5x)\\
B &= 2x\times 4 + 2x\times 5x + 3\times 4 + 3\times 5x\\
B &= 8x + 10x^2 + 12 + 15x\\
B &= 10x^2 + 23x + 12
\end{aligned}
$$

```
% Echange = 3 : les deux facteurs sont du type a+bx
\begin{align*}
  C&=\Distri[Echange=3]{2}{3}{4}{5}\\
  C&=\Distri[Etape=2,Echange=3]{2}{3}{4}{5}\\
  C&=\Distri[Etape=3,Echange=3]{2}{3}{4}{5}\\
  C&=\Distri[Etape=4,Echange=3]{2}{3}{4}{5}
\end{align*}
```

$$
\begin{aligned}
C &= (2+3x)\,(4+5x)\\
C &= 2\times 4 + 2\times 5x + 3x\times 4 + 3x\times 5x\\
C &= 8 + 10x + 12x + 15x^2\\
C &= 15x^2 + 22x + 8
\end{aligned}
$$

```
  \begin{align*}
  A&=\Distri[RAZ,Echange=3,Etape=1]{2}{3}{4}{2}-\Distri[Echange=3,Etape=1]{1}{2}{-4}{1}
      \\
  A&=\Distri[Echange=3,Etape=2]{2}{3}{4}{2}-(\Distri[Echange=3,Etape=2]{1}{2}{-4}{1})\\
  A&=\Distri[Echange=3,Etape=3]{2}{3}{4}{2}-(\Distri[Echange=3,Etape=3]{1}{2}{-4}{1})\\
  A&=\Distri[Echange=3,Etape=4]{2}{3}{4}{2}-(\Distri[Echange=3,Etape=4]{1}{2}{-4}{1})\\
  A&=\Distri[Echange=3,Etape=4,Somme]{2}{3}{4}{2}+\Distri[Oppose,Echange=3,Etape=4,
      Difference]{1}{2}{-4}{1}\\
  A&=\Resultat
\end{align*}
```

$$
\begin{aligned}
A &= (2+3x)\,(4+2x) - (1+2x)\,(-4+x)\\
A &= 2\times 4 + 2\times 2x + 3x\times 4 + 3x\times 2x - (1\times(-4) + 1\times x + 2x\times(-4) + 2x\times x)\\
A &= 8 + 4x + 12x + 6x^2 - ((-4) + x + (-8x) + 2x^2)\\
A &= 6x^2 + 16x + 8 - (2x^2 - 7x - 4)\\
A &= 6x^2 + 16x + 8 + (-2x^2) + 7x + 4\\
A &= 4x^2 + 23x + 12
\end{aligned}
$$

25 La résolution d'équation du premier degré

La commande permet de rédiger la résolution [77] d'une équation du premier degré à une inconnue à coefficients entiers ou décimaux [78]. Elle s'utilise en mode texte et sa forme est la suivante :

```
\ResolEquation[⟨clés⟩]{a}{b}{c}{d}
```

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
— a, b, c et d sont les coefficients de l'équation écrite sous la forme

$$ax + b = cx + d$$

```
\ResolEquation{5}{4}{-2}{3}
```

$$\begin{aligned} 5x + 4 &= -2x + 3 \\ 7x + 4 &= 3 \\ 7x &= -1 \\ x &= \frac{-1}{7} \end{aligned}$$

```
\ResolEquation{0.2}{0.8}{0.8}{1.2}
```

$$\begin{aligned} 0{,}2x + 0{,}8 &= 0{,}8x + 1{,}2 \\ 0{,}8 &= 0{,}6x + 1{,}2 \\ -0{,}4 &= 0{,}6x \\ \frac{-0{,}4}{0{,}6} &= x \end{aligned}$$

On peut évidemment résoudre les équations du type $ax + b = cx$ (avec $d = 0$) ; $ax + b = d$ (avec $c = 0$), $ax = d$ (avec $b = c = 0$) :

```
\ResolEquation{2}{4}{5}{0}
```

$$\begin{aligned} 2x + 4 &= 5x \\ 4 &= 3x \\ \frac{4}{3} &= x \end{aligned}$$

```
\ResolEquation{2}{4}{0}{5}
```

$$\begin{aligned} 2x + 4 &= 5 \\ 2x &= 1 \\ x &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

```
\ResolEquation{2}{0}{0}{5}
```

$$\begin{aligned} 2x &= 5 \\ x &= \frac{5}{2} \end{aligned}$$

Plusieurs clés sont valables de manière générale :

La clé ⟨Lettre⟩ valeur par défaut : x

elle permettra d'utiliser d'autres lettres dans la résolution d'équation (p pour un prix, h pour une hauteur…)

```
\ResolEquation[Lettre=n]{1}{2}{7}{7}
```

$$\begin{aligned} n + 2 &= 7n + 7 \\ 2 &= 6n + 7 \\ -5 &= 6n \\ \frac{-5}{6} &= n \end{aligned}$$

77. Dans le cas général, on a fait le choix d'une résolution amenant *systématiquement* à une division par un nombre positif. Seuls les cas $ax = d$ et $ax + b = d$ échappent à cette règle.
78. Les nombres décimaux seront indiqués sous leur forme informatique.

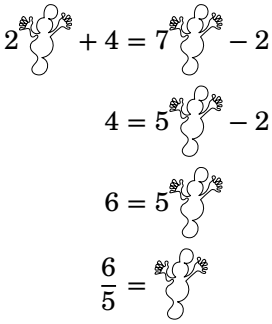
Le mode mathématique est « imposé » par l'écriture des macros. Lorsqu'on souhaite un symbole tel que 🚀[79], il faut le « protéger »[80] :

```
\ResolEquation[Lettre=\text{\faRocket}]{2}{3}{7}{
    -1}
```

$$2🚀 + 3 = 7🚀 - 1$$
$$3 = 5🚀 - 1$$
$$4 = 5🚀$$
$$\frac{4}{5} = 🚀$$

On peut même utiliser une image[81]…

```
\newsavebox{\dessin}
\sbox{\dessin}{\raisebox{-1em}{\includegraphics[scale=0.35]{Arthur-1}}}
\ResolEquation[Lettre=\usebox{\dessin}]{2}{4}{7}{-2}
```



La clé ⟨Solution⟩ valeur par défaut : false

permettant d'afficher ou non la phrase de conclusion[82]. Ne pas l'afficher peut être utile dans le cas d'un exercice concret.

```
\ResolEquation[Solution]{2}{5}{-7}{3}
```

$$2x + 5 = -7x + 3$$
$$9x + 5 = 3$$
$$9x = -2$$
$$x = \frac{-2}{9}$$

L'équation $2x + 5 = -7x + 3$ a une unique solution : $x = \frac{-2}{9}$.

```
\ResolEquation[Solution]{2}{5}{1}{3}
```

$$2x + 5 = x + 3$$
$$x + 5 = 3$$
$$x = -2$$

L'équation $2x + 5 = x + 3$ a une unique solution : $x = -2$.

79. du package fontawesome5.
80. avec chargement du package mathtools.
81. Celle-ci a été créée avec METAPOST
82. On remarquera l'écriture simplifiée ou non de la solution de l'équation.

```
\ResolEquation[Solution]{2.5}{5}{-1.5}{0}
```

$$\begin{aligned} 2{,}5x+5 &= -1{,}5x \\ 4x+5 &= 0 \\ 4x &= -5 \\ x &= \frac{-5}{4} \end{aligned}$$

L'équation $2{,}5x+5=-1{,}5x$ a une unique solution : $x=-1{,}25$.

```
\ResolEquation{8}{-2}{2}{2}
```

$$\begin{aligned} 8x-2 &= 2x+2 \\ 6x-2 &= 2 \\ 6x &= 4 \\ x &= \frac{4}{6} \end{aligned}$$

Dans cet exemple, il serait bien de pouvoir simplifier l'écriture de la solution obtenue. Cela se fait avec les deux clés suivant, utilisées *simultanément* :

La clé⟨Entier⟩ valeur par défaut : false

La clé ⟨Simplification⟩ valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Entier,Simplification]{8}{-2}{2}{2}
```

$$\begin{aligned} 8x-2 &= 2x+2 \\ 6x-2 &= 2 \\ 6x &= 4 \\ x &= \frac{4}{6} \\ x &= \frac{2}{3} \end{aligned}$$

Parfois, on peut vouloir tester une valeur pour savoir si elle est ou pas solution d'une équation. Cela se fait par [83]

La clé ⟨Verification⟩ valeur par défaut : false

La clé ⟨Nombre⟩ valeur par défaut : 0

```
Est-ce que le nombre $-2$ est solution de l'équation $2x-1=7x+3$ ?
\par
\ResolEquation[Verification,Nombre=-2]{2}{-1}{7}{3}
```

Est-ce que le nombre -2 est solution de l'équation $2x-1=7x+3$?
Testons la valeur $x=-2$:

$$\begin{aligned} 2\times(-2)-1 \\ -4-1 \\ -5 \end{aligned} \qquad \begin{aligned} 7\times(-2)+3 \\ -14+3 \\ -11 \end{aligned}$$

Comme $-5\neq-11$, alors $x=-2$ n'est pas une solution de l'équation $2x-1=7x+3$.

Dans le cadre d'une introduction aux équations, on peut tester une égalité :

La clé ⟨Egalite⟩ valeur par défaut : false

83. Les cas des valeurs fractionnaires n'est pas géré…

```
Est-ce que l'égalité $5n-2=4n$ est vraie lorsque $n=2$ ? Justifier.
\par
\ResolEquation[Lettre=n,Verification,Nombre=2,Egalite]{5}{-2}{4}{0}
```

Est-ce que l'égalité $5n-2=4n$ est vraie lorsque $n=2$? Justifier.
Testons la valeur $n=2$:

$$\begin{aligned} 5\times 2-2 &\qquad & 4\times 2 \\ 10-2 & & 8 \\ 8 & & 8 \end{aligned}$$

Comme $8=8$, alors l'égalité $5n-2=4n$ est vérifiée pour $n=2$.

Les méthodes de résolution

Quatre [84] méthodes ont été mises en place : la méthode des soustractions et sa variante « posée » ; la méthode basée sur la propriété « tout terme qui change de membre change de signe » ; la méthode de « composition ».

La méthode des soustractions C'est celle par défaut.

```
\ResolEquation{2}{5}{7}{3}
```

$$\begin{aligned} 2x+5 &= 7x+3 \\ 5 &= 5x+3 \\ 2 &= 5x \\ \frac{2}{5} &= x \end{aligned}$$

Plusieurs clés lui sont associées :

La clé ⟨Decomposition⟩ valeur par défaut : false

Permet d'indiquer la décomposition des calculs. Elle apparaît en continu dans la résolution de l'équation.

```
\ResolEquation[Decomposition]{-2}{5}{7}{3}
```

$$\begin{aligned} -2x+5 &= 7x+3 \\ -2x+2x+5 &= 7x+2x+3 \\ 5 &= 9x+3 \\ 5-3 &= 9x+3-3 \\ 2 &= 9x \\ \frac{2}{9} &= x \end{aligned}$$

La clé ⟨CouleurSous⟩ valeur par défaut : red

Pour changer [85] la couleur des indications de décomposition.

```
\ResolEquation[CouleurSous=purple,Decomposition]{-2}{5}{7}{3
    }
```

$$\begin{aligned} -2x+5 &= 7x+3 \\ -2x+2x+5 &= 7x+2x+3 \\ 5 &= 9x+3 \\ 5-3 &= 9x+3-3 \\ 2 &= 9x \\ \frac{2}{9} &= x \end{aligned}$$

84. En fait, la cinquième méthode mise en place se trouve à la page 109.
85. La nouvelle couleur doit être donnée sous une forme compréhensible par le package xcolor. Donc soit une couleur connue directement (orange par exemple), soit par une définition du type purple!20!blue!80!.

```
\ResolEquation[CouleurSous=blue!50,Decomposition]{-2}{5}{7}{
    3}
```

$$\begin{aligned} -2x+5 &= 7x+3 \\ -2x+2x+5 &= 7x+2x+3 \\ 5 &= 9x+3 \\ 5-3 &= 9x+3-3 \\ 2 &= 9x \\ \frac{2}{9} &= x \end{aligned}$$

Il est courant, pédagogiquement, de faire apparaître les flèches [86] indiquant les soustractions (ou additions) à faire. Cela se fera avec deux compilations [87] et

La clé ⟨Fleches⟩ valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Fleches]{2}{4}{3}{7}
```

$$\begin{array}{rcl} & 2x+4=3x+7 & \\ -2x & 4=x+7 & -2x \\ -7 & -3=x & -7 \end{array}$$

On peut la coupler avec la clé ⟨Decomposition⟩. Mais, cela peut parfois amener des situations désagréables graphiquement. On utilisera, en complément :

La clé ⟨Ecart⟩ valeur par défaut : 0.5

qui est le décalage (*en centimètre*) qu'on va imposer à chaque flèche (qu'elles soient à gauche ou à droite). Ce décalage se fait sur la première ligne de la résolution, qui sert de « base » pour les flèches suivantes.

```
%Ça ne convient pas
\ResolEquation[Decomposition,Fleches]{2}{
    6}{-2}{4}
```

$$\begin{array}{rcl} & 2x+6=-2x+4 & \\ +2x & 2x+2x+6=-2x+2x+4 & +2x \\ & 4x+6=4 & \\ -6 & 4x+6-6=4-6 & -6 \\ & 4x=-2 & \\ \div 4 & x=\frac{-2}{4} & \div 4 \end{array}$$

```
%C'est mieux
\ResolEquation[Decomposition,Fleches,
    Ecart=1.5]{2}{6}{-2}{4}
```

$$\begin{array}{rcl} & 2x+6=-2x+4 & \\ +2x & 2x+2x+6=-2x+2x+4 & +2x \\ & 4x+6=4 & \\ -6 & 4x+6-6=4-6 & -6 \\ & 4x=-2 & \\ \div 4 & x=\frac{-2}{4} & \div 4 \end{array}$$

On peut vouloir faire apparaître uniquement le dernier couple de flèches…

La clé ⟨FlecheDiv⟩ valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[FlecheDiv]{-3}{5}{1}{2}
```

$$\begin{array}{rcl} & -3x+5=x+2 & \\ & 5=4x+2 & \\ & 3=4x & \\ \div 4 & \frac{3}{4}=x & \div 4 \end{array}$$

Variantes de la méthode des soustractions

86. La couleur des flèches n'est pas modifiable.
87. Rendues obligatoires par l'utilisation de `tikzpicture` et son paramètre `remember picture`.

La clé ⟨Pose⟩ [88] valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Pose]{5}{3}{-2}{7}
```

$$\begin{aligned} 5x+3 &= -2x+7 \\ +2x \qquad & \qquad +2x \\ 7x+3 &= 7 \\ -3 \qquad & \qquad -3 \\ 7x \quad &= 4 \\ \div 7 \qquad & \qquad \div 7 \\ x \quad &= \frac{4}{7} \end{aligned}$$

La couleur associée ⟨CouleurSous⟩ (par défaut `red`) peut être modifiée. Les autres clés ⟨Entier⟩, ⟨Solution⟩… sont disponibles.
À noter tout de même qu'il n'y a aucun nœud Ti*k*Z dans cette écriture de la résolution.

La clé ⟨Laurent⟩ [89] valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Laurent]{5}{3}{-2}{7}
```

$$\begin{aligned} 5x+3 \overset{-3}{} &= -2x+7 \overset{-3}{} \\ 5x \overset{+2x}{} &= -2x \overset{+2x}{} +4 \\ \frac{\cancel{7}x}{\cancel{7}} &= \frac{4}{7} \\ x &= \frac{4}{7} \end{aligned}$$

La couleur associée ⟨CouleurSous⟩ (par défaut `red`) peut être modifiée. Les autres clés ⟨Entier⟩, ⟨Solution⟩… sont disponibles.
À noter tout de même qu'il n'y a aucun nœud Ti*k*Z dans cette écriture de la résolution.

La méthode « Tout terme qui change de membre change de signe »

La clé ⟨Terme⟩ valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Terme]{2.5}{3}{1.25}{2.9}
```

$$\begin{aligned} 2{,}5x+3 &= 1{,}25x+2{,}9 \\ 2{,}5x-1{,}25x+3 &= 2{,}9 \\ 1{,}25x+3 &= 2{,}9 \\ 1{,}25x &= 2{,}9-3 \\ 1{,}25x &= -0{,}1 \\ x &= \frac{-0{,}1}{1{,}25} \end{aligned}$$

La clé ⟨Decomposition⟩ insistera sur la méthode, la couleur associée ⟨CouleurTerme⟩ (par défaut `black`[90]) pouvant être modifiée.

88. Cette méthode m'a été proposée par des collègues lors d'échanges sur les cahiers de vacances 2020 de l'académie de Lille.
89. Cette méthode m'a été proposée par Laurent Lassalle Carrere
90. Car la décomposition de la méthode, c'est la méthode elle-même.

```
\ResolEquation[Decomposition,CouleurTerme=purple,Terme]{2.5}{3}{1.25}{2.9}
```

$$\begin{aligned} 2{,}5x + 3 &= 1{,}25x + 2{,}9 \\ 2{,}5x - 1{,}25x + 3 &= 2{,}9 \\ 1{,}25x + 3 &= 2{,}9 \\ 1{,}25x &= 2{,}9 - 3 \\ 1{,}25x &= -0{,}1 \\ x &= \frac{-0{,}1}{1{,}25} \end{aligned}$$

Les clés ⟨Fleches⟩ et ⟨FlecheDiv⟩ restent disponibles, même si pédagogiquement, la dernière est la seule intéressante avec cette méthode.

```
\ResolEquation[Terme,FlecheDiv]{0.9}{2}{0}{4}
```

$$\begin{aligned} 0{,}9x + 2 &= 4 \\ 0{,}9x &= 4 - 2 \\ 0{,}9x &= 2 \\ \div 0{,}9 \quad x &= \frac{2}{0{,}9} \quad \div 0{,}9 \end{aligned}$$

La méthode de composition

La clé ⟨Composition⟩ valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Composition]{5}{-2}{3.9}{4}
```

$$\begin{aligned} 5x - 2 &= 3{,}9x + 4 \\ 1{,}1x + 3{,}9x - 2 &= 3{,}9x + 4 \\ 1{,}1x - 2 &= 4 \\ 1{,}1x - 2 &= 6 - 2 \\ 1{,}1x &= 6 \\ x &= \frac{6}{1{,}1} \end{aligned}$$

La clé ⟨Decomposition⟩ insistera sur la méthode, la couleur associée ⟨CouleurCompo⟩ (par défaut `black`[91]) pouvant être modifiée. Les clés ⟨Fleches⟩ et ⟨FlecheDiv⟩ restent disponibles, même si pédagogiquement, la dernière est la seule intéressante avec cette méthode.

```
\ResolEquation[CouleurCompo=blue,Decomposition,Composition,FlecheDiv]{5}{-2.3}{3.9}{4.1}
```

$$\begin{aligned} 5x - 2{,}3 &= 3{,}9x + 4{,}1 \\ 1{,}1x + 3{,}9x - 2{,}3 &= 3{,}9x + 4{,}1 \\ 1{,}1x - 2{,}3 &= 4{,}1 \\ 1{,}1x - 2{,}3 &= 6{,}4 - 2{,}3 \\ 1{,}1x &= 6{,}4 \\ \div 1{,}1 \quad x &= \frac{6{,}4}{1{,}1} \quad \div 1{,}1 \end{aligned}$$

91. Car la décomposition de la méthode, c'est la méthode elle-même.

La méthode des symboles Concernant les symboles, on peut vouloir présenter les équations comme à l'école primaire[92] :

$$🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 5 = 🚀 + 🚀 + 🚀 + 3$$

Cela se fait[93] au moyen de la clé :

La clé ⟨Symbole⟩ [94] valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Symbole,Lettre=\text{\faRocket}]{7}{5}{3}{3}
```

$$\begin{aligned}
🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 5 &= 🚀 + 🚀 + 🚀 + 3\\
🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 5 &= 🚀 + 🚀 + 🚀 + 3\\
🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 5 &= 3\\
🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 &= -2\\
🚀 &= \frac{-2}{4}
\end{aligned}$$

La couleur peut être modifiée par la clé ⟨CouleurSymbole⟩ (`orange` par défaut) et on dispose d'une clé permettant d'insister le deuxième passage important de la résolution :

La clé ⟨Bloc⟩ valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Bloc,Symbole,Lettre=\text{\faRocket}]{4}{5}{2}{3}
```

$$\begin{aligned}
🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 5 &= 🚀 + 🚀 + 3\\
🚀 + 🚀 + 🚀 + 🚀 + 5 &= 🚀 + 🚀 + 3\\
🚀 + 🚀 + 5 &= 3\\
\boxed{🚀 + 🚀} + 5 &= 3\\
🚀 + 🚀 &= -2\\
🚀 &= \frac{-2}{2}
\end{aligned}$$

Autres équations...

Au cycle 4, on peut traiter des équations se ramenant au premier degré. Par conséquent, il faut gérer les équations-produits et les équations[95] du type $x^2 = a$.

La clé ⟨Produit⟩ valeur par défaut : false

Les paramètres `a`, `b`, `c` et `d` joueront leur rôle respectif dans l'équation-produit $(ax+b)(cx+d) = 0$.

```
% Pour l'équation $(2x+3)(-4x+1)=0$
\ResolEquation[Produit]{2}{3}{-4}{1}
```

C'est un produit nul donc :

$$\begin{aligned}
2x + 3 &= 0 \quad \text{ou} \quad & -4x + 1 &= 0\\
2x &= -3 & -4x &= -1\\
x &= \frac{-3}{2} & x &= \frac{-1}{-4}
\end{aligned}$$

Les clés ⟨Lettre⟩, ⟨Entier⟩, ⟨Simplification⟩ et ⟨Solution⟩ sont toujours disponibles.

92. Pour une introduction, pour une remédiation...
93. Attention, les coefficients a et c doivent être positifs.
94. Dans ce cas, les clés associées aux flèches et à la décomposition sont désactivées.
95. On peut le voir comme étant à la limite des programmes...

```
% Pour l'équation $(2x+3)(-4x+1)=0$
\ResolEquation[Produit,Lettre=n,Entier,
    Simplification]{2}{8}{-3}{-9}
```

C'est un produit nul donc :

$$\begin{aligned} 2n+8&=0 \quad \text{ou} \quad & -3n-9&=0\\ 2n&=-8 & -3n&=9\\ n&=\frac{-8}{2} & n&=\frac{9}{-3}\\ n&=-4 & n&=-3 \end{aligned}$$

```
%Pour l'équation $2x(-6x-15)=0$
\ResolEquation[Produit,Lettre=n,Entier,
    Simplification]{2}{0}{-6}{-15}
```

C'est un produit nul donc :

$$\begin{aligned} 2n&=0 \quad \text{ou} \quad & -6n-15&=0\\ n&=0 & -6n&=15\\ & & n&=\frac{15}{-6}\\ & & n&=\frac{5}{-2} \end{aligned}$$

```
%Pour l'équation $(2x+4)(7x-1)=0$
\ResolEquation[Produit,Entier,Simplification,
    Solution]{2}{4}{7}{-1}
```

C'est un produit nul donc :

$$\begin{aligned} 2x+4&=0 \quad \text{ou} \quad & 7x-1&=0\\ 2x&=-4 & 7x&=1\\ x&=\frac{-4}{2} & x&=\frac{1}{7}\\ x&=-2 & & \end{aligned}$$

L'équation $(2x+4)(7x-1)=0$ a deux solutions : $x=-2$ et $x=\frac{1}{7}$.

La rédaction peut être complétée par :

La clé ⟨Facteurs⟩ valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Produit,Facteurs,Entier,
    Simplification]{2}{3}{-4}{1}
```

C'est un produit nul donc l'un au moins des facteurs est nul :

$$\begin{aligned} 2x+3&=0 \quad \text{ou} \quad & -4x+1&=0\\ 2x&=-3 & -4x&=-1\\ x&=\frac{-3}{2} & x&=\frac{-1}{-4}\\ & & x&=\frac{1}{4} \end{aligned}$$

Enfin, pour travailler sur la liaison collège-lycée, on peut envisager

La clé ⟨Equivalence⟩ valeur par défaut : false

```
\ResolEquation[Produit,Equivalence,Entier,
    Simplification]{2}{3}{-4}{1}
```

$$(2x+3)(-4x+1)=0$$

$$\begin{aligned} \Longleftrightarrow\ & 2x+3=0 \quad \text{ou} \quad & -4x+1&=0\\ \Longleftrightarrow\ & 2x=-3 & -4x&=-1\\ \Longleftrightarrow\ & x=\frac{-3}{2} & x&=\frac{-1}{-4}\\ \Longleftrightarrow\ & & x&=\frac{1}{4} \end{aligned}$$

Quant aux équations du type $x^2=a$, elles utiliseront :

La clé ⟨Carre⟩ valeur par défaut : false

```
% x^2=-15
\ResolEquation[Carre]{-15}{}{}{}
```

Comme -15 est négatif, alors l'équation $x^2 = -15$ n'a aucune solution.

```
% x^2=0
\ResolEquation[Carre]{0}{}{}{}
```

L'équation $x^2 = 0$ a une unique solution : $x = 0$.

```
% x^2=15
\ResolEquation[Carre]{15}{}{}{}
```

Comme 15 est positif, alors l'équation $x^2 = 15$ a deux solutions :

$$x = \sqrt{15} \qquad \text{et} \qquad x = -\sqrt{15}$$

On peut compléter avec les clés ⟨Lettre⟩ et ⟨Entier⟩ :

```
% t^2=30
\ResolEquation[Lettre=t,Carre]{30}{}{}{}
```

Comme 30 est positif, alors l'équation $t^2 = 30$ a deux solutions :

$$t = \sqrt{30} \qquad \text{et} \qquad t = -\sqrt{30}$$

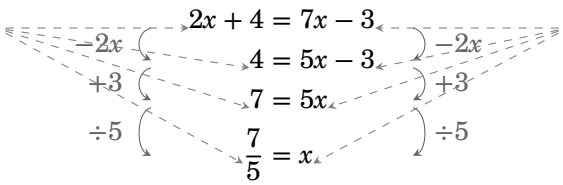
```
% t^2=625
\ResolEquation[Lettre=t,Carre,Entier]{625}{}{}{}
```

Comme 625 est positif, alors l'équation $t^2 = 625$ a deux solutions :

$$\begin{array}{ccc} t = \sqrt{625} & \text{et} & t = -\sqrt{625} \\ t = 25 & \text{et} & t = -25 \end{array}$$

Compléments : les ancres

Chaque équation[96], de manière générale, dispose de points d'ancrage…



Chaque ancre est repérée par un nœud Tikz nommé sous la forme `{pic cs:A-6}`[97]. Le nombre est donné par le compteur `Nbequa`. Il débute à 0.

Il n'y a, *au maximum*, que quatre ancres dans chaque membre de l'équation :
- nommées de A à D pour le membre de gauche,
- nommées de E à H pour le membre de droite.

96. Sauf celle présentée avec la méthode « posée »
97. Car définis par la librairie `tikzmark`.

26 Bulles et cartes mentales

Le package apporte deux environnements pour la création de cartes mentales :

L'environnement \begin{Mind}...\end{Mind} pour « englober » la carte mentale ;

L'environnement \begin{Bulle}...\end{Bulle} pour créer... les bulles.

```
\begin{Mind}
  \begin{Bulle}

  \end{Bulle}
  \begin{Bulle}

  \end{Bulle}
\end{Mind}
```

L'environnement \begin{Bulle}...\end{Bulle} dispose de plusieurs arguments optionnels :

La clé ⟨Nom⟩ pour le « nom » de la bulle — valeur par défaut : Bulle

La clé ⟨Largeur⟩ pour la largeur de la bulle — valeur par défaut : 5 cm

La clé ⟨Pointilles⟩ pour le style tracé extérieur de la bulle — valeur par défaut : false

La clé ⟨CTrace⟩ pour la couleur du tracé extérieur — valeur par défaut : black

La clé ⟨Epaisseur⟩ pour l'épaisseur du tracé extérieur — valeur par défaut : 1 pt

La clé ⟨Rayon⟩ pour le rayon des « coins arrondis » — valeur par défaut : 1

La clé ⟨CFond⟩ pour la couleur de remplissage — valeur par défaut : white

```
\begin{Mind}
  \begin{Bulle}
    Bonjour à tous
  \end{Bulle}
\end{Mind}
```

Bonjour à tous

```
\begin{Mind}
  \begin{Bulle}[Pointilles]
    Bonjour à tous
  \end{Bulle}
\end{Mind}
```

Bonjour à tous

```
\begin{Mind}
  \begin{Bulle}[CFond=yellow!15]
    Bonjour à tous
  \end{Bulle}
\end{Mind}
```

Bonjour à tous

```
\begin{Mind}
  \begin{Bulle}[CTrace=orange,Rayon=5]
    Bonjour à tous
  \end{Bulle}
\end{Mind}
```

Bonjour à tous

```
\begin{Mind}
  \begin{Bulle}[CTrace=green,Epaisseur=2pt]
    Bonjour à tous
  \end{Bulle}
\end{Mind}
```

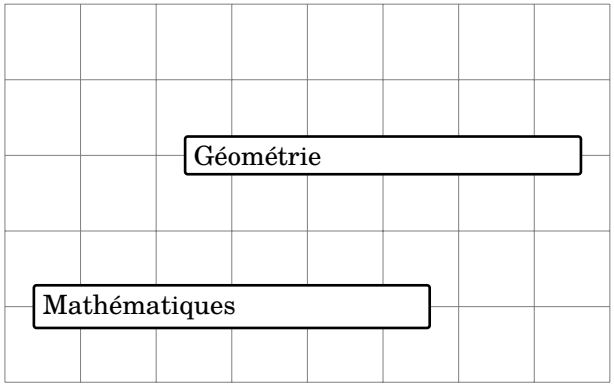
Bonjour à tous

La clé ⟨Nom⟩ va permettre de relier deux bulles. Changer le nom d'une bulle se fait de la manière suivante : `\begin{Bulle}[Nom={AutreNom}]`. Il ne faut pas oublier les { et }. Mais avant de les relier, il faut les placer.

La clé ⟨Ancre⟩ valeur par défaut : {0,0}

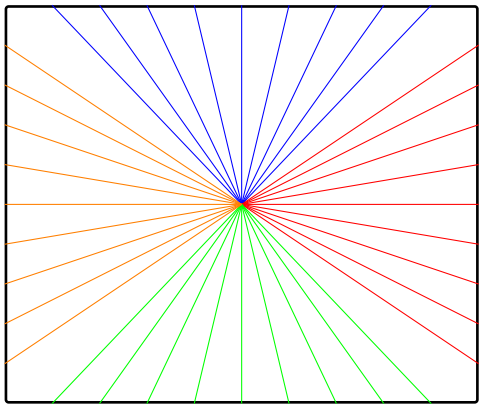
Les coordonnées sont celles du *centre* de la bulle. Elles sont en centimètres (si on ne précise aucune unité). Elles sont *absolues* dans le repère de T*i*kZ.

```
\begin{Mind}
  % La grille n'est là que pour l'exemple
  \draw[help lines] (-3,-1) grid (5,4);
  \begin{Bulle}[Nom={CadreTitre}]
    Mathématiques
  \end{Bulle}
  \begin{Bulle}[Nom={Geo},Ancre={2,2}]
    Géométrie
  \end{Bulle}
\end{Mind}
```



Outre les points d'ancrage classiques (`center`...), chaque environnement `\begin{Bulle}`...`\end{Bulle}` crée 36 (!) points d'ancrages. Ils sont notés de 1 à 9 sur chaque côté, en tournant dans le sens des aiguilles d'une montre.

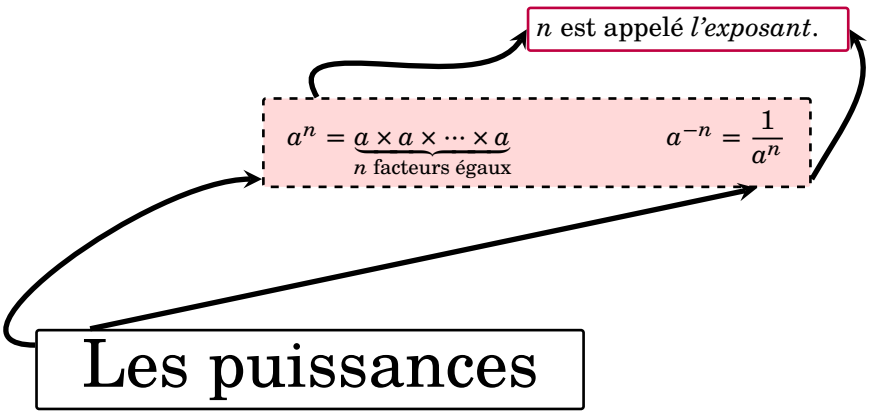
```
\begin{Mind}
  \begin{Bulle}[Largeur=6cm]%
    % \color{gray}\blindtext%
    \vspace{5cm}
  \end{Bulle}
  %Les points d'ancrage en haut (H)
  \foreach \x in {1,...,9}{%
    \draw[blue] (Bulle.center) -- (Bulle-H-\x)
        ;
  }
  % Les points d'ancrage à droite (D)
  \foreach \x in {1,...,9}{%
    \draw[red] (Bulle.center) -- (Bulle-D-\x);
  }
  % Les points d'ancrage en bas (B)
  \foreach \x in {1,...,9}{%
    \draw[green] (Bulle.center) -- (Bulle-B-\x
        );
  }
  % Les points d'ancrage à gauche (G)
  \foreach \x in {1,...,9}{%
    \draw[orange] (Bulle.center) -- (Bulle-G-
        \x);
  }
\end{Mind}
```



Pour relier deux bulles, on pourra utiliser un code tel que celui de la page suivante. Aucune commande

supplémentaire de flèches n'a été codée : avec toutes les options disponibles dans Ti*k*Z, il était inutile de réinventer tout cela.

```
\begin{Mind}
  \begin{Bulle}[Nom={CadreTitre},Largeur=7cm]
    \begin{center}
      \Huge Les puissances
    \end{center}
  \end{Bulle}
  \begin{Bulle}[Nom={Definitions},Pointilles,Ancre={3,3},Largeur=7cm,CFond=red!15]
    \setlength{\abovedisplayskip}{0pt}
    \[a^{n}=\underbrace{a\times a\times\dots\times a}_{n\text{ facteurs égaux}}\hspace{2
        cm} a^{-n}=\frac{1}{a^n}\]%
  \end{Bulle}
  \begin{Bulle}[Nom={Vocabulaire},CTrace=purple,Ancre={5,4.5},Largeur=4cm]
    $n$ est appelé {\em l'exposant}.
  \end{Bulle}
  \draw[-stealth,line width=2pt] (CadreTitre-H-1) -- (Definitions-B-1);
  \draw[-stealth,line width=2pt,out=180,in=180] (CadreTitre-G-8) to (Definitions-G-1);
  \draw[-stealth,line width=2pt,out=120,in=-120] (Definitions-H-1) to (Vocabulaire-G-5);
  \draw[-stealth,line width=2pt,out=60,in=-60] (Definitions-D-9) to (Vocabulaire-D-5);
\end{Mind}
```



27 Calculatrice ?

Pour afficher une suite de touches ou un écran de calculatrice, on utilisera la commande [98] :

```
\Calculatrice[⟨clé⟩]{⟨Liste ⟩}
```

où

- ⟨clé⟩ est un paramètre optionnel ;
- ⟨Liste⟩ une suite de commandes de la forme :
  - "Calcul à afficher"/"réponse à afficher" dans le cas d'un affichage d'écran ;
  - /b/c pour une touche de « fonction » et b/c pour une touche de « nombre ».

```
\Calculatrice[Ecran]{"cos(45)"/"0.7071067812"}
```

```
\Calculatrice{/Acos/$\cos$/,/(,/4,/5,/)}
```

Si la partie « touches » de calculatrice est gérée sans particularités, la partie « Ecran », à compiler en shell -escape [99], nécessite un *vocabulaire* précis au niveau des commandes pour avoir un affichage correct :

```
\Calculatrice[Ecran]{"2e5"/"200000"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"2 5"/"10"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"2j 5"/"2.5"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"2k 5"/"20"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"2l 5"/"40"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"2$5"/"0.4"}%$
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"2^5"/"32"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"v(16)"/"4"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"v(-16)"/"ERREUR:Maths"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"10$6&Simp"/"5$3"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"16;5"/"3.2"}
```

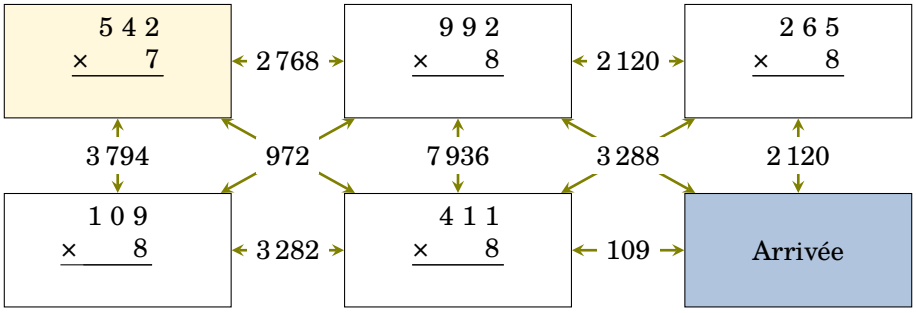
98. D'après https://tex.stackexchange.com/questions/290321/mimicking-a-calculator-inputs-and-screen
99. Voir 131.

```
\Calculatrice[Ecran]{"q"/"3.141592654"}
```

```
\Calculatrice[Ecran]{"R@p"/"3.141592654"}
```

28 Labyrinthe

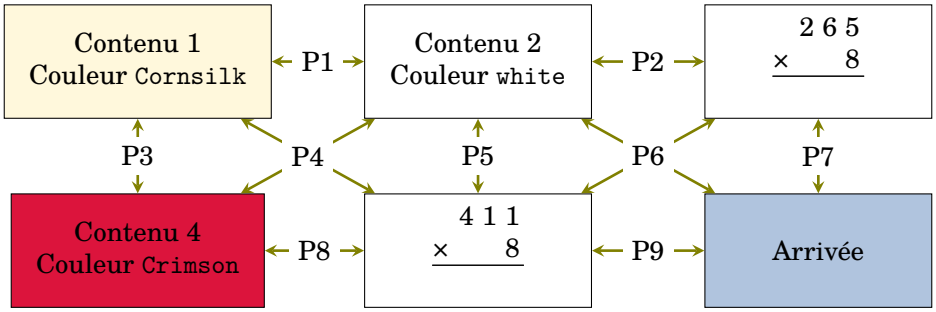
La commande permet de construire un « labyrinthe » tel que celui ci :




```
\Labyrinthe[⟨clés⟩]{Contenu 1 / Couleur 1, Contenu 2 / Couleur 2...}{P1 / P2 ...}
```

où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- `Contenu 1 / Couleur 1`, `Contenu 2 / Couleur 2`... sont les paramètres des cases du labyrinthe *lus horizontalement de haut en bas*.
- `P1 / P2...` sont les réponses proposées pour que l'élève puisse trouver le bon chemin. Tout comme les cases du labyrinthe, elles sont lues *horizontalement de haut en bas*.



On peut paramétrer la commande avec les clés suivantes :

La clé ⟨Colonnes⟩ valeur par défaut : 3

La clé ⟨Lignes⟩ valeur par défaut : 6

La clé ⟨Hauteur⟩ valeur par défaut : 2

elle est donnée en centimètre, elle est vue comme une valeur *minimale*.

La clé ⟨Longueur⟩ valeur par défaut : 4

elle est donnée en centimètre, elle est vue comme une valeur *minimale*.

La clé ⟨EcartH⟩ valeur par défaut : 1

Donnée en centimètre, elle gère l'écart horizontal entre deux cases du labyrinthe.

La clé ⟨EcartV⟩ valeur par défaut : 1

Donnée en centimètre, elle gère l'écart vertical entre deux cases du labyrinthe.

La clé ⟨CouleurF⟩ valeur par défaut : gray !50

pour changer la couleur des flèches.

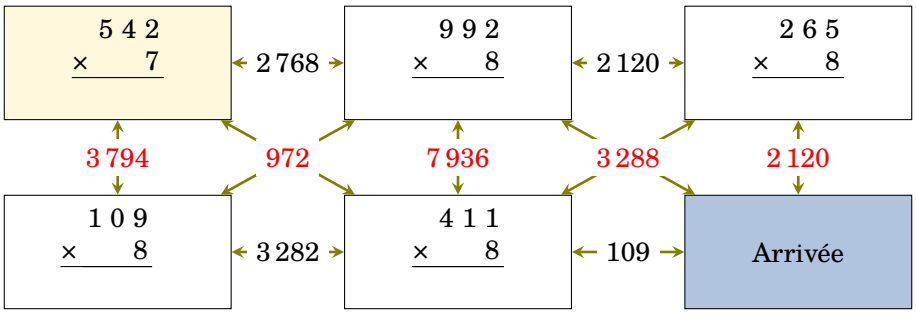
La clé ⟨Texte⟩ valeur par défaut : black

pour changer la couleur des propositions de réponses.

La clé ⟨Passages⟩ valeur par défaut : false

affichera ou pas les propositions de réponses.

```
\begin{center}
  \Labyrinthe[CouleurF=Olive,Passages,Longueur=3,Hauteur=1.5,EcartH=1.5,Colonnes=3,
      Lignes=2]{%
    \MulSimple{542}{7}/Cornsilk,%
    \MulSimple{992}{8}/white,%
    \MulSimple{265}{8}/white,%
    \MulSimple{109}{8}/white,%
    \MulSimple{411}{8}/white,%
    Arrivée/LightSteelBlue}{%
    \num{2768}/%
    \num{2120}/%
    \color{red}\num{3794}/%
    \color{red}\num{972}/%
    \color{red}\num{7936}/%
    \color{red}\num{3288}/%
    \color{red}\num{2120}/%
    \num{3282}/%
    \num{109}}
\end{center}
```



29 Professeur principal ?

Un enseignant de mathématiques peut être un professeur principal. Il peut donc être utile de savoir construire des diagrammes en radar…

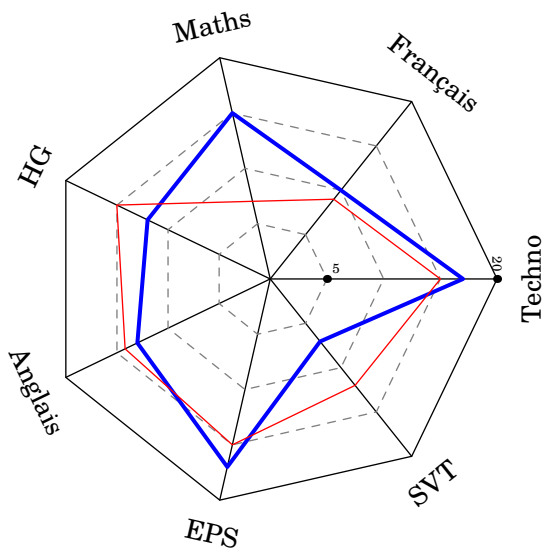
La commande permet la construction de tels diagrammes. Elle s'utilise en mode texte et elle se présente sous la forme :

```
\Radar[⟨clés⟩]{⟨Liste des éléments du diagramme en radar⟩}
```

où

- ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels) ;
- ⟨Liste des éléments du diagramme en radar⟩ donnée sous la forme moyenne élève / discipline 1 / moyenne classe, moyenne élève / discipline 2 / moyenne classe, ….

```
\Radar{10/Français/8.99,15/Maths/7.02,12/HG/15.01,13/Anglais/14.2,17/EPS/15,7.05/SVT
    /12,17/Techno/15}
```



Quelques paramètres sont disponibles :

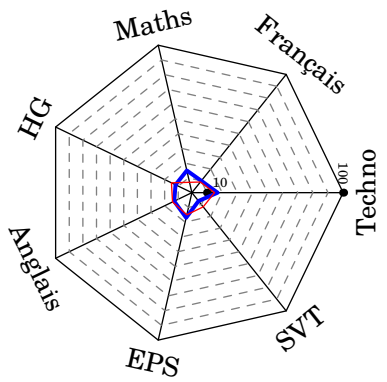
La clé ⟨Rayon⟩ valeur par défaut : 3 cm

pour le rayon du cercle de base du diagramme.

La clé ⟨Reference⟩ valeur par défaut : 20

qui est la note maximale du barème.

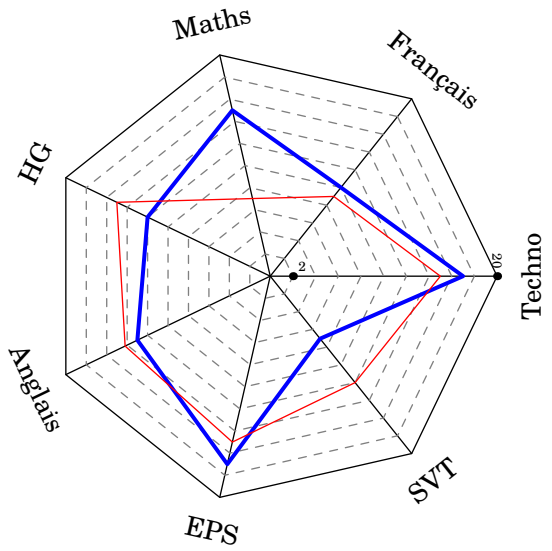
```
\Radar[Reference=100,Rayon=2cm,Pas=10]{10/Français/8.99,15/Maths/7.02,12/HG/15.01,13/
    Anglais/14.2,17/EPS/15,7.05/SVT/12,17/Techno/15}
```



La clé ⟨Pas⟩ valeur par défaut : 5

pour indiquer que les graduations du diagramme vont de Pas et Pas.

```
\Radar[Pas=2]{10/Français/8.99,15/Maths/7.02,12/HG/15.01,13/Anglais/14.2,17/EPS/15,7.05/
    SVT/12,17/Techno/15}
```

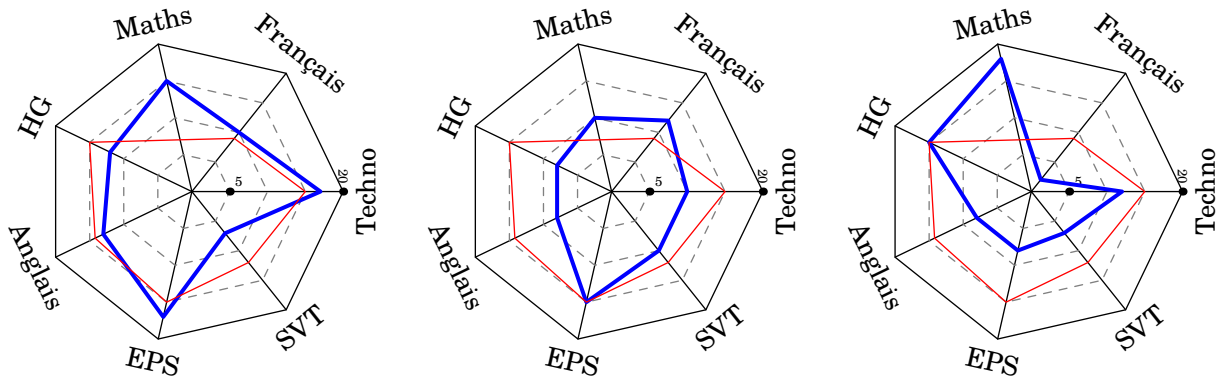


Cependant, la création de 25 diagrammes en radar peut s'avérer fastidieuse, même avec un copier-coller…

Les clés ⟨MoyenneClasse⟩ et ⟨Disciplines⟩ valeur par défaut : false

permettent, *une fois le premier diagramme construit*, de se passer des disciplines et des moyennes de classe.

```
\begin{multicols}{3}
  \Radar[Rayon=2cm]{10/Français/8.99,15/Maths/7.02,12/HG/15.01,13/Anglais/14.2,17/EPS
      /15,7.05/SVT/12,17/Techno/15}

  \Radar[Disciplines,MoyenneClasse,Rayon=2cm]{12//,10//,8//,8//,15//,10//,10//}

  \Radar[Disciplines,MoyenneClasse,Rayon=2cm]{2//,18//,15//,8//,8//,7//,12//}
\end{multicols}
```



On peut aussi faire un bilan du travail effectué à l'aide de « jauges » :

\Jauge[⟨clés⟩]{⟨Niveau atteint en pourcentage⟩}

---

où

— ⟨clés⟩ constituent un ensemble d'options pour paramétrer la commande (paramètres optionnels).

```
\Jauge{75}
```

Quelques clés vont nous permettre de paramétrer ce type de représentation :

La clé ⟨TexteOrigine⟩ valeur par défaut : 0

La clé ⟨TexteReference⟩ valeur par défaut : 100

La clé ⟨Nom⟩ valeur par défaut : Défaut

```
\Jauge[Nom=Christophe,TexteOrigine=\tiny 0,TexteReference=\tiny 100]{80}
```

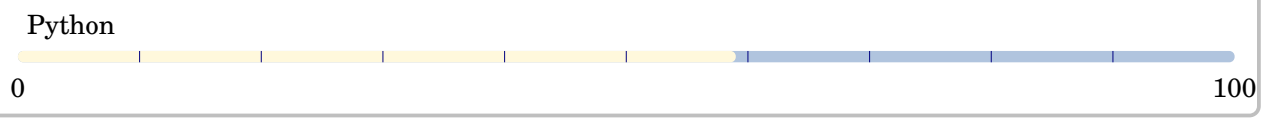
La clé ⟨CouleurBarre⟩ valeur par défaut : black

La clé ⟨CouleurFond⟩ valeur par défaut : gray !15

La clé ⟨Graduation⟩ valeur par défaut : false

La clé ⟨CouleurGraduation⟩ valeur par défaut : white

```
\Jauge[Nom=Python,CouleurBarre=Cornsilk,CouleurFond=LightSteelBlue,Graduation,
    CouleurGraduation=NavyBlue]{59}
```



Pour des bilans, on peut « superposer » à la barre une coloration en fonction de niveaux (4) avec

La clé ⟨Niveau⟩ valeur par défaut : false

La clé ⟨LimiteI⟩ valeur par défaut : 25

La clé ⟨LimiteF⟩ valeur par défaut : 50

La clé ⟨LimiteS⟩ valeur par défaut : 75

La clé ⟨CouleurI⟩ valeur par défaut : red

La clé ⟨CouleurF⟩ valeur par défaut : orange

La clé ⟨CouleurS⟩ valeur par défaut : yellow

La clé ⟨CouleurM⟩ valeur par défaut : green

```
\Jauge[Nom=Mathématiques,Niveau]{80}
\Jauge[Nom=Mathématiques,Niveau]{20}
\Jauge[Nom=Mathématiques,Niveau]{55}
\Jauge[Nom=Mathématiques,Niveau]{33}
```

Mathématiques

Mathématiques

Mathématiques

Mathématiques

30 Quelques éléments pratiques...

ProfCollege met à disposition quelques commandes « utiles » :

- \pointilles qui va tracer des pointilles jusqu'à la fin de ligne ou sur une longueur donnée.

```
Bonjour \pointilles

Ça va ? \pointilles[2cm] Fine !
```

Bonjour .....
Ça va ? ..... Fine !

- \Lignespointilles{n} qui va tracer n lignes en pointillés.

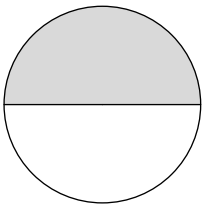
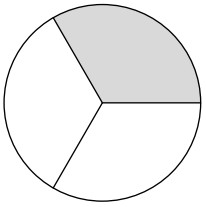
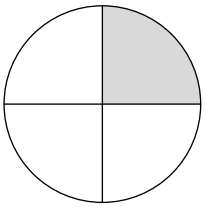
```
\Lignespointilles{5}

Bonjour \Lignespointilles{5}
```

.....
.....
.....
.....
.....
Bonjour .....
.....
.....
.....
.....

31 Exemples

Utilisation de \Fraction

```
%Thomas Dehon
\begin{center}
  \begin{tabular}{|*{3}{>{\centering\arraybackslash}m{.3\linewidth}|}}
    \hline
    {\large La proportion}&{\large correspond à la fraction}&{\large et a pour écriture
        décimale}\\
    \hline
    \begin{minipage}[t][30mm][c]{28mm}\Fraction[Disque,Rayon=13mm,Reponse,Couleur=0.85
        white]{1/2}\end{minipage}&&\\ \hline
    \begin{minipage}[t][30mm][c]{28mm}\Fraction[Disque,Rayon=13mm,Reponse,Couleur=0.85
        white]{1/3}\end{minipage}&&\\ \hline
    \begin{minipage}[t][30mm][c]{28mm}\Fraction[Disque,Rayon=13mm,Reponse,Couleur=0.85
        white]{1/4}\end{minipage}&&\\
    \hline
  \end{tabular}
\end{center}
```

La proportion	correspond à la fraction	et a pour écriture décimale
		
		
		

Utilisation de \Pythagore

```
%Laurent Lassalle Carrere
L'affirmation suivante est-elle vraie ?
\begin{description}
\item[Affirmation] Le triangle $EFG$ tel que $EF=\SI{4.8}{\centi\metre}$, $FG=\SI{3.6}{
    \centi\metre}$ et $EG=\SI{6}{\centi\metre}$ est un triangle rectangle.
\end{description}
\textbf{Correction :}\par
\Pythagore[Reciproque]{EFG}{6}{4.8}{3.6}
```

L'affirmation suivante est-elle vraie ?

Affirmation Le triangle EFG tel que $EF = 4{,}8\,\text{cm}$, $FG = 3{,}6\,\text{cm}$ et $EG = 6\,\text{cm}$ est un triangle rectangle.

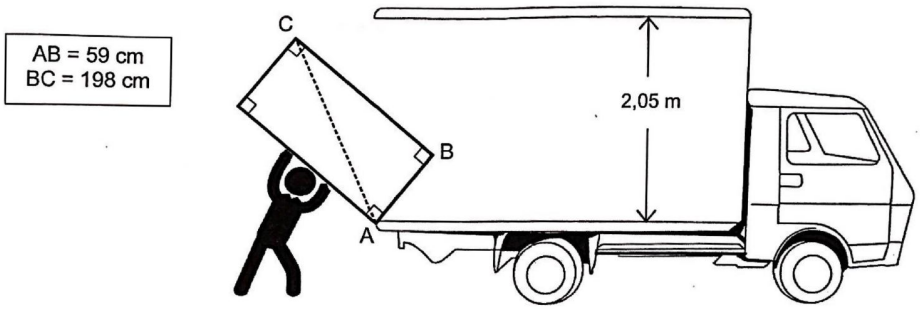
Correction :
Dans le triangle EFG, $[EG]$ est le plus grand côté.

$$\left.\begin{array}{l} EG^2 = 6^2 = 36 \\ \\ EF^2 + FG^2 = 4{,}8^2 + 3{,}6^2 = 23{,}04 + 12{,}96 = 36 \end{array}\right\} EG^2 = EF^2 + FG^2$$

Comme $EG^2 = EF^2 + FG^2$, alors le triangle EFG est rectangle en F d'après la réciproque du théorème de Pythagore.

```
%Laurent Lassalle Carrere
Lors de son déménagement, Allan doit transporter son réfrigérateur
dans un camion. Pour l'introduire dans le camion, Allan le pose sur le
bord comme indiqué sur la figure. Le schéma n'est pas à l'échelle.

\[\includegraphics[width=0.75\linewidth]{demenagement-eps-converted-to.pdf}\]

Allan pourra-t-il redresser le réfrigérateur en position verticale
pour le rentrer dans le camion sans bouger le point d'appui A ? Justifier.
\par\textbf{Correction :}\par
\Pythagore{ABC}{59}{198}{}
\par Le réfrigérateur est trop grand en diagonale, Allan ne pourra pas
le redresser en position verticale.
```

Lors de son déménagement, Allan doit transporter son réfrigérateur dans un camion. Pour l'introduire dans le camion, Allan le pose sur le bord comme indiqué sur la figure. Le schéma n'est pas à l'échelle.



Allan pourra-t-il redresser le réfrigérateur en position verticale pour le rentrer dans le camion sans bouger le point d'appui A ? Justifier.

Correction :

Dans le triangle ABC rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned} AC^2 &= AB^2 + BC^2 \\ AC^2 &= 59^2 + 198^2 \\ AC^2 &= 3\,481 + 39\,204 \\ AC^2 &= 42\,685 \\ AC &= \sqrt{42\,685} \\ AC &\approx 206{,}6 \text{ cm} \end{aligned}$$

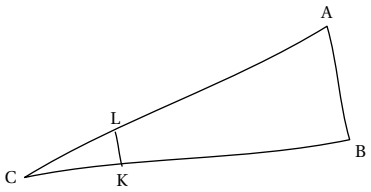
Le réfrigérateur est trop grand en diagonale, Allan ne pourra pas le redresser en position verticale.

Utilisation de \Pythagore, \Thales et \Trigo

```
%Laurent Lassalle Carrere
\begin{minipage}{0.65\linewidth}
  La figure ci-contre est dessinée à main levée. On donne les informations suivantes :
  \begin{itemize}
  \item[\textbullet] ABC est un triangle tel que :\par AC = 10,4 cm, AB =4 cm et BC = 9,6 cm ;
  \item[\textbullet] les points A, L et C sont alignés ;
  \item[\textbullet] les points B, K et C sont alignés ;
  \item[\textbullet] la droite (KL) est parallèle à la droite (AB) ;
  \item[\textbullet] CK = 3~cm.
  \end{itemize}
\end{minipage}\hfill
\begin{minipage}{0.35\linewidth}
  \begin{center}
    \includegraphics{LCC-Triangle-1}
  \end{center}
\end{minipage}
\begin{enumerate}[(a)]
\item Prouver que le triangle ABC est rectangle en B.
\item Déterminer, en cm, la longueur CL.
\item À l'aide de la calculatrice, calculer une valeur approchée de la mesure de l'angle $\widehat{\text{CAB}}$, au degré
      près.
\end{enumerate}
\par\textbf{Correction :}
\begin{multicols}{2}
  \begin{enumerate}[(a)]
  \item \Pythagore[Reciproque,ReciColonnes]{ABC}{10.4}{9.6}{4}
  \item \Thales[ChoixCalcul=1]{CABLK}{CL}{3}{LK}{10.4}{9.6}{4}
  \item \Trigo[Cosinus]{CBA}{9.6}{10.4}{}
  \end{enumerate}
\end{multicols}
```

La figure ci-contre est dessinée à main levée. On donne les informations suivantes :

- ABC est un triangle tel que :
  AC = 10,4 cm, AB =4 cm et BC = 9,6 cm ;
- les points A, L et C sont alignés ;
- les points B, K et C sont alignés ;
- la droite (KL) est parallèle à la droite (AB) ;
- CK = 3 cm.



(a) Prouver que le triangle ABC est rectangle en B.

(b) Déterminer, en cm, la longueur CL.

(c) À l'aide de la calculatrice, calculer une valeur approchée de la mesure de l'angle $\widehat{\text{CAB}}$, au degré près.

Correction :

(a) Dans le triangle ABC, $[AC]$ est le plus grand côté.

AC^2	AB^2	+	BC^2
$10{,}4^2$	$9{,}6^2$	+	4^2
	92,16	+	16
108,16	108,16		

Comme $AC^2 = AB^2 + BC^2$, alors le triangle ABC est rectangle en B d'après la réciproque du théorème de Pythagore.

(b) Dans le triangle CAB, L est un point de la droite (CA), K est un point de la droite (CB).
Comme les droites (LK) et (AB) sont parallèles, alors le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{CL}{CA} = \frac{CK}{CB} = \frac{LK}{AB}$$

On remplace par les longueurs connues :

$$\frac{CL}{10{,}4} = \frac{3}{9{,}6} = \frac{LK}{4}$$

$$CL = \frac{10{,}4 \times 3}{9{,}6}$$

$$CL = \frac{31{,}2}{9{,}6}$$

$$CL = 3{,}25 \text{ cm}$$

(c) Dans le triangle CBA, rectangle en B, on a :

$$\cos(\widehat{BCA}) = \frac{CB}{CA}$$

$$\cos(\widehat{BCA}) = \frac{9{,}6}{10{,}4}$$

$$\widehat{BCA} \approx 23°$$

Utilisation de \Stat et \Pourcentage

Pour être vendues, les pommes sont calibrées : elles sont réparties en caisses suivant la valeur de leur diamètre.

Dans un lot de pommes, un producteur a évalué le nombre de pommes pour chacun des six calibres rencontrés dans le lot. Il a obtenu le tableau suivant :

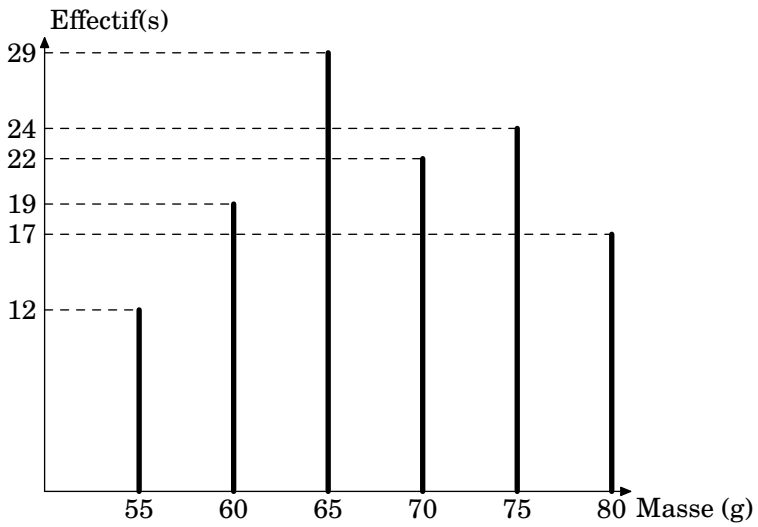
Calibre (en mm)	55	60	65	70	75	80
Effectif (nombre de pommes)	12	19	29	22	24	17

1. Construire un diagramme en bâtons relatif à cet échantillon de pommes.
2. Calculer, par rapport à l'effectif total, le pourcentage de pommes dont le diamètre d est supérieur ou égal à 70 mm et inférieur à 80 mm. On donnera le résultat arrondi à l'unité.
3. Quelle l'étendue des calibres des pommes ?
4. Quel est le calibre moyen des pommes de ce producteur ?
5. Quel est le calibre médian des pommes de ce producteur ?

```
\textbf{correction}
\begin{enumerate}
\item \Stat[Graphique,Unitey=0.2,Unitex=0.25,Donnee=Masse (\si{\gram}),Origine=50]{
     55/12,60/19,65/29,70/22,75/24,80/17}
\item Il y a $12+19+29+22+24+17=123$ pommes au total.
  \\$22+24=48$ pommes ont un diamètre $d$ supérieur ou égal à
  \Lg[mm]{70} et inférieur à \Lg[mm]{80}.
  \\Cela représente un pourcentage :
  \begin{center}
    \Pourcentage[Calculer,GrandeurA=$d$ compris entre
    \Lg[mm]{70} et
    \Lg[mm]{80}]{48}{123}
  \end{center}
  soit un pourcentage d'environ 39~\%.
\item \Stat[Etendue,Concret,Unite=\si{\milli\metre}]{55/12,60/19,65/29,70/22,75/24,80/17}
\item \Stat[Moyenne,Concret,Unite=\si{\milli\metre}]{55/12,60/19,65/29,70/22,75/24,80/17}
\item \Stat[Mediane,Concret,Unite=\si{\milli\metre}]{55/12,60/19,65/29,70/22,75/24,80/17}
\end{enumerate}
```

correction

1.



2. Il y a $12 + 19 + 29 + 22 + 24 + 17 = 123$ pommes au total.
   $22 + 24 = 48$ pommes ont un diamètre d est supérieur ou égal à 70 mm et inférieur à 80 mm.
   Cela représente un pourcentage :

d compris entre 70 mm et 80 mm	48	
Total	123	100

$\div 1{,}23$ $\times 1{,}23$

soit un pourcentage d'environ 39 %.

3. L'étendue est égale à 80 mm − 55 mm = 25 mm.
4. La somme des données est :

$$12 \times 55 \text{ mm} + 19 \times 60 \text{ mm} + 29 \times 65 \text{ mm} + 22 \times 70 \text{ mm} + 24 \times 75 \text{ mm} + 17 \times 80 \text{ mm} = 8\,385 \text{ mm}$$

   L'effectif total est :

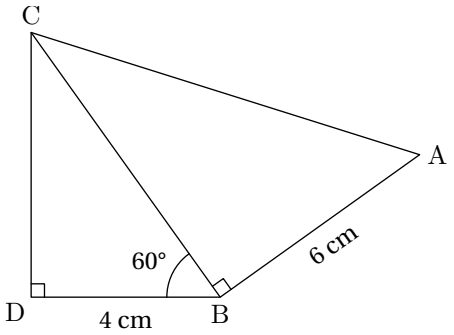
$$12 + 19 + 29 + 22 + 24 + 17 = 123$$

   Donc la moyenne est égale à :

$$\frac{8\,385 \text{ mm}}{123} \approx 68{,}17 \text{ mm}.$$

5. L'effectif total est 123. Or, 123 = 61 + 1 + 61. La médiane est la 62e donnée. Donc la médiane est 70 mm.

Utilisation de `\Resultat`...



On donne $BD = 4\,\text{cm}$; $BA = 6\,\text{cm}$ et $\widehat{DBC} = 60°$. *On ne demande pas de faire une figure en vraie grandeur.*

1. Prouver que $BC = 8\,\text{cm}$.
2. Calculer AC.
3. Déterminer la valeur arrondie au degré de $\widehat{BAC}$.
4. Déterminer la valeur arrondie au degré de $\widehat{ACB}$.

```
\textbf{Correction :}
\begin{multicols}{2}
  \begin{enumerate}
  \item \Trigo[Cosinus]{BDC}{4}{}{60}%
  \item \Pythagore[Exact,Entier]{ABC}{6}{\ResultatTrigo}{}
  \item \Trigo[Tangente]{ABC}{6}{\ResultatPytha}{}
  \item \SommeAngles{CAB}{\ResultatTrigo}{90}%
    L'angle $\widehat{BCA}$ mesure environ \ang{\ResultatAngle}.
  \end{enumerate}
\end{multicols}
```

Correction :

1. Dans le triangle BDC, rectangle en D, on a :

$$\begin{aligned}\cos(\widehat{DBC}) &= \frac{BD}{BC}\\ \cos(60°) &= \frac{4}{BC}\\ BC &= \frac{4}{\cos(60°)}\\ BC &= 8\text{ cm}\end{aligned}$$

2. Dans le triangle ABC rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire :

$$\begin{aligned}AC^2 &= AB^2 + BC^2\\ AC^2 &= 6^2 + 8^2\\ AC^2 &= 36 + 64\\ AC^2 &= 100\\ AC &= 10\text{ cm}\end{aligned}$$

3. Dans le triangle ABC, rectangle en B, on a :

$$\begin{aligned}\tan(\widehat{BAC}) &= \frac{BC}{AB}\\ \tan(\widehat{BAC}) &= \frac{6}{10}\\ \widehat{BAC} &\approx 31°\end{aligned}$$

4. Dans le triangle CAB, on a :

$$\begin{aligned}\widehat{CAB} + \widehat{ABC} + \widehat{BCA} &= 180°\\ 31° + 90° + \widehat{BCA} &= 180°\\ 121° + \widehat{BCA} &= 180°\\ \widehat{BCA} &= 180° - 121°\\ \widehat{BCA} &= 59°\end{aligned}$$

L'angle $\widehat{BCA}$ mesure environ 59°.

32 Complément : compilation en shell-escape

Cette partie n'est pas utile aux utilisateurs de LuaLaTeX.

Elle est utilisée couramment dans les commandes de ce package. Il s'agit d'une compilation qui permet d'utiliser des programmes autres que le compilateur (pdfLaTeX ou XeLaTeX) pendant la création du document. Pouvant potentiellement lancer n'importe quel programme, elle est donc à utiliser en toute connaissance de cause…

Pour une telle compilation,

— avec la distribution TeX Live, on utilisera la ligne de commande :

```
pdflatex -shell-escape nomfichier
```

— avec la distribution MikTeX, on utilisera la ligne de commande :

```
pdflatex -enable-write18 nomfichier
```

Même si elle est recommandée lors de l'utilisation du package, certains utilisateurs peuvent vouloir l'éviter. Pour cela, il suffit d'écrire :

```
\usepackage[nonshellescape]{ProfCollege}
```

L'inconvénient est qu'il faudra faire les trois étapes de compilation *à la main* :

```
pdflatex nomfichier
sh nomfichier+mp.sh
pdflatex nomfichier
```

33 Complément : METAPOST– couleurs du package `Pfc-svgnames.mp`

Elles ont été obtenues grâce au fichier /usr/local/texlive/2020/texmf-dist/tex/latex/xcolor/svgnam.def de la distribution TEXLive 2020.

AliceBlue	AntiqueWhite	Aqua	Aquamarine	Azure
Beige	Bisque	Black	BlanchedAlmond	Blue
BlueViolet	Brown	BurlyWood	CadetBlue	Chartreuse
Chocolate	Coral	CornflowerBlue	Cornsilk	Crimson
Cyan	DarkBlue	DarkCyan	DarkGoldenrod	DarkGray
DarkGreen	DarkGrey	DarkKhaki	DarkMagenta	DarkOliveGreen
DarkOrange	DarkOrchid	DarkRed	DarkSalmon	DarkSeaGreen
DarkSlateBlue	DarkSlateGray	DarkSlateGrey	DarkTurquoise	DarkViolet
DeepPink	DeepSkyBlue	DimGray	DimGrey	DodgerBlue
FireBrick	FloralWhite	ForestGreen	Fuchsia	Gainsboro
GhostWhite	Gold	Goldenrod	Gray	Green
GreenYellow	Grey	Honeydew	HotPink	IndianRed
Indigo	Ivory	Khaki	Lavender	LavenderBlush
LawnGreen	LemonChiffon	LightBlue	LightCoral	LightCyan
LightGoldenrod	LightGoldenrodYellow	LightGray	LightGreen	LightGrey
LightPink	LightSalmon	LightSeaGreen	LightSkyBlue	LightSlateBlue
LightSlateGray	LightSlateGrey	LightSteelBlue	LightYellow	Lime
LimeGreen	Linen	Magenta	Maroon	MediumAquamarine
MediumBlue	MediumOrchid	MediumPurple	MediumSeaGreen	MediumSlateBlue
MediumSpringGreen	MediumTurquoise	MediumVioletRed	MidnightBlue	MintCream
MistyRose	Moccasin	NavajoWhite	Navy	NavyBlue
OldLace	Olive	OliveDrab	Orange	OrangeRed
Orchid	PaleGoldenrod	PaleGreen	PaleTurquoise	PaleVioletRed
PapayaWhip	PeachPuff	Peru	Pink	Plum
PowderBlue	Purple	Red	RosyBrown	RoyalBlue
SaddleBrown	Salmon	SandyBrown	SeaGreen	Seashell
Sienna	SkyBlue	SlateBlue	SlateGray	SlateGrey
Snow	SpringGreen	SteelBlue	Tan	Teal
Thistle	Tomato	Turquoise	Violet	VioletRed
Wheat	White	WhiteSmoke	Yellow	YellowGreen

34 Complément : Personnalisation de la fonte utilisée dans les figures METAPOST

Cette partie n'est pas utile aux utilisateurs de LuaLaTeX.

Par défaut, il s'agit de la fonte `fourier` avec un corps de taille `10pt`. C'est un choix *personnel* de l'auteur. Mais on peut vouloir utiliser une autre fonte [100], par exemple `lmodern`.

Pour cela, on créera un fichier `PfC-Local.mp` (par exemple) pour y copier le fichier `PfC-LaTeX.mp` fourni avec le package. On adaptera les lignes 4 et 7 :

Défaut

```
1  vardef LATEX primary s =
2    write "verbatimtex" to "mptextmp.mp";
3    write "%&latex" to "mptextmp.mp";
4    write "\documentclass[]{article}" to "mptextmp.mp";
5    write "\usepackage[utf8]{inputenc}" to "mptextmp.mp";
6    write "\usepackage[T1]{fontenc}" to "mptextmp.mp";
7    write "\usepackage{fourier}" to "mptextmp.mp";
8    write "\usepackage{mathtools,amssymb}" to "mptextmp.
         mp";
9    write "\usepackage{siunitx}" to "mptextmp.mp";
10   write "\sisetup{locale=FR,detect-all,output-decimal-
         marker={,},group-four-digits}" to "mptextmp.mp";
11   write "\usepackage[french]{babel}" to "mptextmp.mp";
12   write "\begin{document}" to "mptextmp.mp";
13   write "etex" to "mptextmp.mp";
14   write "btex "&s&" etex" to "mptextmp.mp";
15   write EOF to "mptextmp.mp";
16   scantokens "input mptextmp"
17 enddef;
```

Personnalisation

```
1  vardef LATEX primary s =
2    write "verbatimtex" to "mptextmp.mp";
3    write "%&latex" to "mptextmp.mp";
4    write "\documentclass[12pt]{article}" to "mptextmp.mp
         ";
5    write "\usepackage[utf8]{inputenc}" to "mptextmp.mp";
6    write "\usepackage[T1]{fontenc}" to "mptextmp.mp";
7    write "\usepackage{lmodern}" to "mptextmp.mp";
8    write "\usepackage{mathtools,amssymb}" to "mptextmp.
         mp";
9    write "\usepackage{siunitx}" to "mptextmp.mp";
10   write "\sisetup{locale=FR,detect-all,output-decimal-
         marker={,},group-four-digits}" to "mptextmp.mp";
11   write "\usepackage[french]{babel}" to "mptextmp.mp";
12   write "\begin{document}" to "mptextmp.mp";
13   write "etex" to "mptextmp.mp";
14   write "btex "&s&" etex" to "mptextmp.mp";
15   write EOF to "mptextmp.mp";
16   scantokens "input mptextmp"
17 enddef;
```

Ensuite, on adaptera le préambule du fichier source `tex` :

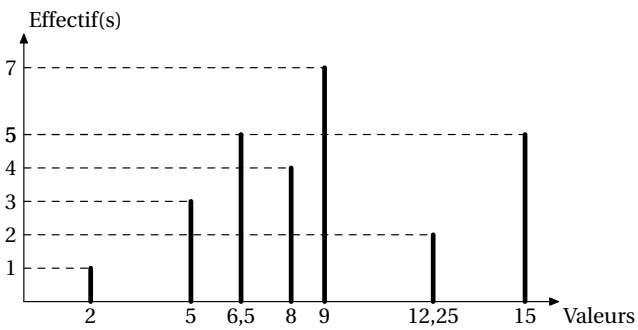
Défaut

```
\documentclass{article}
\usepackage{ProfCollege}
\begin{document}
  \Stat[Graphique]{2/1,5/3,6.5/5,8/4,9/7,12.25/2,15/5}
\end{document}
```

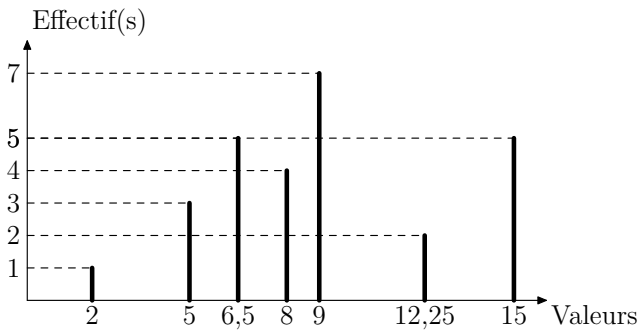
Personnalisation

```
\documentclass{article}
\usepackage{ProfCollege}
%commandes du package gmp
\usempxclass[12pt]{article}
\usempxpackage{lmodern}
\gmpoptions{everymp={input PfC-local;}}
%%%
\begin{document}
  \Stat[Graphique]{2/1,5/3,6.5/5,8/4,9/7,12.25/2,15/5}
\end{document}
```

Défaut



Personnalisation



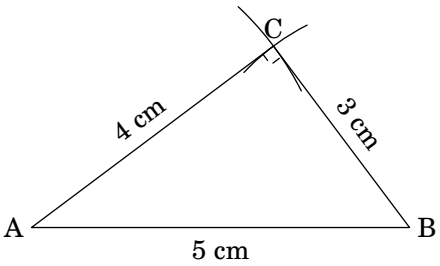
100. Cette personnalisation a été suggérée par Maxime Chupin.

35 Complément : un peu de géométrie avec ProfCollege

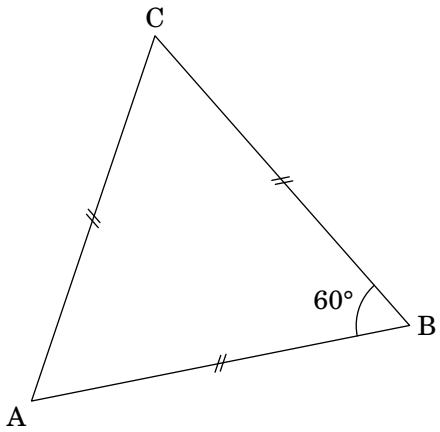
ProfCollege est livré avec PfC-geometrie.mp (package METAPOST) [101]. Associé au package LaTeX gmp ou à LuaLaTeX, il permet l'inclusion des différentes figures associées aux commandes proposées.

Mais, on peut vouloir aller plus loin et l'utiliser pour faire des figures autres que celles prévues… *directement* à l'intérieur [102] du fichier source LaTeX. Même si une connaissance de METAPOST est nécessaire, elle reste superficielle. Voici quelques exemples :

```
pair A,B,C;
A=u*(1,1);
B-A=u*(5,0);
C=cercles(A,4u) intersectionpoint cercles(B,3u);
trace polygone(A,B,C);
trace coupdecompas(A,C,10);
trace coupdecompas(B,C,10);
label.lft(btex A etex,A);
label.rt(btex B etex,B);
label.top(btex C etex,C);
trace codeperp(A,C,B,5) dashed evenly;
trace appelation(A,B,-3mm,btex 5 cm etex);
trace appelation(A,C,3mm,btex 4 cm etex);
trace appelation(C,B,3mm,btex 3 cm etex);
```




```
pair A,B,C;
A=u*(1,1);
B-A=u*(5,1);
C=rotation(B,A,60);
marque_s:=marque_s/3;
trace Codelongueur(A,B,B,C,C,A,2);
trace Codeangle(C,B,A,0,\btex \ang{60} etex);
trace polygone(A,B,C);
label.llft(btex A etex,A);
label.rt(btex B etex,B);
label.top(btex C etex,C);
```



Voici les commandes dont dispose PfC-geometrie.mp :

Commandes de tracé/remplissage

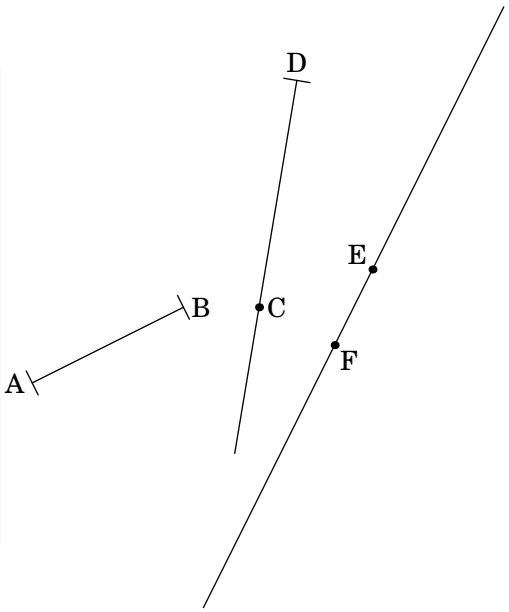
— trace pour… tracer ;
— remplis pour remplir avec une couleur METAPOST ;

Commandes de tracés « à la règle »

— segment(A,B), droite(A,B), demidroite(A,B) pour, respectivement, le segment $[AB]$, la droite (AB), la demi-droite $[AB)$;

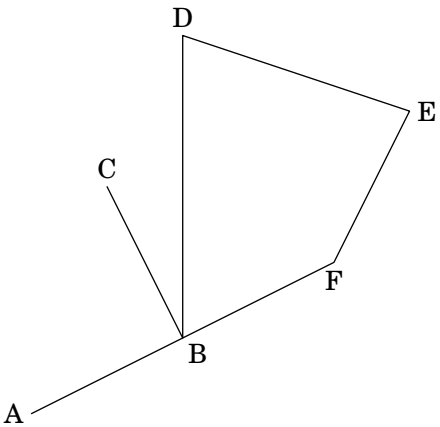
101. Les habitués de METAPOST remarqueront certainement de très nombreuses similitudes avec geometriesyr16.mp du même auteur. Ils n'auront pas tort mais PfC-geometrie.mp ne dispose pas de toutes les commandes de geometriesyr16.mp.
102. Ce n'est pas le choix de l'auteur.

```
pair A,B,C,D,E,F;
A=u*(1,1);
B-A=u*(2,1);
C-B=u*(1,0);
D-C=u*(0.5,3);
E-D=u*(1,-2.5);
F-E=u*(-0.5,-1);
trace segment(A,B);
trace droite(E,F);
trace demidroite(D,C);
% la labelisation des points n'est pas indiquée
% dans ce code mais elle est obligatoire pour
% obtenir la figure ci-contre.
```



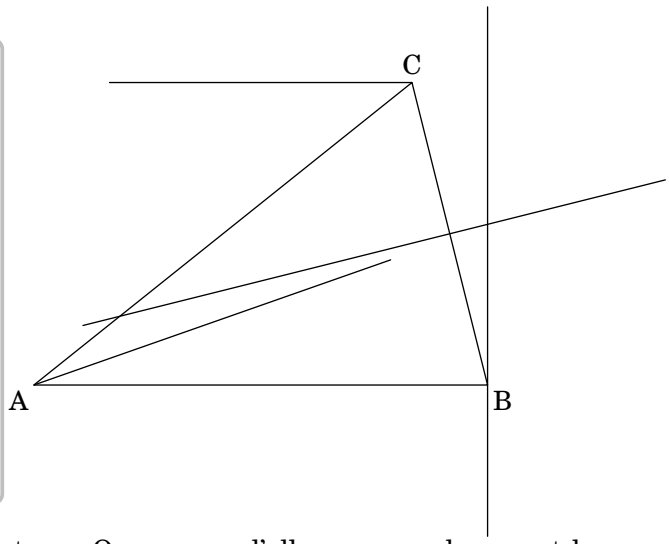
— `chemin(A,B,C,D)` pour la ligne brisée $ABCD$;
— `polygone(A,B,C,D)` pour le polygone $ABCD$.

```
pair A,B,C,D,E,F;
A=u*(1,1);
B-A=u*(2,1);
C-B=u*(-1,2);
trace chemin(A,B,C);
D-C=u*(1,2);
E-D=u*(3,-1);
F-E=u*(-1,-1);
trace polygone(B,D,E,F);
label.lft(btex A etex,A);
label.lrt(btex B etex,B);
label.top(btex C etex,C);
label.top(btex D etex,D);
label.rt(btex E etex,E);
label.bot(btex F etex,F);
```



— `perpendiculaire(A,B,I)` pour la perpendiculaire à la droite (AB) passant par I ;
— `parallele(A,B,I)` pour la parallèle à la droite (AB) passant par I ;
— `mediatrice(A,B)` pour la médiatrice du segment $[AB]$;
— `bissectrice(A,B,C)` pour la bissectrice de l'angle $\widehat{ABC}$.

```
pair A,B,C;
A=u*(1,1);
B-A=u*(6,0);
C-A=u*(5,4);
trace polygone(A,B,C);
trace perpendiculaire(A,B,B);
trace parallele(A,B,C);
trace mediatrice(B,C);
trace bissectrice(B,A,C);
label.llft(btex A etex,A);
label.lrt(btex B etex,B);
label.top(btex C etex,C);
```

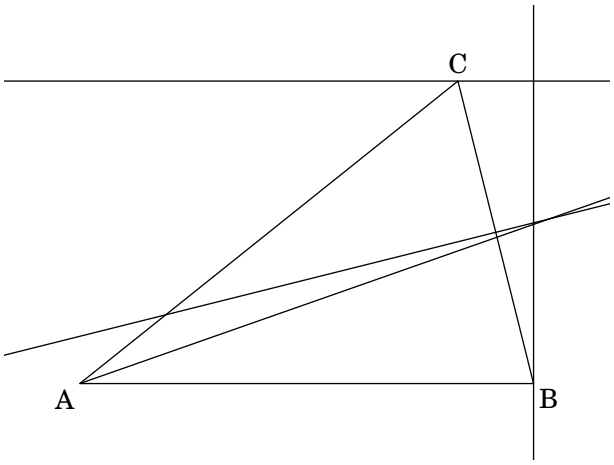


On remarque que la parallele est un peu « courte »... On pourra « l'allonger » en changeant le paramètre :

— `_tfig` valeur par défaut : 5cm

Mais il faudra certainement « forcer » les dimensions du cadre de la figure avec la commande `clip`.

```
_tfig:=10cm;
pair A,B,C;
A=u*(1,1);
B-A=u*(6,0);
C-A=u*(5,4);
trace polygone(A,B,C);
trace perpendiculaire(A,B,B);
trace parallele(A,B,C);
trace mediatrice(B,C);
trace bissectrice(B,A,C);
label.llft(btex A etex,A);
label.lrt(btex B etex,B);
label.top(btex C etex,C);
clip currentpicture to polygone((0,0),(8u,0),(8u,8u),(0,8u));
```



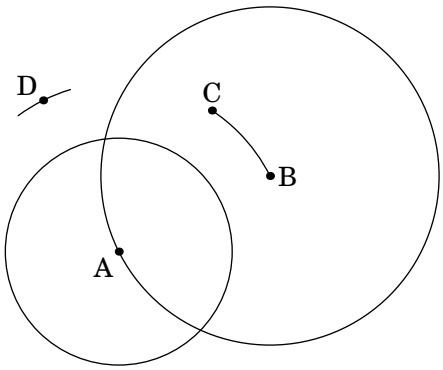
Commandes de tracés « au compas » — `cercles(A,2u)` pour le cercle de centre A et de rayon 2 cm ;

— `cercles(A,B)` pour le cercle de centre A et passant par B ;

— `arccerccle(A,B,C)` pour l'arc de cercle AB (dans le sens positif) de centre C ;

— `coupdecompas(A,B,10)` pour un coup de compas centré en A et passant par B de longueur 20 (l'unité étant la longueur du cercle associé divisée par 360).

```
pair A,B,C,D;
A=u*(0,0);
B-A=u*(2,1);
C=rotation(B,A,30);
D-A=u*(-1,2);
trace cercles(A,1.5u);
trace cercles(B,A);
trace arccercle(B,C,A);
trace coupdecompas(A,D,10);
dotlabel.llft(btex A etex,A);
dotlabel.rt(btex B etex,B);
dotlabel.top(btex C etex,C);
dotlabel.ulft(btex D etex,D);
```



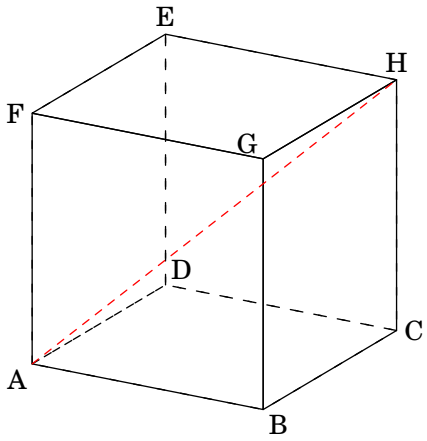
Commandes de codage et paramètres

- `marquesegment(A,B)` pour coder les extrêmités du segment $[AB]$;
- `marquedemidroite(A,B)` pour coder l'origine de la demi-droite $[AB)$;
- `codeperp(A,B,C,5)` pour coder l'angle $\widehat{ABC}$ avec un angle droit de 5 vecteur unité de longueur ;
- `Codelongueur(A,B,2)` pour coder la longueur AB avec le codage n° 2 (cinq codages sont disponibles : 1 à 5) ;
- `Codeangle(A,B,C,0,btex \ang{60}etex)` pour coder l'angle $\widehat{ABC}$ avec le codage 0 (trois codages sont disponibles : 0 à 2) en indiquant sa mesure ;
- `marque_a` Rayon des arcs de cercles de codage des angles. valeur par défaut : 20
- `marque_s` Longueur des traits de codage des longueurs. valeur par défaut : 5

En géométrie spatiale

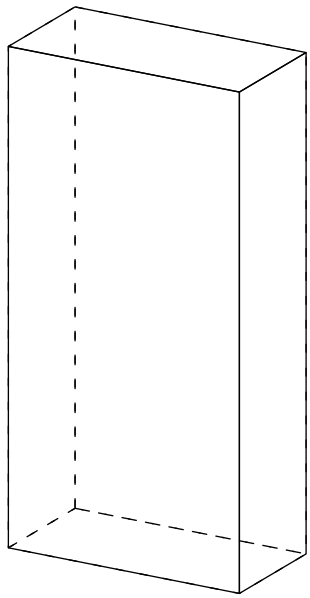
- `cube`

```
trace cube;
label.llft(btex A etex,Projette(
    Sommet1));
label.lrt(btex B etex,Projette(
    Sommet2));
label.rt(btex C etex,Projette(
    Sommet3));
label.urt(btex D etex,Projette(
    Sommet4));
label.top(btex E etex,Projette(
    Sommet5));
label.lft(btex F etex,Projette(
    Sommet6));
label.ulft(btex G etex,Projette(
    Sommet7));
label.top(btex H etex,Projette(
    Sommet8));
trace segment(Sommet1,Sommet8)
    dashed evenly withcolor red;
```



- `pave`

```
trace pave(0.5,1,2);
```



36 Problèmes connus

• **Utilisation avec beamer** La classe beamer charge le package xcolor sans option alors que ProfCollege nécessite les options table et svgnames. Pour faire cohabiter les deux, il faut les passer en option de classe :

```
\documentclass[xcolor={table,svgnames}]{beamer}
```

37 Historique

Version 0.90 Suppression du package microtype au profit de la libraire babel de tikz. Ajout de commandes concernant les longueurs, les aires… Ajout d'options à la commande \Tableau. Ajout d'une option à la commande \Thales. Ajout d'une présentation dans la liste des diviseurs de \Decomposition .

Version 0.88 Ajout de la commande \Labyrinthe.

Version 0.87 Amélioration de la commande \Thales.

Version 0.85 Adaptation à LuaLaTeX. Correction de quelques soucis d'affichage. Gestion d'un cas particulier de \SommeAngles. Amélioration de \Distri. Amélioration de \Simplification. Ajout d'une commande \Jauge dans la partie dédiée au professeur principal. Amélioration de la commande \Thales.

Version 0.75 Indépendance vis-à-vis du package METAPOSTgeometriesyr16. Refonte de la création des figures. Amélioration de la figure associée à la commande \Ratio (possibilité d'utiliser les accents). Amélioration de la commande \Relie. Un peu de couleur dans la commande \Tables.

Version 0.70 Ajout d'une commande \Calculatrice. Ajout d'options pour les tableaux de la commande \Stat. Ajout de la commande \Tables. Ajout d'une option à la commande \Tableau.

Version 0.68 Ajout des égalités remarquables pour la commande \Distri.

Version 0.67 Préparation à la mise en place sur ctan.org.

Version 0.66 Ajout d'une commande \Ratio. Amélioration de l'affichage du calcul d'une moyenne et d'une médiane.

Version 0.64 Ajout de deux nouvelles options à la commande \Pythagore. Amélioration de la partie « Introduction » de ce document.

Version 0.63 Amélioration de la commande \Thales (réciproque). Ajout d'une option de tracé dans la commande \Reperage.

Version 0.62 Refonte des commandes \Resultat... afin de favoriser la réutilisation au détriment d'un affichage correct. Ajout d'une option à la commande \Fraction.

Version 0.61 Ajout d'une option à la commande \Simplification. Ajout d'options à la commande \Stat. Ajout d'options à la commande \Thales.

Version 0.60 Ajout d'une nouvelle présentation de la résolution d'une équation. Ajout d'une option à la commande \SommeAngles.

Version 0.59 Amélioration de la commande \Pythagore permettant d'utiliser des carrés obtenus précédemment. Amélioration de la macro \Reperage pour améliorer la gestion de l'affichage sur les droites graduées.

Version 0.58 Ajout d'un affichage potentiel des mesures des angles sur les diagrammes circulaire et semi-circulaire.

Version 0.57 Ajout de la commande \Fraction. Correction des écritures des grands nombres dans les commandes \Pythagore et \Thales. Ajout d'un questionnaire « Vrai - Faux » dans la commande \QCM. Ajout d'une option nonshellescape pour ne pas utiliser la compilation externe durant la création d'un document.

Version 0.56 Amélioration de la commande \Decomposition.

Version 0.54 Ajout de la commande \QFlash. Amélioration des figures METAPOST.

Version 0.52 Ajout de la commande \QCM.

Version 0.51 Ajout de la commande \Relie.

Version 0.50 Mise à jour majeure dans la gestion des clés des différentes commandes.

Version 0.37 Ajout d'une macro \Puissances. Ajout d'une quatrième présentation de la résolution d'une équation. Reprise de la macro \Decomposition. Suppression de spurious blank. Reprise de la macro \Distri pour qu'elles acceptent des valeurs décimales et permettre un affichage des développements numériques. Ajout des équations produit nul.

Version 0.34 Mise à Jour \Pourcentage. Corrections mineures (« spurious blank »).
Amélioration de \Pythagore (Unité et récupération du résultat), de \Trigo (récupération du résultat) et \Thales (récupération des résultats). Justification du texte dans les bulles. Mise à jour de \Distri (Gestion des espaces).

Version 0.29 Correction de quelques bugs (Partie trigonométrie).

Version 0.28 Ajout des pourcentage. Mise à jour de la partie proportionnalité.

Version 0.27 Ajout du repérage. Ajout d'une conclusion lors du tracé de la représentation graphique d'une fonction affine.

Version 0.26 Ajout des schémas de probabilités. Correction de quelques bugs.

Version 0.25 Ajout des rappels de formules.

Version 0.24 Ajout de la résolution d'équation-produit et d'équations du type $x^2 = a$.

Version 0.22 Mise à jour de la commande `\ResolEquation`.
Ajout d'une option supplémentaire dans `\Tableau`

Version 0.20 Ajout de la résolution d'équation-produit et du type $x^2 = a$.

Version 0.19 Ajout d'une clé ⟨TColonnes⟩ dans les tableaux d'unités classiques.

Version 0.18 Mise à jour (dans la résolution d'équations du premier degré).

Version 0.17 Tableaux de valeurs d'une fonction.

Version 0.16 Mise à jour (Fonction affine / Théorème de Pythagore).

Version 0.15 Fonction affine (image, antécédent, déterminer, représentation graphique). Mise à jour de la simplification de fraction.

Version 0.14 Tableaux des unités classiques.

Version 0.13 Position relative de deux droites (classe de 6e).

Version 0.12 Cartes mentales.

Version 0.11 Ajout d'une clé ⟨DALL⟩ pour la distributivité.

Version 0.10 Tableau de proportionnalité (ou pas)

Version 0.09 Résolution d'équations du premier degré ($ax + b = cx + d$)

Version 0.08 Ajout du PPCM dans la rédaction de la réciproque du théorème de Thalès.

Version 0.07 Statistiques (Tableau / Calculs (étendue / médiane / moyenne) / diagrammes en bâtons, circulaire et semi-circulaire)

Version 0.06 Réciproque du théorème de Thalès.

Version 0.05 Trigonométrie (calculs de longueur et d'angles)

Version 0.04 Théorème de Thalès.

Version 0.03 Simplification de fraction.

Version 0.02 Décomposition d'un nombre entier en un produit de nombres premiers.

Version 0.01 Théorème de Pythagore (direct et réciproque) / Distributivité (simple et double) / Sommes des angles dans un triangle.